

ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
Δ' ΤΑΞΗΣ ΕΣΠΕΡΙΝΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ
ΤΕΤΑΡΤΗ 12 ΙΟΥΝΙΟΥ 2019
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ
ΛΥΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1.** β
A2. γ
A3. α
A4. γ
A5. ΛΣΛΣΣ

ΘΕΜΑ Β

B1. Σωστή απάντηση είναι η **ii**.

Γνωρίζουμε ότι το σώμα περνάει από τη θέση ισορροπίας 2 φορές σε κάθε περίοδο T . Δόθηκε ότι η πηγή περνάει από τη θέση ισορροπίας της 60 φορές σε 30 s. Άρα

$$\left. \begin{array}{l} \text{Σε χρόνο } T \text{ περνάει από τη } \Theta\text{I } 2 \text{ φορές} \\ \text{Σε χρόνο } 30\text{s} \text{ περνάει από τη } \Theta\text{I } 60 \text{ φορές} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{T}{30} = \frac{2}{60} \Rightarrow T = 1 \text{ s}$$

Η απόσταση των ακραίων θέσεων της ταλάντωσης είναι ίση με $2A$. Άρα $2A = 0,2 \Rightarrow A = 0,1 \text{ m}$.

Η μέγιστη ταχύτητα ταλάντωσης των σημείων του ελαστικού μέσου είναι:

$$v_{\max} = \omega A = \frac{2\pi}{T} A = \frac{2\pi}{1} \cdot 0,1 = 0,2\pi \text{ m/s}$$

Το κύμα φθάνει στο σημείο Γ όταν η πηγή O έχει εκτελέσει 2 ταλαντώσεις, δηλαδή τη χρονική στιγμή $t_{\Gamma} = 2T = 2 \cdot 1 = 2 \text{ s}$.

Επομένως η ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι:

$$v = \frac{x_{\Gamma}}{t_{\Gamma}} = \frac{0,4}{2} = 0,2 \text{ m/s}$$

Έτσι ο λόγος της μέγιστης ταχύτητας ταλάντωσης των σημείων του ελαστικού μέσου προς την ταχύτητα διάδοσης του κύματος είναι:

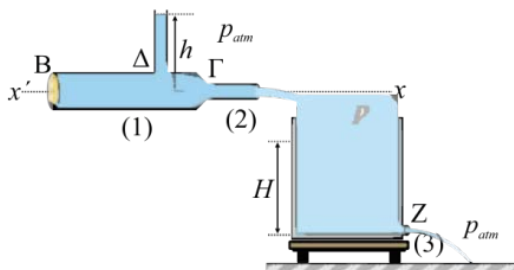
Πριν από την κρούση η συχνότητα f_1 που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής είναι:

$$\frac{v_{\max}}{v} = \frac{0,2\pi}{0,2} = \pi$$

B2. Σωστή απάντηση είναι η **iii**.

Ισχύει: $A_1 = 2A_2 \Rightarrow v_2 = 2v_1$

Από την εξίσωση Bernoulli έχουμε:



$$p_{\Delta} + \frac{1}{2}\rho \frac{v_2^2}{4} = \frac{1}{2}\rho v_2^2 + p_{atm} \Rightarrow p_{atm} + \rho gh = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2}\rho v_2^2 + p_{atm} \Rightarrow$$

$$\rho gh = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2}\rho v_2^2 \Rightarrow v_2 = \sqrt{\frac{8}{3}gh}$$

$$P_{\epsilon\iota\sigma} = P_{\epsilon\xi} \Rightarrow A_2 v_2 = A_3 v_3 \Rightarrow A_2 \sqrt{\frac{8}{3}gh} = \frac{A_2}{2} \sqrt{2gH} \Rightarrow \frac{8}{3}h = \frac{1}{4}2H \Rightarrow \frac{h}{H} = \frac{3}{16}$$

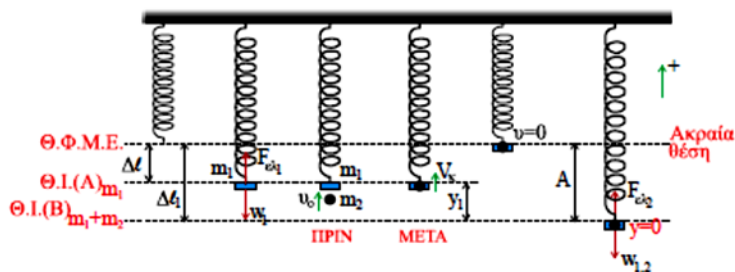
B3. Σωστή απάντηση είναι η **i**.

