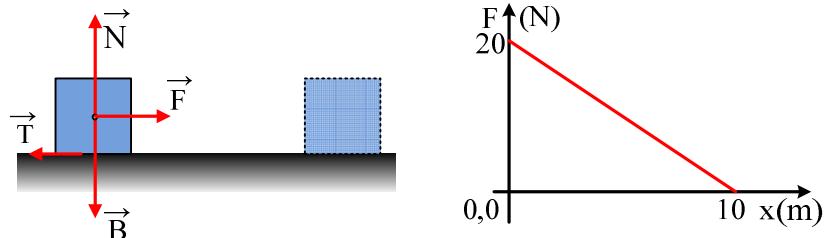


2.2. Ασκήσεις Έργου-Ενέργειας.

2.2.1. Θεώρημα Μεταβολής της Κινητικής Ενέργειας. ΘΜΚΕ.

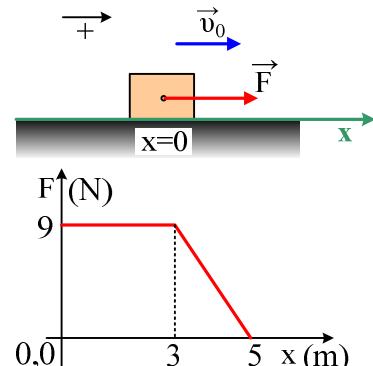
Ένα σώμα μάζας $m=2\text{kg}$ ηρεμεί σε οριζόντιο επίπεδο. Σε μια στιγμή δέχεται την επίδραση οριζόντιας δύναμης, το μέτρο της οποίας μεταβάλλεται όπως στο σχήμα.



Στη θέση που μηδενίζεται η δύναμη, το σώμα έχει ταχύτητα $v=6\text{m/s}$. Να βρεθεί ο συντελεστής τριβής μεταξύ σώματος και επιπέδου. $g=10\text{m/s}^2$.

2.2.2. Μεταβλητή δύναμη και κίνηση

Ένα σώμα μάζας 2kg κινείται σ' οριζόντιο επίπεδο και σε μια στιγμή περνά από μια θέση $x=0$ έχοντας ταχύτητα $v_0=5\text{m/s}$. Στο σώμα ασκείται μια οριζόντια δύναμη F , το μέτρο της οποίας μεταβάλλεται όπως στο διάγραμμα. Το αποτέλεσμα είναι το σώμα να διατηρεί σταθερή ταχύτητα μέχρι τη θέση $x_1=3\text{m}$.



- i) Να σχεδιάστε ένα σχήμα που να εμφανίζονται όλες οι δυνάμεις που ασκούνται πάνω στο σώμα τη στιγμή που περνά από τη θέση $x=1\text{m}$.

Να υπολογίστε τα μέτρα των δυνάμεων αυτών.

- ii) Να βρεθεί η επιτάχυνση του σώματος στις θέσεις:

$$\alpha) x_2=4\text{m} \quad \text{και} \quad \beta) x_3=5\text{m}.$$

- iii) Η κίνηση μεταξύ των θέσεων $x_1=3\text{m}$ και $x_3=5\text{m}$ είναι:

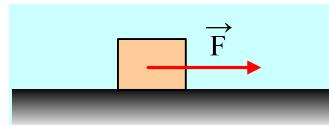
- α) Ευθύγραμμη ομαλή.
- β) Ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη.
- γ) Ευθύγραμμη ομαλά επιβραδυνόμενη.
- δ) Ευθύγραμμη επιβραδυνόμενη.

- iv) Για την κίνηση από την αρχική θέση $x_0=0$, μέχρι τη θέση $x_3=5\text{m}$ να βρεθούν:

- α) Το έργο της F .
- β) Το έργο της τριβής.
- γ) Η μεταβολή της κινητικής ενέργειας του σώματος.
- ν) Να βρεθεί η ταχύτητα του σώματος τη στιγμή που περνά από τη θέση $x_3=5\text{m}$.

Δίνεται $g=10\text{m/s}^2$.

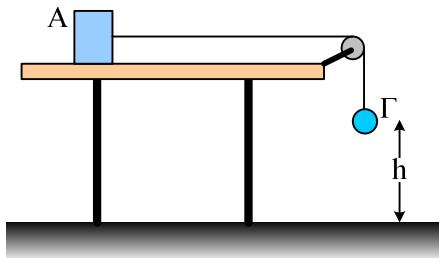
2.2.3. Έργο μεταβλητής δύναμης.



