



ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
Δ' ΤΑΞΗΣ ΕΣΠΕΡΙΝΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ ΚΑΙ ΕΠΑΛ (ΟΜΑΔΑ Β')
ΤΡΙΤΗ 10 ΙΟΥΝΙΟΥ 2014
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ
ΘΕΤΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ (ΚΑΙ ΤΩΝ ΔΥΟ ΚΥΚΛΩΝ)

Θέμα Α

- A1. γ A2. β A3. γ A4. β**
 A5. α) Σωστό β) Σωστό γ) Λάθος δ) Λάθος ε) Σωστό

Θέμα Β

B1. Σωστή απάντηση η **ii)**

Από την περίοδο T των διακροτημάτων υπολογίζουμε τη συχνότητά τους:

$$T_{\Delta} = \frac{1}{f_{\Delta}} \Leftrightarrow f_{\Delta} = \frac{1}{T_{\Delta}} \Leftrightarrow f_{\Delta} = 0,5\text{Hz}$$

Όμως ισχύει: $f_{\Delta} = f_1 - f_2 \rightarrow \mathbf{f_1 - f_2 = 0,5\text{Hz}}$ (1)

Η συχνότητα της ταλάντωσης είναι: $f = \frac{N}{\Delta t} \Leftrightarrow f = \frac{200}{2} \Leftrightarrow f = 100\text{Hz}$

Επίσης ισχύει $f = \frac{f_1 + f_2}{2} \Leftrightarrow f_1 + f_2 = 200\text{Hz}$ (2)

Προσθέτουμε κατά μέλη τις σχέσεις (1), (2):
 $2f_1 = 200,5\text{Hz} \rightarrow \mathbf{f_1 = 100,25\text{Hz}}$ οπότε $\mathbf{f_2 = 99,75\text{H}}$

B2. Σωστή απάντηση η **iii)**

Εφαρμόζουμε τις δύο γνωστές σχέσεις της κεντρικής ελαστικής κρούσης (κινείται αρχικά μόνο σώμα m_1 , ενώ ένα σώμα m_2 είναι αρχικά ακίνητο).

$$u_1' = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} u_1(1) \text{ και } u_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} u_1(2)$$

Επειδή όμως, μετά την κρούση η απόσταση μεταξύ τους διατηρείται σταθερή, οι ταχύτητές τους θα είναι ίσες, οπότε θα ισχύει: $\mathbf{u_1' = -u_2'}$ (3)

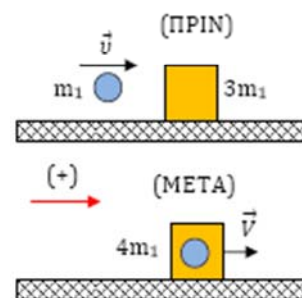
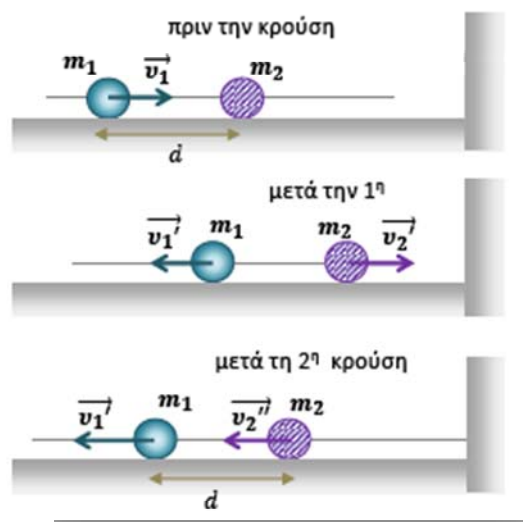
Από τις (1), (2) και (3):

$$\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} u_1 = -\frac{2m_1}{m_1 + m_2} u_1 \Leftrightarrow m_1 - m_2 = -2m_1$$

$$\Leftrightarrow 3m_1 = m_2 \Leftrightarrow \boxed{\frac{m_1}{m_2} = \frac{1}{3}}$$

B3. Σωστή απάντηση η **i).**

Από την Αρχή Διατήρησης της Ορμής για την πλαστική κρούση και θεωρώντας ως θετική φορά ορμών προς τα δεξιά, έχουμε:





$$\vec{P}_{\text{ΠΡΙΝ}} = \vec{P}_{\text{ΜΕΤΑ}} \xrightarrow{\text{αλγεβρικά}} m_1 v = 4m_1 V \Rightarrow V = \frac{v}{4} \quad (1)$$