Για την κίνηση της ράβδου κατά γωνία $\varphi = \frac{\pi}{2}$ rad από τη θέση (OA) μέχρι τη θέση (OD), εφαρμόζουμε το θεώρημα μεταβολής της κινητικής ενέργειας.

$$K_{\tau\epsilon\lambda(O\Delta)} - K_{\alpha\rho\chi(OA)} = W_{\tau_F} \Rightarrow \frac{1}{2} I_{\rho\alpha\beta} \cdot \omega^2 = \tau_F \varphi \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} ML^2 \omega^2 = FL\varphi \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot 1^2 \omega^2 = 9\pi \cdot 1 \cdot \frac{\pi}{2} \Rightarrow \omega^2 = 9\pi^2 \Rightarrow \omega = 3\pi \text{ rad/s}$$

ΘΕΜΑ Γ



Γ1. Θέση ισορροπίας $\Sigma_1: m_1 g = k \Delta l \Rightarrow k = 200 \text{ N/m}$

Θέση ισορροπίας $\Sigma_1 + \Sigma_2: (m_1 + m_2) g = kA \Rightarrow A = 0,1 \text{ m}$

Γ2. Όταν αρχίζει την ταλάντωσή του, το συσσωμάτωμα έχει ταχύτητα V και απομάκρυνση $x = A/2$ από τη θέση ισορροπίας του. Η γωνιακή συχνότητα της

ταλάντωσης είναι: $\omega = \sqrt{\frac{k}{m_1 + m_2}} = 10 \text{ rad/s}$

Ισχύει: $\frac{1}{2} (m_1 + m_2) V^2 + \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} k A^2 \Rightarrow V = \sqrt{3}/2 \text{ m/s}$

Αρχή διατήρησης της ορμής:

$$m_2 v_0 = (m_1 + m_2) V \Rightarrow m_2 v_0 = 2m_2 V \Rightarrow v_0 = 2V \Rightarrow v_0 = \sqrt{3} \text{ m/s}$$

Γ3. Επειδή η κρούση είναι ακαριαία, οι θέσεις των σωμάτων του συστήματος πριν και μετά την κρούση είναι ίδιες. Συνεπώς η δυναμική ενέργεια του συστήματος δεν μεταβάλλεται. Έτσι η απώλεια μηχανικής ενέργειας των σωμάτων λόγω της πλαστικής κρούσης, είναι απώλεια μόνο κινητικής ενέργειας.

Η κινητική ενέργεια του συστήματος των σωμάτων πριν την κρούση είναι μόνον η κινητική ενέργεια του σώματος Σ2:

$$K_{\pi\rho\nu} = K_2 = \frac{1}{2} m_2 v_0^2 = \frac{1}{2} \cdot (\sqrt{3})^2 = 1,5J$$

Μετά την πλαστική κρούση η κινητική ενέργεια του συστήματος είναι:

$$K_{\mu\epsilon\tau\acute{\alpha}} = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) \cdot V_k^2 = \frac{1}{2} (1+1) \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{3}{4} = 0,75J$$

Έτσι η απώλεια μηχανικής ενέργειας των σωμάτων λόγω της πλαστικής κρούσης, είναι: $|\Delta E| = |\Delta K| = |K_{\mu\epsilon\tau\acute{\alpha}} - K_{\pi\rho\nu}| = |0,75 - 1,5| = 0,75J$

Γ4. Τη χρονική στιγμή $t = 0$ είναι: $x = A/2$ και $V > 0$, οπότε η αρχική φάση της ταλάντωσης είναι $\varphi_0 = \pi/6$. Η εξίσωση της απομάκρυνσης είναι:

$$x = A \eta \mu(\omega t + \varphi_0) \Rightarrow x = 0,1 \eta \mu\left(10t + \frac{\pi}{6}\right) \text{ (SI)}$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Από την ισορροπία των σωμάτων έχουμε:

