

**Δ' ΤΑΞΗΣ ΕΣΠΕΡΙΝΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ**  
**ΠΑΡΑΣΚΕΥΗ 7 ΙΟΥΝΙΟΥ 2002**  
**ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ**  
**ΘΕΤΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ**

**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup>**

- 1 - γ
- 2 - β
- 3 - β
- 4.

x (απομάκρυνση)	U (δυναμική ενέργεια)	K (κινητική ενέργεια)
0	0	9 J
X1	6 J	3 J
X2	5 J	4 J
A	9 J	0

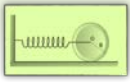
5. Ροπή αδράνειας I ως προς άξονα: Kgm<sup>2</sup>  
Στροφορμή L στερεού σώματος: Kgm<sup>2</sup>/s  
Γωνιακή ταχύτητα ω: rad/s  
Ροπή δύναμης τ ως προς άξονα: N·m  
Συχνότητα f περιοδικού φαινομένου: Hz

**ΘΕΜΑ 2<sup>ο</sup>**

- A. 1.** Σχολικό βιβλίο σελίδα 50.  
**2.** Σχολικό βιβλίο σελίδα 50.  
**3.** Σχολικό βιβλίο σελίδα 50.  
**4.** Σχολικό βιβλίο σελίδα 50.
- B.** Κατά την διάθλαση δεν μεταβάλλεται η συχνότητα του ηλεκτρομαγνητικού κύματος. Έτσι αν εφαρμόσουμε την θεμελιώδη εξίσωση της κυματικής έχουμε:  
Για το κενό:  $c = \lambda_0 f$  (1)  
Για το διαφανές μέσο:  $v = \lambda f$  (2) Με διαίρεση κατά μέλη των (1) και (2) έχουμε:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{c}{v} = \frac{\lambda_0}{\lambda} \\ \text{είναι } v < c \end{array} \right\} \rightarrow \lambda < \lambda_0$$





Γ. Σχολικό βιβλίο σελίδα 20

**ΘΕΜΑ 3<sup>ο</sup>**

1. Επειδή η δοκός δεν περιστρέφεται, ισχύει:

$$\Sigma \tau_{(Γ)} = 0 \Leftrightarrow w \cdot (ΚΓ) - N_A \cdot (ΑΓ) = 0$$

$$\Leftrightarrow w \left( \frac{L}{2} - d \right) - N_A (L - d) = 0$$

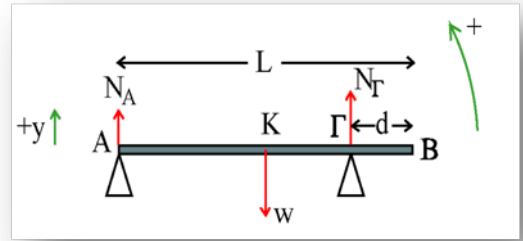
$$\Leftrightarrow 50 \left( \frac{3}{2} - \frac{1}{2} \right) - N_A \left( 3 - \frac{1}{2} \right) = 0$$

$$\Leftrightarrow 50 = N_A \frac{5}{2} \Leftrightarrow N_A = 20 \text{ N}$$

Επειδή η δοκός δεν μεταφέρεται, ισχύει:

$$\Sigma F_y = 0 \Leftrightarrow N_A + N_{\Gamma} + w = 0 \Leftrightarrow 20 + N_{\Gamma} - 50 = 0$$

$$\Leftrightarrow N_{\Gamma} = 30 \text{ N}$$



2. Τοποθετώντας το σώμα βάρους  $w_1$  στο άκρο Β της δοκού, η δύναμη που ασκείται σ' αυτήν από το στήριγμα στο άκρο Α

μειώνεται στο μισό. Επομένως η νέα τιμή της είναι

$$N'_A = N_A / 2 = 10 \text{ N}$$

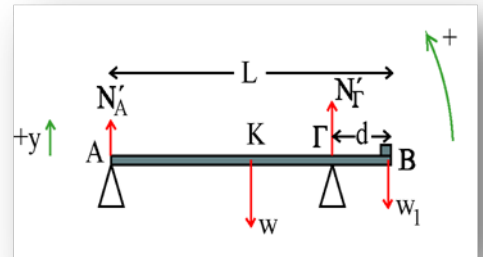
Επειδή η δοκός δεν περιστρέφεται, ισχύει:

$$\Sigma \tau'_{(Γ)} = 0 \Leftrightarrow w(KΓ) - N'_A(ΑΓ) - w_1(ΒΓ) = 0$$

$$\Leftrightarrow w \left( \frac{L}{2} - d \right) - N'_A (L - d) - w_1 d = 0$$

$$50 \left( \frac{3}{2} - \frac{1}{2} \right) - 10 \left( 3 - \frac{1}{2} \right) - w_1 \cdot \frac{1}{2} = 0$$

$$\Leftrightarrow 50 - 25 - w_1 \cdot \frac{1}{2} = 0 \Leftrightarrow w_1 = 50 \text{ N}$$



**ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup>**

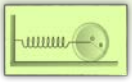
Α.α. Το σύστημα ελατήριο - συσσωμάτωμα εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση με  $D = k = 1000 = 10^3 \text{ N/m}$ . Η περίοδος της ταλάντωσης είναι:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{M+m}{D}} = 2\pi \sqrt{\frac{9 \cdot 10^{-2} + 1 \cdot 10^{-2}}{10^3}} = 2\pi \sqrt{10^{-4}} = 2\pi \cdot 10^{-2} \text{ s}$$

β. Η γωνιακή συχνότητα της ταλάντωσης είναι:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Leftrightarrow \omega = \frac{2\pi}{2\pi \cdot 10^{-2}} = 100 \text{ rad/s}$$





Επειδή το ελατήριο βρίσκεται σε λείο οριζόντιο επίπεδο, η θέση ισορροπίας της  $M$ , αλλά και της  $(M + m)$ , ταυτίζεται με την θέση φυσικού μήκους του ελατηρίου. Η κρούση γίνεται στη θέση αυτή, οπότε η ταχύτητα  $V_K$  του συσσωματώματος αμέσως μετά την κρούση είναι η μέγιστη ταχύτητα της ταλάντωσης. Δηλαδή

$$V_K = v_{\max} \Leftrightarrow V_K = \omega A \Leftrightarrow V_K = 100 \cdot 0,1 \Leftrightarrow V_K = 10 \text{ m/s}$$

**γ.** Εφαρμόζουμε το θεώρημα διατήρησης της ορμής κατά τη κεντρική πλαστική κρούση.

$$\vec{p}_{\text{πριν}} = \vec{p}_{\text{μετά}} \Leftrightarrow mv + 0 = (M+m)V_K$$

$$\Leftrightarrow 1 \cdot 10^{-2} \cdot v = (9 \cdot 10^{-2} + 1 \cdot 10^{-2}) \cdot 10 \Leftrightarrow v = 100 \text{ m/s}$$

**β.** Αν θεωρήσουμε ως θετική φορά του άξονα  $x'x$  την ορά της  $V_K$ , τότε η ταλάντωση δεν έχει αρχική φάση, οπότε η εξίσωση της απομάκρυνσης σε συνάρτηση με το χρόνο είναι:

$$y = A \eta \omega t \rightarrow y = 0,1 \eta \mu 100t \text{ (SI)}$$