Το ποσοστό απωλειών της κινητικής ενέργειας κατά την κρούση είναι:

$$\pi\% = \frac{|\Delta K|}{K_{\text{ΠΡΙΝ}}} 100 \Rightarrow \pi\% = \frac{K_{\text{ΠΡΙΝ}} - K_{\text{ΜΕΤΑ}}}{K_{\text{ΠΡΙΝ}}} 100 \Rightarrow \pi\% = \left(1 - \frac{K_{\text{ΜΕΤΑ}}}{K_{\text{ΠΡΙΝ}}}\right) 100 \Rightarrow$$

$$\pi\% = \left(1 - \frac{\frac{1}{2} 4m_1 \frac{v^2}{16}}{\frac{1}{2} m_1 v^2}\right) 100 \Rightarrow \pi\% = \left(1 - \frac{1}{4}\right) 100 \Rightarrow \pi\% = \frac{3}{4} 100 \Rightarrow \pi\% = 75\%$$

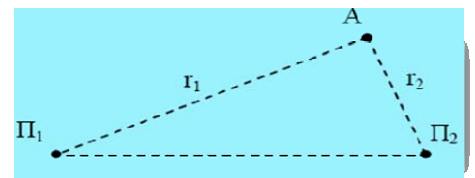
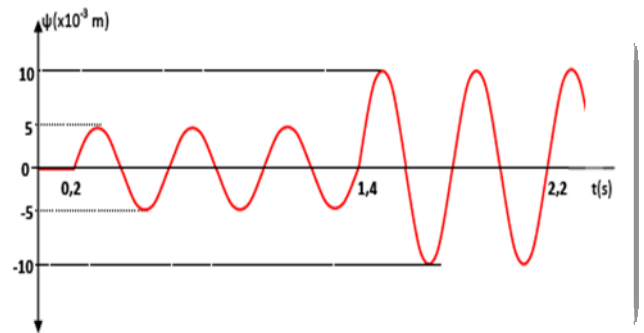
Θέμα Γ

Γ1. Το διάγραμμα του σχήματος περιγράφει τη μεταβολή της απομάκρυνσης y του σημείου Σ από τη θέση ισορροπίας του σε συνάρτηση με το χρόνο. Φαίνεται λοιπόν, ότι αρχίζει η ταλάντωσή του τη χρονική στιγμή $t = 0,2 \text{ s}$ και τούτο διότι η διαταραχή από την πηγή Π_2 διανύοντας απόσταση ίση με Γ_2 , έφτασε στο σημείο:

$$u_\delta = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Leftrightarrow 5 = \frac{r_2}{0,2} \Rightarrow r_2 = 1\text{m}$$

Από το διάγραμμα, φαίνεται ότι το δεύτερο κύμα φτάνει στο σημείο Σ , διανύοντας απόσταση Π τη χρονική στιγμή $t = 1,4 \text{ s}$ οπότε:

$$u_\delta = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Leftrightarrow 5 = \frac{r_1}{1,4} \Rightarrow r_1 = 7\text{m}$$



Γ2. Από το διάγραμμα φαίνεται ότι από τη χρονική στιγμή $0,2 \text{ s}$ και μέχρι τη χρονική στιγμή $1,4 \text{ s}$ το υλικό σημείο πραγματοποιεί 3 πλήρης ταλαντώσεις, οπότε, υπολογίζουμε την περίοδο T της ταλάντωσης: $\Delta t = 3T \Rightarrow 1,4 - 0,2 = 3T \Rightarrow 3T = 1,2 \Leftrightarrow T = 0,4\text{s}$

Η συχνότητα επίσης είναι: $f = \frac{1}{T} \Leftrightarrow f = 2,5\text{Hz}$

Μπορούμε να υπολογίσουμε και το μήκος του κύματος: $u_\delta = \lambda f \Leftrightarrow \lambda = \frac{u_\delta}{f} \Leftrightarrow \lambda = 2\text{m}$

Γ3. Για την ταλάντωση του σημείου Σ θα έχουμε:

$0 \leq t < 0,2\text{s}$: $y = 0$ δεν έχει φτάσει ακόμα κύμα από τις δύο πηγές.

$$0,2\text{s} \leq t < 1,4\text{s}: y = A \eta \mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_2}{\lambda} \right) \Leftrightarrow y = 5 \cdot 10^{-3} \eta \mu 2\pi (2,5t - 0,5) \text{ (SI)}$$

έχει φθάσει το κύμα μόνο από τη μία πηγή.





$$t \geq 1,4s : \eta\mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_1 + r_2}{2\lambda} \right)$$

Εκτελεί ταλάντωση εξ' αιτίας της συμβολής. Υπολογίζουμε το πλάτος λόγω συμβολής:

$$A' = 2A \sin \pi \frac{\Delta r}{\lambda} = 2A \sin \pi \frac{6}{2} = 2A \sin 3\pi \Leftrightarrow A' = -2A \Leftrightarrow A' = 10 \cdot 10^{-3} \text{ m} \Leftrightarrow A' = 10^{-2} \text{ m}$$

$$\text{οπότε: } y = 2 \cdot 5 \cdot 10^{-3} \sin 2\pi \left(\frac{7-1}{4} \right) \eta\mu 2\pi \left(2,5t - \frac{1+7}{2} \right) = 10^{-2} \eta\mu 2\pi (2,5t - 2) \text{ (S.I.)}$$

