

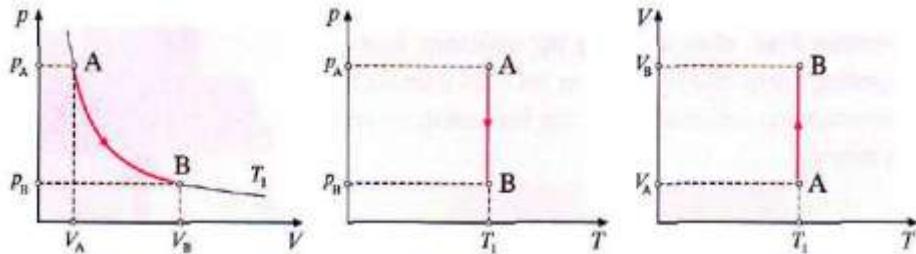
Ο ΝΟΜΟΣ ΤΟΥ BOYLE

- Η πίεση ορισμένης ποσότητας αερίου, υπό σταθερή θερμοκρασία, είναι αντιστρόφως ανάλογη του όγκου (το αντιστρόφως ανάλογη σημαίνει ότι όταν διπλασιάζεται ο όγκος, η πίεση υποδιπλασιάζεται).

$$\boxed{\text{Νόμος του Boyle} \quad pV = \text{σταθ.} \quad \text{όταν} \quad T = \text{σταθ.}}$$

Ισόθερμη μεταβολή : $T_1 = T_2$ και $p_1 V_1 = p_2 V_2$

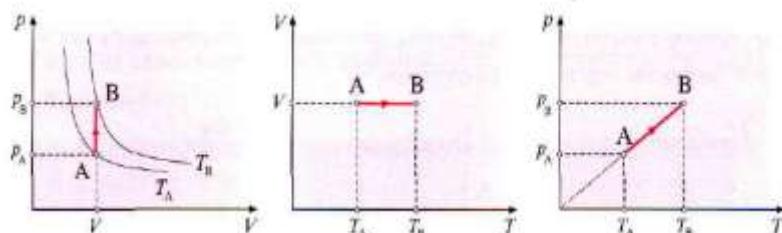
- Όταν ο όγκος του αερίου αυξάνεται, η ισόθερμη μεταβολή λέγεται ισόθερμη εκτόνωση.
- Όταν ο όγκος του αερίου ελαττώνεται, η ισόθερμη μεταβολή λέγεται ισόθερμη συμπίεση.



Ο ΝΟΜΟΣ ΤΟΥ CHARLES

$$\boxed{\text{Νόμος του Charles} \quad \frac{p}{T} = \text{σταθ.} \quad \text{όταν} \quad V = \text{σταθ.}}$$

- Όταν η πίεση του αερίου αυξάνεται, τότε αυξάνεται και η θερμοκρασία και η ισόχωρη μεταβολή λέγεται ισόχωρη θέρμανση.
- Όταν η πίεση του αερίου ελαττώνεται, ελαττώνεται και η θερμοκρασία και η ισόχωρη μεταβολή λέγεται ισόχωρη ψύξη.



Ο ΝΟΜΟΣ ΤΟΥ GAY-LUSSAC

$$\boxed{\text{Νόμος του Gay - Lussac} \quad \frac{V}{T} = \text{σταθ.} \quad \text{όταν} \quad p = \text{σταθ.}}$$

Ισοβαρής μεταβολή : $p_1 = p_2$ και $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$

- Όταν ο όγκος του αερίου αυξάνεται, η ισοβαρής μεταβολή λέγεται **ισοβαρής εκτόνωση ή ισοβαρής θέρμανση** (γιατί όταν αυξάνεται ο όγκος αυξάνεται και η θερμοκρασία).
- Όταν ο όγκος του αερίου ελαττώνεται, τότε η ισοβαρής μεταβολή λέγεται **ισοβαρής συμπίεση ή ισοβαρής ψύξη**.
- Μακροσκοπικά ιδανικό αέριο ονομάζεται το αέριο για το οποίο ισχύουν οι νόμοι των Boyle, Sharles και Gay-Lussac σε οποιεσδήποτε συνθήκες (ιδανικό γιατί στην πραγματικότητα δεν υπάρχει).

ΚΑΤΑΣΤΑΤΙΚΗ ΕΞΙΣΩΣΗ ΤΩΝ ΙΔΑΝΙΚΩΝ ΑΕΡΙΩΝ

$$pV = nRT$$

R : σταθερά ανεξάρτητη από την ποσότητα του αερίου, η οποία ονομάζεται **σταθερά των ιδανικών αερίων**. Η σταθερά R εξαρτάται από το σύστημα μονάδων.

$$R = 8,314 \frac{J}{mol \cdot K} \quad \text{στο (S.I.)} \quad \text{ή} \quad R = 0,082 \frac{L \cdot atm}{mol \cdot K}$$

$$\left. \begin{array}{l} pV=nRT \\ n=\frac{m_{\text{ολ}}}{M} \end{array} \right\} \Leftrightarrow pV = \frac{m_{\text{ολ}}}{M} RT$$

$$pV = \frac{m_{\text{ολ}}}{M} RT \Leftrightarrow pVM = m_{\text{ολ}} RT \Leftrightarrow pM = \frac{m_{\text{ολ}}}{V} RT \Leftrightarrow p = \frac{\rho}{M} RT \quad \rho : \text{η πυκνότητα του αερίου.}$$

- Ιδανικό αέριο ονομάζεται το αέριο για το οποίο ισχύει η καταστατική εξίσωση ακριβώς, σε όλες τις πιέσεις και τις θερμοκρασίες.

- Η πίεση που ασκεί ένα αέριο στα τοιχώματα του δοχείου, μέσα στο οποίο είναι κλεισμένο, οφείλεται στις δυνάμεις που ασκούν τα μόρια του στα τοιχώματα του δοχείου όταν συγκρούονται με αυτά.

$$p = \frac{1}{3} \frac{Nm\bar{v}^2}{V}$$

Ν ο αριθμός των μορίων του αερίου, m : η μάζα κάθε μορίου,
 \bar{v}^2 : η μέση τιμή των τετραγώνων των ταχυτήτων των μορίων του αερίου.

$$p = \frac{1}{3} \rho \bar{v}^2$$

$$p = \frac{2N}{3V} \left(\frac{1}{2} m \bar{v}^2 \right) \Leftrightarrow p = \frac{2N}{3V} \bar{K} \quad \text{Οπου: } \bar{K} = \frac{1}{2} m \bar{v}^2 \text{ είναι η μέση κινητική ενέργεια των μορίων.}$$

$$pV = NkT$$

Οπου: $k = \frac{R}{N_A}$ μια σταθερά που ονομάζεται σταθερά του Boltzmann (Μπολτζμαν).

$$\begin{aligned} pV = NkT \\ pV = \frac{2}{3} N \bar{K} \end{aligned} \Leftrightarrow NkT = \frac{2}{3} N \bar{K} \Leftrightarrow \bar{K} = \frac{3}{2} kT$$

$$v_{cv} = \sqrt{\bar{v}^2}$$

$$v_{cv} = \sqrt{\frac{3kT}{m}}$$

$$v_{cv} = \sqrt{\frac{3kT}{m}} = \sqrt{\frac{3 \frac{R}{N_A} T}{m}} = \sqrt{\frac{3RT}{mN_A}} \Leftrightarrow v_{cv} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$