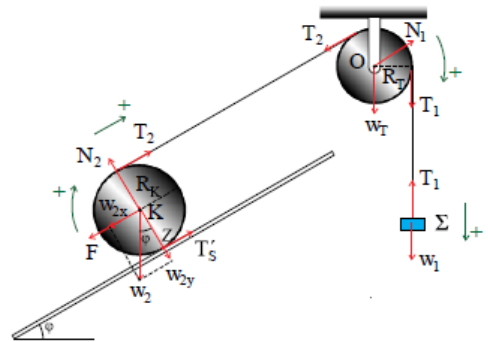
- για το σώμα Σ: $T_1 = M_{\Sigma} g$

- για την τροχαλία: $\Sigma \tau_{(cm)} = 0 \Rightarrow T_1 = T_2 = 20N$

- για τον κύλινδρο: $\Sigma \tau_{(z)} = 0 \Rightarrow$

$$T_2 2R_k - F R_k - w_{2x} R_k = 0N$$

$$\Rightarrow F = 2T_2 - w_{2x} = 2T_2 - M_K g \eta \mu \varphi = 2 \cdot 20 - 2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} = 30N$$



Δ2. Έστω v_{cm1} και a_{cm1} η ταχύτητα και η επιτάχυνση του κέντρου μάζας του σώματος Σ και v_{cm2} και a_{cm2} η ταχύτητα και η επιτάχυνση του κέντρου μάζας του κυλίνδρου. Για την κίνηση του σώματος Σ έχουμε:

$$h = \frac{1}{2} a_{cm1} \cdot t_1^2 \Rightarrow 0,18 = \frac{1}{2} a_{cm1} \cdot 0,3^2 \Rightarrow 0,36 = a_{cm1} \cdot 0,09 \Rightarrow a_{cm1} = 4m/s^2$$

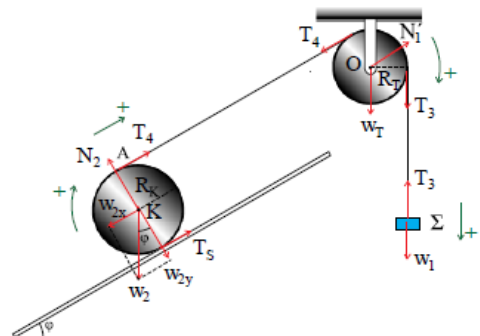
Επειδή το νήμα είναι μη εκτατό και δεν ολισθαίνει στο αυλάκι της τροχαλίας, ισχύουν: $v_{cm1} = v_{\gamma\rho T} = \omega_T R_T$ (1) και $a_{cm1} = a_{\gamma\rho T} = a_{\gamma\omega\nu T} R_T$ (2)

Επειδή ο κύλινδρος κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει, ισχύουν:

$$v_{cm2} = v_{\gamma\rho K} = \omega_K R_K \quad (3)$$

$$a_{cm2} = a_{\gamma\rho K} = a_{\gamma\omega\nu K} R_K \quad (4)$$

Γνωρίζουμε από τη θεωρία ότι η ταχύτητα του σημείου Α του κυλίνδρου είναι διπλάσια από την ταχύτητα του κέντρου μάζας του. Επειδή το νήμα είναι μη εκτατό, όλα τα σημεία του έχουν το ίδιο



$$a = a_{\Sigma} = R \alpha'_{\gamma} = 2a_{cm}$$

μέτρο ταχύτητας. Άρα ισχύουν:

$$v_{cm1} = v_{\gamma\rho T} = v_A = 2v_{cm2} \quad (5) \text{ και } \alpha_{cm1} = \alpha_{\gamma\rho T} = \alpha_A = 2\alpha_{cm2} \quad (6)$$

Συνεπώς από την (6) η επιτάχυνση a_{cm2} του κέντρου μάζας του κυλίνδρου είναι:

$$a_{cm2} = \frac{a_{cm1}}{2} = \frac{4}{2} = 2 \text{ m/s}^2$$

Δ3. Εφαρμόζουμε τον θεμελιώδη νόμο για κάθε σώμα και για το είδος της κίνησης που πραγματοποιεί.