Γ4. Εφαρμόζουμε την ΑΔΕΤ για την ταλάντωση που εκτελεί το υλικό σημείο:

$$E = K_1 + U_{T,1} \Leftrightarrow \frac{1}{2} D A_a^2 = \frac{1}{2} m u_1^2 + \frac{1}{2} D y_1^2 \Leftrightarrow D(A_a^2 - y_1^2) = m u_1^2 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow |u_1| = \omega \sqrt{A_a^2 - y_1^2} \Leftrightarrow |u_1| = 5\pi \sqrt{(100 \cdot 10^{-6} - 75 \cdot 10^{-6})} \Leftrightarrow |u_1| = 5\pi \cdot 5 \cdot 10^{-3} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow |u_1| = 25\pi \cdot 10^{-3} \text{ m/s}$$

Θέμα Δ

Δ1.

Από την ισορροπία της ράβδου έχουμε:

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_1 = T \quad (1)$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_2 = W\rho \Rightarrow F_2 = Mg \Rightarrow F_2 = 56 \text{ N}$$

$$\text{και } \Sigma \tau_A = 0 \Rightarrow \tau_{W\rho} + \tau_T + \tau_{F_1} + \tau_{F_2} = 0 \Rightarrow M \cdot g \cdot (AB) - T \cdot (AE) = 0$$

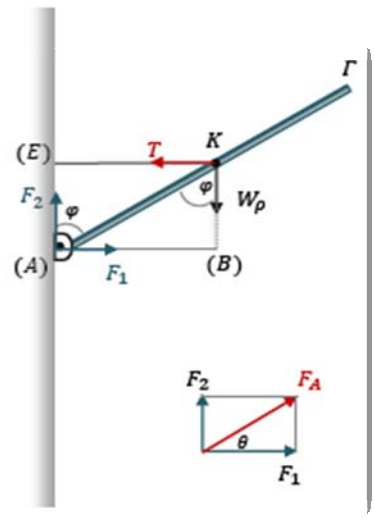
$$\Rightarrow T = M \cdot g \cdot (AB) / (AE) \Rightarrow T = M \cdot g \cdot (AK) \cdot \eta\mu\phi / (AK) \cdot \sigma\upsilon\nu\phi$$

$$\Rightarrow T = 56 \cdot 0,6 / 0,8 \Rightarrow T = 42 \text{ N}$$

Οπότε, από τη σχέση (1) έχουμε: **$F_1 = 42 \text{ N}$**

$$\text{και } F_A = \sqrt{F_1^2 + F_2^2} \Leftrightarrow F_A = \sqrt{42^2 + 56^2} \Rightarrow F_A = 70 \text{ N}$$

$$\text{με } \epsilon\phi\theta = \frac{F_2}{F_1} = \frac{56}{42} = \frac{4}{3}$$



Δ2. Στο σχήμα που ακολουθεί, σχεδιάζουμε σε τυχαία απόσταση από το κέντρο της ράβδου τη σφαίρα, η οποία ανέρχεται κατά μήκος της έτσι ώστε να κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει. Σχεδιάζουμε όλες τις δυνάμεις που ασκούνται στη σφαίρα, το βάρος της w , την κάθετη αντίδραση N και τη στατική τριβή $T_{\sigma\tau}$. Εφαρμόζουμε το ΘΝΜ για τις δύο κινήσεις που εκτελεί η σφαίρα:

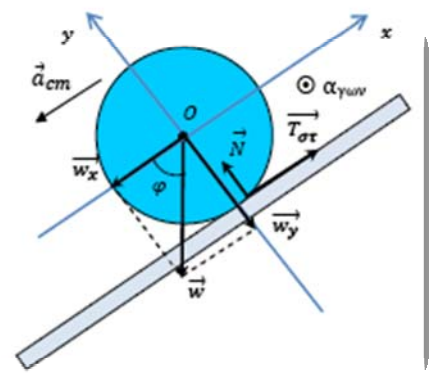
- Για τη μεταφορική (ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη

$$\text{κίνηση): } \Sigma F_x = m\alpha_{cm} \Leftrightarrow w_x - T_{\sigma\tau} = m\alpha_{cm}$$

$$\Leftrightarrow mg\sigma\upsilon\nu\phi - T_{\sigma\tau} = m\alpha_{cm} \quad (1)$$