Ена сұмма һаремей се орізонталда етіпеде. Се миа стигмі дέхетай тηн епідрасты миас орізонталас метаблітіс дұнаматың тηс морфήс $F=6-0,4x$ (мөнадес се S.I.) оқу x η метатопиес тου сұмматоң. Аң ката тη диаркея тηс кінгісің аскеитай се сұмма тристың мәтреу T=4N, ζетоңтас:

- И мегисти кинетик өнергия тου сұмматоң.
- И кинетик өнергия тου сұмматоң мета апó метатопиес катá 10m.

2.2.4. Ена сұстема, тристес и ӨМКЕ.

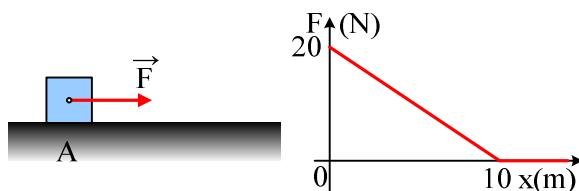


Ена сұмма A мәзғас M=2kg һаремей панв се өна трапеци, деменде се акро абаронұс нұммата. То нұма пекнә апó миа трахалия и се акро өхеи дебеи өна дебутеро сұмма Г мәзғас m_1=0,3kg. То сұмма Г брі-скетай се үпос h=0,25m апó то өдафоң.

- На схедиастоң өлес ои өннамеиц поу аскеитай се сұммата A и Г и на үпологистоң та мэ-тра тоң.
 - Антакаистоңме то сұмма Г ми альо сұмма, Δ мәзғас m_2=1kg и то афһонуме на кинетеи. То сұмма Δ пефтеи се өдафоң, оқу и стаматы, евә то сұмма A диануи апостаси d=0,5m, прив стамати-сеи ҳанá.
 - На ефаромосте то Ө.М.К.Е. гиа тηн кінгісі:
 - тоу сұмматоң A.
 - тоу сұмматоң Δ (мэхри тη стигмі поу фтәнеи се өдафоң).
 - тоу сұмматоң A гиа өсо ҳароно то нұма еинай тентвамено. - Ме тη өөйтесиа тов парарапанв өксішөсөен, на үпологистеи то мәтре тηс тристың олісітісің поу а- скітікес се сұмма A сте диаркея тηс кінгісі тов.
 - Ме поиа таҳытта то сұмма Δ өфтасе се өдафоң;
- Динетас $g=10\text{m/s}^2$.

2.2.5. Ерго и мегисти Кинетик Өнергия.

Ена сұмма мәзғас 2kg кинеитай се орізонталда етіпеде и се миа стигмі пекнә апó тηн өесті x=0 өхонтаң та-хутта $v_0=8\text{m/s}$, евә панв тов аскеитай метабліті орізонталас дұнаматы F поу то мәтре тηс метабаллестаи ө-павс се схима. О сунтелестік тристың метаңу тов сұмматоң и тоу епіпедоу еинай $\mu=0,4$.

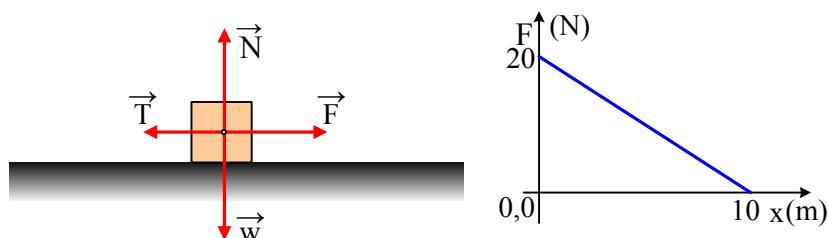


- 1) Χαρακτηρίστε τις παρακάτω προτάσεις ως σωστές ή λανθασμένες.
 - i) Το έργο της δύναμης είναι ίσο με $W=F \cdot x$
 - ii) Αφού ελαττώνεται το μέτρο της δύναμης F , το σώμα επιβραδύνεται.
 - iii) Την μεγαλύτερη ταχύτητα το σώμα την έχει στη θέση που μηδενίζεται η δύναμη.
 - iv) Την μεγαλύτερη ταχύτητα το σώμα την έχει στην αρχική θέση $x=0$.
 - v) Για όσο χρόνο η δύναμη F είναι μεγαλύτερη από την τριβή, το σώμα επιτάχυνεται προς τα δεξιά και η κινητική του ενέργεια αυξάνεται.
- 2) Σε ποια θέση Γ το σώμα έχει μηδενική επιτάχυνση;
- 3) Βρείτε την ταχύτητα του σώματος στη θέση Γ .
- 4) Σε ποια θέση το σώμα τελικά θα σταματήσει;
- 5) Πόση συνολικά θερμότητα θα παραχθεί εξαιτίας της τριβής;

Δίνεται $g=10 \text{ m/s}^2$.

