

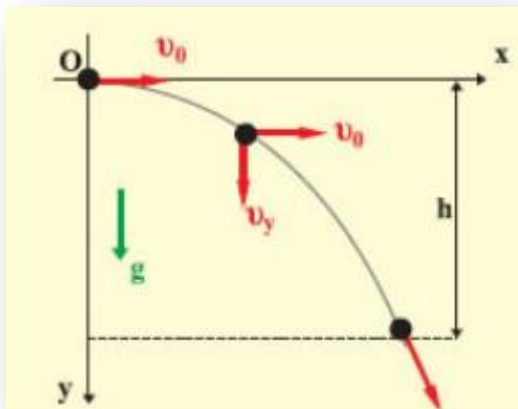
# Οριζόντια βολή

## ΓΕΝΙΚΑ

Η οριζόντια βολή είναι **σύνθετη** κίνηση που αποτελείται από δύο απλές κινήσεις, μία **κατακόρυφη** που είναι ελεύθερη πτώση και μία **οριζόντια** που είναι ευθύγραμμη ομαλή.

Οι δύο κινήσεις εξελίσσονται στο ίδιο κατακόρυφο επίπεδο που ορίζεται από την ταχύτητα του αντικειμένου  $v$ .

Η οριζόντια βολή υπακούει σε μια γενικότερη αρχή, «**Την αρχή ανεξαρτησίας (ή αρχή της επαλληλίας) των κινήσεων**», που διατυπώνεται ως εξής: “**Όταν ένα κινητό εκτελεί ταυτόχρονα δύο ή περισσότερες κινήσεις, κάθε μία απ' αυτές εκτελείται εντελώς ανεξάρτητα από τις υπόλοιπες και η θέση στην οποία φτάνει το κινητό μετά από χρόνο  $t$ , είναι η ίδια είτε οι κινήσεις εκτελούνται ταυτόχρονα, είτε εκτελούνται διαδοχικά, σε χρόνο  $t$  κάθε μία**”.



## Μελέτη οριζόντιας βολής

Απαιτείται ΠΑΝΤΑ σύστημα καθέτων αξόνων (οριζόντιος και κατακόρυφος, οι δυο άξονες άξονες)

**Άξονας Ox:** Δεν υπάρχει δύναμη! Επομένως η κίνηση είναι ευθύγραμμη ομαλή με ταχύτητα  $v_0$  και οι εξισώσεις που περιγράφουν την κίνηση κατά τη διεύθυνση (Ox) είναι:

$$v_x = v_0 \quad (1) \quad \text{και} \quad x = v_0 t \quad (2)$$

**Άξονας Oy:** Υπάρχει μόνο η δύναμη του βάρους. Δεν έχουμε αρχική ταχύτητα στον άξονα Oy, οπότε η κίνηση είναι ελεύθερη πτώση (κίνηση ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη χωρίς αρχική ταχύτητα με επιτάχυνση  $g$ )

Οι εξισώσεις που περιγράφουν την κίνηση κατά τη διεύθυνση (Oy) είναι:

$$v_y = g t \quad (3) \quad \text{και} \quad y = \frac{1}{2} g t^2 \quad (4)$$

Αυτές οι εξισώσεις είναι οι βασικές για τη μελέτη της οριζόντιας βολής

Παράδειγμα :

✓ Θέλουμε την διάρκεια της κίνησης . Έρχεται η (4) και λέει, αν ξέρεις το ύψος τότε  $t_{κιν} = \sqrt{\frac{2h}{g}}$  (5)

✓ Θέλουμε το βεληνεκές (μέγιστη οριζόντια απόσταση) : (2), (5)  $\rightarrow x_{max} = v_0 \cdot t_{κιν} = v_0 \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}}$

✓ Θέλουμε την ταχύτητα, στο σημείο πτώσης . Θα σχεδιάσουμε τις ταχύτητες  $v_x$  ,  $v_y$  στο σημείο πτώσης, υπολογίζουμε τα μέτρα τους ( $v_x = v_0$  ,  $v_y = g \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}}$  ) και στη συνέχεια κάνουμε σύνθεση ταχυτήτων (επαλληλία γαρ!), δηλαδή σχεδιάζουμε (να η γεωμετρία!) και κάνουμε υπολογισμούς ...με Πυθαγόρα.

✓ Θέλουμε να μάθουμε πότε  $2 \cdot v_y = v_0$  . Οι σχέσεις (1) και (3) έχουν την απάντηση.

✓ Θέλουμε να μάθουμε πότε  $x = 2y$  . Οι σχέσεις (2) και (4) έχουν την απάντηση.

✓ Θέλουμε να μάθουμε με ποια γωνία –ως προς τον ορίζοντα – θα πέσει το σώμα στο έδαφος.

Έστω M το σημείο, όπου έπεσε το βλήμα, μετά το ταξίδι του διάρκειας  $t_{κιν.}$

$$\text{Να η γωνία πτώσης που ψάχνουμε! } \varepsilon\varphi\theta = \frac{u_y}{u_x} = \frac{g \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}}}{u_o} = \frac{\sqrt{2gh}}{u_o}$$

✓ Λέει η άσκηση «...το βλήμα πέφτει με γωνία  $45^\circ$ , ...» Αυτό σημαίνει, ότι στο σημείο M,  $\varepsilon\varphi\theta=1 \rightarrow u_o = \sqrt{2gh}$  ή αν θέλετε  $u_{y,M} = u_o$  !!!

✓ Θέλουμε το μήκος της τροχιάς. Αυτό δεν το βρίσκεις! Στην οριζόντια βολή μπορείς να ξέρεις τις συντεταγμένες θέσης ( x , y ), κάθε στιγμή.

✓ Θέλεις το είδος της τροχιάς ; Πες απλά ότι η τροχιά είναι μια νοητή καμπύλη. Σε επόμενη τάξη θα πεις ότι είναι παραβολική.

κ.ο.κ.