- Για τη στροφική (ομαλά επιβραδυνόμενη στροφική κίνηση):

$$\Sigma \tau = I\alpha_{\gamma\omega\nu} \Leftrightarrow T_{\sigma\tau} r = \frac{2}{5} m r^2 \alpha_{\gamma\omega\nu} \Leftrightarrow T_{\sigma\tau} = \frac{2}{5} m r \alpha_{\gamma\omega\nu} \Leftrightarrow T_{\sigma\tau} = \frac{2}{5} m \alpha_{cm} \quad (2)$$





$$\text{Από (1) και (2): } mg\sigma\upsilon\nu\varphi = \frac{7}{5}m\alpha_{\text{cm}} \Leftrightarrow \alpha_{\text{cm}} = \frac{40}{7} \text{ m/s}^2$$

οπότε το μέτρο της γωνιακής επιβράδυνσης είναι:

$$\alpha_{\text{cm}} = \alpha_{\gamma\omega\nu}r \rightarrow \alpha_{\gamma\omega\nu} = \alpha_{\text{cm}}/r \rightarrow \alpha_{\gamma\omega\nu} = 400 \text{ rad/s}^2$$

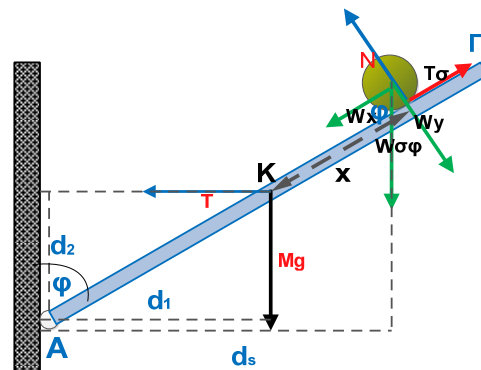
Δ3. Στο ίδιο σχήμα, λαμβάνοντας υπόψη μόνο τις εξωτερικές δυνάμεις που προκαλούν ροπή στο σύστημα (ράβδου - σφαίρας) και εφόσον το σύστημα δεν περιστρέφεται υπολογίζουμε το μέτρο της τάσης T του νήματος σε συνάρτηση με την απόσταση x της σφαίρας από το κέντρο της ράβδου:

$$\Sigma\tau^{(A)} = 0 \Leftrightarrow Td_2 = wd_1 + w_{\sigma\varphi}d_s$$

$$\Leftrightarrow T \frac{\ell}{2} \sigma\upsilon\nu\varphi = w \frac{\ell}{2} \eta\mu\varphi + w_{\sigma\varphi} \left(\frac{\ell}{2} + x \right) \eta\mu\varphi$$

$$\Leftrightarrow T \cdot 0,8 = 56 \cdot 0,6 + 4(1+x) \cdot 0,6$$

$$\Leftrightarrow \boxed{T = 45 + 3x} \text{ (SI), } (0 \leq x \leq 1\text{m})$$



Δ4. Στο σχήμα που ακολουθεί για να υπολογίσουμε το ρυθμό μεταβολής της κινητικής ενέργειας της ράβδου όταν θα διέρχεται από τη θέση II, θα εφαρμόσουμε τη σχέση:

$$\left(\frac{dK}{dt} \right)_p = \frac{dW_{\Sigma\tau}}{dt} = \frac{\Sigma\tau \cdot d\theta}{dt} = \Sigma\tau \cdot \omega \quad (1)$$

Υπολογίζουμε πρώτα, το μέτρο της ροπής του βάρους της ράβδου στη θέση II:

$$\Sigma\tau = wd_1 = Mg \frac{\ell}{2} \eta\mu\varphi = 56 \cdot 0,6 \Leftrightarrow \Sigma\tau = 33,6 \text{ Nm} \quad (2)$$

Με τη βοήθεια της ΑΔΜΕ για τις θέσεις I και II (αφού μόνο το βάρος της ράβδου παράγει έργο) υπολογίζουμε το μέτρο της γωνιακής ταχύτητας της ράβδου όταν διέρχεται από τη θέση II:

$$E_{\mu\eta\chi, I} = E_{\mu\eta\chi, II} \Leftrightarrow Mgh = \frac{1}{2}I\omega^2 + (-Mgh) \Leftrightarrow 2Mgh = \frac{1}{2}I\omega^2 \Leftrightarrow$$

$$2Mg \frac{\ell}{2} \sigma\upsilon\nu\varphi = \frac{1}{2} \frac{1}{3} M\ell^2 \omega^2 \Rightarrow \omega^2 = 24 \Rightarrow \omega = 2\sqrt{6} \text{ r/s} \quad (3)$$

Από τις σχέσεις (1), (2) και (3) καταλήγουμε ότι: $\left(\frac{dK}{dt} \right)_p = 67,2\sqrt{6} \text{ J/s}$