Για τη μεταφορική κίνηση του σώματος Σ:

$$\Sigma F_y = M_\Sigma \alpha_{cm1} \Rightarrow w_1 - T_3 = M_\Sigma \alpha_{cm1} \Rightarrow M_\Sigma g - T_3 = M_\Sigma \alpha_{cm1} \Rightarrow 2 \cdot 10 - T_3 = 2 \cdot 4 \Rightarrow T_3 = 12 \text{ N}$$

Για τη στροφική κίνηση της τροχαλίας T:

$$\Sigma \tau_o = I_{cm(\text{τροχ})} \cdot a_{\gamma\omega\nu T} \Rightarrow T_3 R_T - T_4 R_T = \frac{1}{2} M_T R_T^2 a_{\gamma\omega\nu T} \Rightarrow 12 - T_4 = \frac{1}{2} 2 R_T a_{\gamma\omega\nu T} \Rightarrow$$

$$12 - T_4 = \alpha_{cm1} \Rightarrow 12 - T_4 = 4 \Rightarrow T_4 = 8 \text{ N}$$

Για τη μεταφορική κίνηση του κυλίνδρου K:

$$\Sigma F_k = M_K \alpha_{cm2} \Rightarrow T_4 + T_s - w_{2x} = M_K \alpha_{cm2} \Rightarrow T_4 + T_s - M_K g \eta \mu \varphi = M_K \alpha_{cm2} \Rightarrow$$

$$8 + T_s - 2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} = 2 \cdot 2 \Rightarrow T_s = 6 \text{ N}$$

Δ4. Τη χρονική στιγμή $t_2 = 0,5 \text{ s}$ ο κύλινδρος έχει αποκτήσει ταχύτητα:

$$v_o = \alpha_{cm2} t_2 = 2 \cdot 0,5 = 1 \text{ m/s}$$

Εκείνη τη στιγμή κόβουμε το νήμα. Επειδή ο κύλινδρος κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει, ισχύουν: $v'_{cm2} = v'_{\gamma\rho K} = \omega'_{\gamma} R_K \quad (7)$

$$a'_{cm2} = a'_{\gamma\rho K} = a'_{\gamma\omega\nu K} R_K \quad (8)$$

Εφαρμόζουμε τον θεμελιώδη νόμο για κάθε είδος της κίνησης που πραγματοποιεί ο κύλινδρος.

Για τη μεταφορική κίνηση του κυλίνδρου K:

$$\Sigma F_k = M_K a'_{cm2} \Rightarrow T'_s - w_{2x} = M_K a'_{cm2} \Rightarrow T'_s - M_K g \eta \mu \varphi = M_K a'_{cm2} \Rightarrow T'_s -$$

$$2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} = 2 \cdot a'_{cm2} \Rightarrow T'_s - 10 = 2 \cdot a'_{cm2} \quad (9)$$

Για τη στροφική κίνηση του κυλίνδρου K:

$$\Sigma \tau_K = I_{cm(\text{κυλ})} \cdot a'_{\gamma\omega\nu K} \Rightarrow T'_s R_K = \frac{1}{2} M_K R_K^2 a'_{\gamma\omega\nu T} \Rightarrow T'_s = \frac{1}{2} 2 R_K a'_{\gamma\omega\nu T} \Rightarrow T'_s = a'_{cm2} \quad (10)$$

Με πρόσθεση κατά μέλη των (9) και (10) έχουμε: $3a'_{cm2} = -10 \Rightarrow a'_{cm2} = -\frac{10}{3} \text{ m/s}^2$

Για την επιβραδυνόμενη μεταφορική κίνηση του κυλίνδρου ισχύει:

$$v'_{cm(\text{τελ})} = v_o - |a'_{cm2}| \cdot \Delta t_2 \Rightarrow 0 = 1 - \frac{10}{3} \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t_2 = 0,3 \text{ s} \Rightarrow t_3 -$$

$$t_2 = 0,3 \Rightarrow t_3 = 0,3 + t_2 = 0,3 + 0,5 = 0,8 \text{ s}$$