2.2.6. Έργο μεταβλητής δύναμης και τριβής.

Ένα σώμα μάζας $m=2 \text{ kg}$ ηρεμεί, στη θέση $x=0$, ενός οριζόντιου επιπέδου, με το οποίο παρουσιάζει συντελεστή τριβής $\mu=0,5$. Σε μια στιγμή δέχεται την επίδραση οριζόντιας μεταβλητής δύναμης F , το μέτρο της οποίας μεταβάλλεται σε συνάρτηση με τη θέση x , όπως στο διάγραμμα. Δίνεται $g=10 \text{ m/s}^2$.

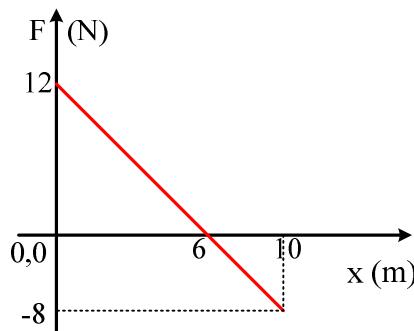


- i) Ποιες προτάσεις είναι σωστές και ποιες λανθασμένες.
 - α) Η κίνηση του σώματος είναι ευθύγραμμη ομαλά επιταχυνόμενη κίνηση.
 - β) Κατά τη μετακίνηση του σώματος το έργο της δύναμης F αυξάνεται.
 - γ) Το έργο της δύναμης υπολογίζεται από τη σχέση $W_F=F \cdot x \cdot \sin 0^\circ$.
 - δ) Το έργο της τριβής υπολογίζεται από τη σχέση $W_T=T \cdot x \cdot \sin 180^\circ$.
 - ε) Η ταχύτητα του σώματος συνεχώς αυξάνεται.
 - στ) Η ταχύτητα του σώματος συνεχώς μειώνεται.

- ζ) Το σώμα αποκτά μέγιστη ταχύτητα στη θέση όπου $F=T$.
 ii) Να υπολογιστεί το έργο της δύναμης μέχρι τη θέση $x=10m$.
 iii) Ποια η ταχύτητα του σώματος στη θέση $x=10m$;
 iv) Να βρεθεί η μέγιστη ταχύτητα του σώματος.

2.2.7. Μεταβλητή δύναμη και μέγιστη ταχύτητα.

Σε λείο οριζόντιο επίπεδο ηρεμεί ένα σώμα μάζας $m=2kg$. Σε μια στιγμή δέχεται την επίδραση οριζόντιας μεταβλητής δύναμης, η τιμή της οποίας μεταβάλλεται όπως στο σχήμα.



- i) Ποια η αρχική επιτάχυνση του σώματος;
 ii) Σε ποια θέση το σώμα θα έχει μέγιστη ταχύτητα;
 iii) Να βρεθεί η μέγιστη ταχύτητα του σώματος.
 iv) Πόση η κινητική ενέργεια του σώματος στη θέση $x=10m$.

2.2.8. Τριβή και έργο άγνωστης δύναμης.

