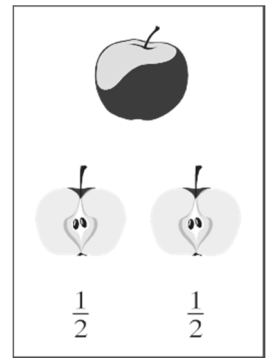
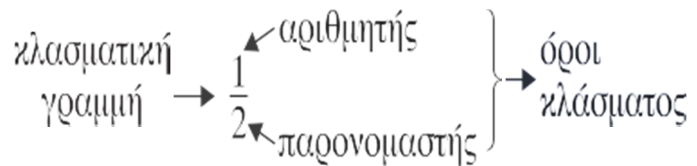


## ΚΛΑΣΜΑΤΙΚΕΣ ΜΟΝΑΔΕΣ

Αν υποθέσουμε ότι χωρίζουμε ένα μήλο, δηλαδή μία ακέραια μονάδα σε δυο ίσα μέρη. Το καθένα από αυτά τα δυο μέρη είναι και πάλι μια μονάδα, αλλά όχι ακέραια. Είναι μια κλασματική μονάδα (κλάσμα ονομάζεται ένα κομμάτι του συνόλου). Το ονομάζουμε ένα δεύτερο και γράφουμε  $\frac{1}{2}$

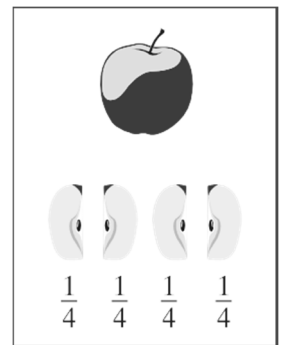


Ο αριθμός 1 φανερώνει ότι έχουμε το ένα από τα ίσα μέρη της ακέραιης μονάδας και ονομάζεται **αριθμητής**.



Ο αριθμός 2 φανερώνει σε πόσα ίσα μέρη χωρίσαμε την ακέραιη μονάδα και ονομάζεται **παρονομαστής**.

Αν τώρα κόψουμε το μήλο σε τέσσερα ίσα μέρη, τότε το καθένα από τα μέρη αυτά είναι το ένα τέταρτο του μήλου ή το κλάσμα  $\frac{1}{4}$



Παρατηρούμε τώρα ότι τα κομμάτια που είναι το  $\frac{1}{4}$  του μήλου είναι μικρότερα από τα κομμάτια που είναι το  $\frac{1}{2}$  του μήλου. Δηλαδή σε όσα περισσότερα ίσα μέρη χωρίζουμε την ακέραιη μονάδα τόσο μικρότερη είναι η κλασματική μονάδα.

### Συμπεράσματα:

- Κάθε κλασματική μονάδα παριστάνει το πηλίκο μιας διαίρεσης της μονάδας δια του παρονομαστή.
- Από δύο κλασματικές μονάδες μεγαλύτερη είναι αυτή που έχει τον μικρότερο παρονομαστή.

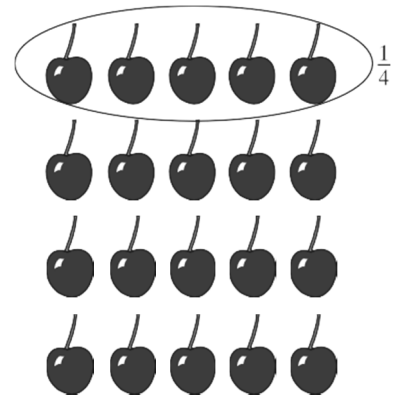
## Έκφραση υποσυνόλων με κλάσματα

Ένα σύνολο από όμοια πράγματα αποτελεί μία ακέραιη μονάδα. Τα υποσύνολα που δημιουργούνται από μερικά από τα στοιχεία του συνόλου μπορούν να περιγραφούν ποσοτικά με ένα κλάσμα.

### Παράδειγμα:

Αν έχουμε 20 κεράσια και δώσουμε σε έναν φίλο μας το  $\frac{1}{4}$  τότε, όπως βλέπουμε στο διπλανό σχήμα, ο φίλος μας θα πάρει 5 κεράσια.

Δηλαδή χωρίζουμε τα 20 κεράσια σε 4 ομάδες των 5 κομματιών και του δίνουμε τη μία ομάδα.



Προκύπτει έτσι η πράξη  $\frac{1}{4} \cdot 20 = 5$

### Συμπέρασμα:

- Για να βρούμε τι μέρος ενός αριθμού είναι η κλασματική μονάδα, διαιρούμε τον αριθμό με τον παρονομαστή του κλάσματος.

Αν τώρα δώσουμε στο φίλο μας άλλα 5 κεράσια, τότε θα του έχουμε δώσει συνολικά 10

κεράσια ή τα:  $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4}$  των κερασιών.

Προκύπτει έτσι η πράξη  $\frac{2}{4} \cdot 20 = 10$  ή  $20 : 4 = 5$  και  $2 \cdot 5 = 10$ .

### Συμπεράσματα:

- Κάθε κλασματική μονάδα παριστάνει το πηλίκο μιας διαίρεσης της μονάδας δια του παρονομαστή.
- Από δύο κλασματικές μονάδες μεγαλύτερη είναι αυτή που έχει τον μικρότερο παρονομαστή.