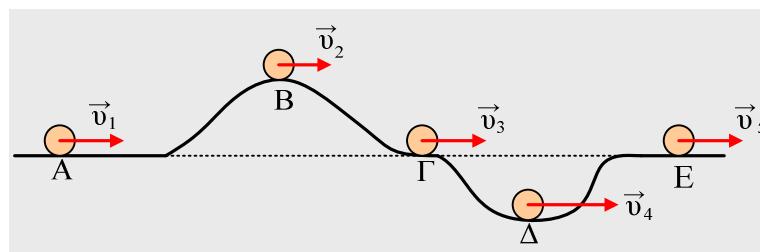


Ένα σώμα μάζας $2kg$ ηρεμεί σε οριζόντιο επίπεδο, απέχοντας κατά $d=1,5m$ από το άκρο Α οριζόντιο ελατήριον, όπως στο σχήμα. Σε μια στιγμή ασκούμε πάνω του μια οριζόντια δύναμη μέτρου $F=10N$, με αποτέλεσμα το σώμα να κινηθεί και να φτάσει στο ελατήριο με ταχύτητα $v=3m/s$, στη διεύθυνση του άξονα του ελατηρίου. Μόλις το σώμα φτάσει στο ελατήριο, η δύναμη F σταματά να ασκείται, και το σώμα σταματά την κίνησή του προς τα δεξιά, αφού συσπειρώσει το ελατήριο κατά $\Delta l=x_1=0,5m$.

- i) Να βρεθεί το μέτρο της τριβής μεταξύ σώματος και επιπέδου.
 ii) Πόση ενέργεια αφαιρέθηκε από το σώμα από το ελατήριο;

2.2.9. Διατήρηση της Μηχανικής ενέργειας

Μια σφαίρα μάζας $2 kg$ ξεκινά από τη θέση Α και κινείται περνώντας διαδοχικά από τις θέσεις του σχήματος, όπου η υψομετρική διαφορά μεταξύ των θέσεων Ν και Γ είναι $3,2m$ ενώ μεταξύ των Γ και Δ $2,2m$ αντίστοιχα. Τα σημεία Α, Γ και Ε βρίσκονται στο ίδιο οριζόντιο επίπεδο.

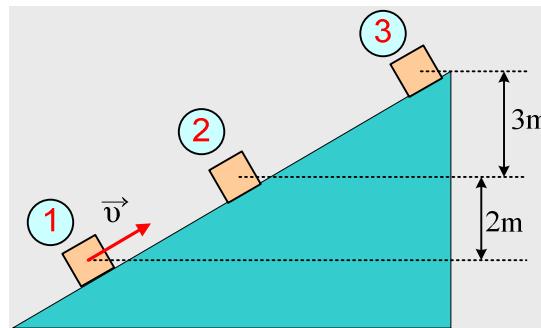


Να συμπληρωθεί ο παρακάτω πίνακας για την ταχύτητα v , δυναμική ενέργεια U , κινητική ενέργεια K και μηχανική ενέργεια E . Τριβές δεν υπάρχουν.

Θέση	v (m/s)	U (J)	K (J)	E (J)
A		0		100
B				
Γ				
Δ				
E				

2.2.10. Δυναμική-Κινητική Ενέργεια και Έργο του βάρους

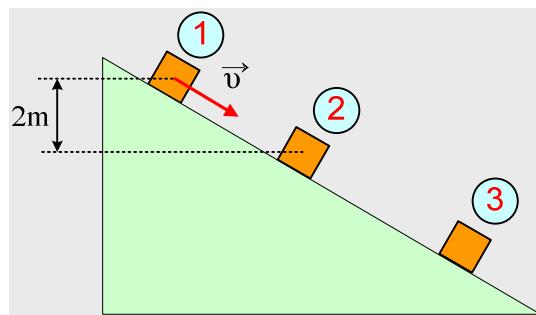
- 1) Ένα σώμα μάζας 2kg ανεβαίνει κατά μήκος του λείου κεκλιμένου επιπέδου του σχήματος. Να συμπληρωθεί ο παρακάτω πίνακας, για τη δυναμική, κινητική και μηχανική ενέργεια, καθώς και για το έργο του βάρους. Δίνεται $g=10\text{m/s}^2$.



Θέση	U (J)	K (J)	W (J)	E_{MHX} (J)
(1)		110		
(2)	60		$W_{1 \rightarrow 2} =$	
(3)			$W_{2 \rightarrow 3} =$	

- 2) Ένα σώμα μάζας 4kg κατεβαίνει κατά μήκος του λείου κεκλιμένου επιπέδου του σχήματος. Να συμπληρωθεί ο παρακάτω πίνακας, για τη δυναμική, κινητική και μηχανική ενέργεια, καθώς και για το

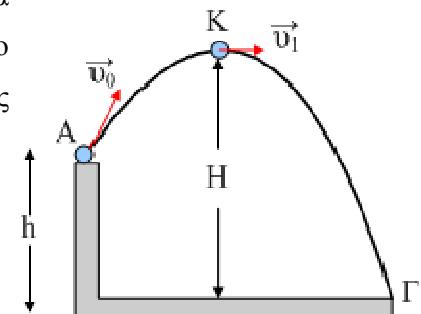
ерго түрінде берілген. Дінештей $g=10\text{m/s}^2$.



Төсөт	U (J)	K (J)	W (J)	E _{MHX} (J)
(1)		10		
(2)	0		$W_{1 \rightarrow 2} =$	
(3)			$W_{2 \rightarrow 3} = 120$	

2.2.11. Ерго барондар мене Механикалық Енергия

Миңгілік майданда $m=0,4\text{kg}$ ектоξенетай плоскайа мөн архикті тағыттара $v_0=10\text{m/s}$, алғанда сол жағдайда $h=15\text{m}$. Метаңа олай фтанаң $v_1=6\text{m/s}$ тағыттара. Трекущийнде $v_0=10\text{m/s}$ тағыттара.



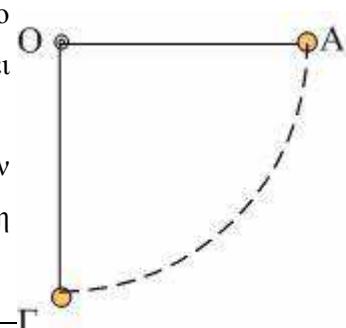
- i) Піссе апейхеи артадағы өндемде К нүктесінде;
- ii) Піссе еінде өндем түрінде АК даралығында;
- iii) Мене тағыттара фтанаң майданда өндемде;
- iv) Ан артадағы А нүктесінде өндемде майданда өндемде, мене тағыттара олай фтанаң өндемде;

Дінештей $g=10\text{m/s}^2$ евінде өндемде ауруптастырылады.

2.2.12. Кіністің еккремесі. АДМЕ мене мүнштегіттікесінде өндемдер.

Еккремесі аптеңеледі $m=2\text{kg}$ майданда $h=0,8\text{m}$. Тұрақтынан тақтада $v_0=3\text{m/s}$ тағыттара, олдан көбінесе 90° мене тақтадағы тақтада $\theta=90^\circ$ болады.

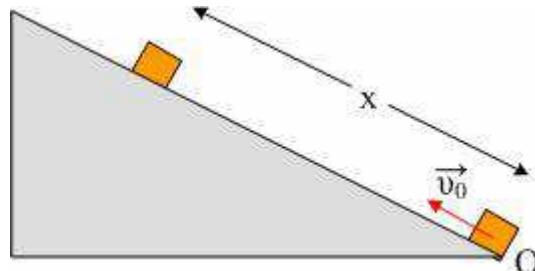
- A). Нанантыңде солардың тақтадағы тағыттара мене тақтадағы тағыттара $\theta=90^\circ$ болады.



- α. Το έργο της τάσης του νήματος από το Α στο Γ είναι:
- μηδέν.
 - διάφορο του μηδενός.
- β. Να συμπληρώσετε τις παρακάτω προτάσεις:
- Τη στιγμή που ξεκινά το σώμα έχει τις εξής ενέργειες:
 - Στο κατώτατο σημείο το σώμα έχει τις εξής ενέργειες:
- γ. Στην περίπτωση που δεν υπάρχει αντίσταση του αέρα, για την κίνηση από το Α στο Γ ισχύει:
- Το θεώρημα μεταβολής της κινητικής ενέργειας.
 - Η αρχή διατήρησης της Μηχανικής ενέργειας.
- δ. Σε ποιο ύψος θα ανέβει το σφαιρίδιο;
- ε. Να υπολογισθεί η ταχύτητα του σφαιριδίου στο κατώτατο σημείο Γ .
- στ. Σε περίπτωση που η αντίσταση του αέρα δεν θεωρείται αμελητέα, εξετάστε ποιες από τις παρακάτω αρχές ισχύουν:
- διατήρηση της μηχανικής ενέργειας.
 - θεώρημα μεταβολής της κινητικής ενέργειας.
 - διατήρηση της ενέργειας.

2.2.13. Κίνηση σε κλειστή διαδρομή.

Ένα σώμα μάζας 2kg εκτοξεύεται με αρχική ταχύτητα $v_0=10\text{m/s}$, από τη βάση Ο ενός κεκλιμένου επιπέδου. Το σώμα σταματά στιγμιαία αφού διανύσει απόσταση $x=8\text{m}$ και επιστρέφει στο σημείο Ο με ταχύτητα $v=6\text{m/s}$.



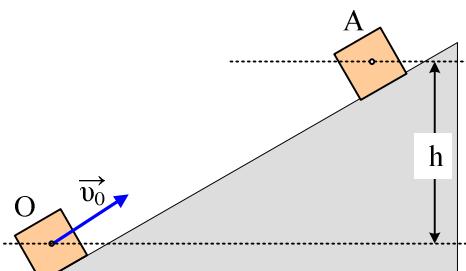
- Βρείτε το μέτρο της τριβής που ασκήθηκε στο σώμα.
- Πόση είναι η μέγιστη δυναμική ενέργεια που αποκτά το σώμα;

Δίνεται $g=10\text{m/s}^2$.

2.2.14. Μη συντηρητική δύναμη και μια ισορροπία.

Ένα σώμα μάζας 2kg εκτοξεύεται από ένα σημείο Ο ενός κεκλιμένου επιπέδου με αρχική ταχύτητα $v_0=10\text{m/s}$ και σταματά την προς τα πάνω κίνησή του στη θέση Α, όπου η κατακόρυφη απόσταση μεταξύ των σημείων Ο και Α είναι $h=2\text{m}$, όπως στο σχήμα.

- Να αποδείξτε ότι το σώμα παρουσιάζει τριβή με το επίπεδο.
- Πόση θερμότητα παράγεται εξαιτίας της τριβής κατά την κί-



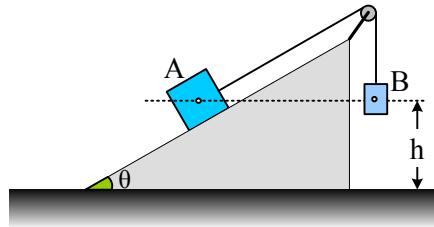
нүсінің түрінен;

iii) То сәнама өзінштеп орнастырыладында А нұсқасынан күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

Дінекесінде ол мән $g=10 \text{ m/s}^2$.

2.2.15. Міңдең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

Таңдаулық А және В сәнаматарының түрлерінен, олардың тақтадағы орналасуынан, тоғызынан және күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз. А сәнаматының түрінен, олардың тақтадағы орналасуынан, тоғызынан және күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.



i) На брехеңінің мәнін анықтаңыз.

ii) Се міңдең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

a) Помыж А сәнаматының түрлерінен, олардың тақтадағы орналасуынан, тоғызынан және күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

β) На упокойыстаудың орналасуынан, тоғызынан және күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

Дінекесінде ол мән $h=1,8 \text{ m}$.

Анықтаңыз, киңдең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз. Анықтаңыз, киңдең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

2.2.16. Медиа және міңдең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

Се орналасуынан, тоғызынан және күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

i) Н тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

ii) Н енергияның мөндең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

iii) Н мөндең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

iv) Гиа таңдаулық А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз:

а) Н мөндең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

б) Н мөндең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

v) На сүмпелірдің орналасуынан тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз:

v) Таңдаулық А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

2.2.17. Ерға, ишұс және динамикалық енергия.

Ен сәнама мәнін анықтаңыз. А сәнаматының түрлерінен, олардың тақтадағы орналасуынан, тоғызынан және күннендең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

Мөндең көмегінен тақтадағы А сәнаматының жиынтық мәнін анықтаңыз.

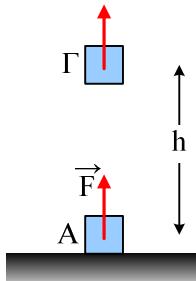
Дінекесінде ол мән $g=10 \text{ m/s}^2$.

Дінекесінде ол мән $h=4,5 \text{ m}$.

Дінекесінде ол мән $F=22 \text{ N}$.

Дінекесінде ол мән $A = 10 \text{ kg}$.

Дінекесінде ол мән $t_1 = 4 \text{ s}$.



i) Να υπολογίσετε τα έργα:

$$W_F = \dots \quad W_B = \dots$$

ii) Να συμπληρωθεί ο πίνακας για την Κινητική, Δυναμική και Μηχανική ενέργεια.

Θέση	K (J)	U (J)	E _{MΗX} (J)
A			
Γ			

iii) Ποιες προτάσεις είναι σωστές και ποιες λάθος.

- α) Στο σώμα δόθηκε ενέργεια μέσω του έργου της δύναμης F.
 - β) Το έργο της δύναμης εκφράζει την αύξηση της δυναμικής ενέργειας.
 - γ) Το έργο του βάρους ισούται με την αύξηση της δυναμικής ενέργειας του σώματος.
 - δ) Η μεταβολή της δυναμικής ενέργειας είναι αντίθετη του έργου του βάρους.
- iv) Πόσο χρόνο διαρκεί η κίνηση από το A στο Γ;
- v) Να υπολογιστούν για την παραπάνω κίνηση:
- α) Η μέση ισχύς της δύναμης
 - β) Η μέση ισχύς του βάρους.
 - γ) Ο μέσος ρυθμός αύξησης της δυναμικής ενέργειας του σώματος.
 - δ) Ο μέσος ρυθμός αύξησης της κινητικής ενέργειας του σώματος.
- vi) Για τη θέση Γ να βρεθούν:
- α) Η (στιγμιαία) ισχύς της δύναμης F.
 - β) Η (στιγμιαία) ισχύς του βάρους.
 - γ) Ο ρυθμός αύξησης της δυναμικής ενέργειας του σώματος.
 - δ) Ο ρυθμός αύξησης της κινητικής ενέργειας του σώματος.

2.2.18. Τριβές και μεταβλητή δύναμη.

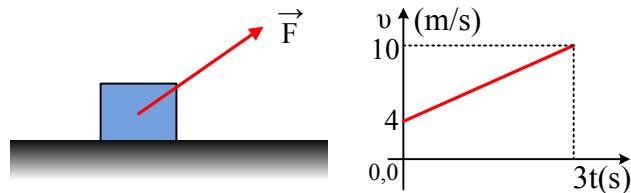
Ένα σώμα μάζας 2kg ηρεμεί σε οριζόντιο επίπεδο με το οποίο παρουσιάζει συντελεστές τριβής $\mu_s=0,5$ και $\mu=0,4$. Σε μια στιγμή που θεωρούμε $t_0=0$, ασκούμε πάνω του μια μεταβλητή οριζόντια δύναμη, το μέτρο της οποίας μεταβάλλεται σε συνάρτηση με το χρόνο σύμφωνα με τη σχέση $F=4+2t$ (S.I.).

- i) Να σχεδιάστε τις δυνάμεις που ασκούνται στο σώμα και να υπολογίστε τα μέτρα τους τις χρονικές στιγμές:
 - α) $t_1=1s$, και β) $t_2=2s$
- ii) Ποια χρονική στιγμή το σώμα θα αρχίσει να ολισθαίνει;
- iii) Να υπολογιστεί η επιτάχυνση του σώματος τις χρονικές στιγμές:
 - α) $t_2=2s$ β) $t_3=4s$ και γ) $t_4=5s$
- iv) Να βρεθεί η εξίσωση που δίνει την επιτάχυνση του σώματος σε συνάρτηση με το χρόνο και να γίνει η γραφική της παράσταση.
- v) Να υπολογιστεί η ταχύτητα του σώματος τη χρονική στιγμή $t_4=5s$.
- vi) Με ποιο ρυθμό προσφέρεται ενέργεια στο σώμα μέσω του έργου της δύναμης F τις χρονικές στιγμές:
 - α) $t_1=1s$ και β) $t_4=5s$.

Δίνεται $g=10\text{m/s}^2$.

2.2.19. Επιταχυνόμενη κίνηση και στιγμιαία ισχύς.

Σε λειο οριζόντιο επίπεδο κινείται ένα σώμα μάζας 2kg με την επίδραση δύναμης μέτρου $F=8\text{N}$, όπως στο σχήμα. Στο παρακάτω σχήμα δίνεται η ταχύτητα του σώματος σε συνάρτηση με το χρόνο.



- Να βρεθεί η επιτάχυνση του σώματος.
- Ποια η μετατόπιση του σώματος από $0-3\text{s}$;
- Να βρεθεί το έργο της δύναμης στο παραπάνω χρονικό διάστημα.
- Πόση είναι η στιγμιαία ισχύς της δύναμης την χρονική στιγμή $t_i=1\text{s}$.

Υλικό Φυσικής - Χημείας.
Επειδή το να μοιράζεσαι πράγματα, είναι καλό για όλους....

Επιμέλεια

Διονύσης Μάργαρης