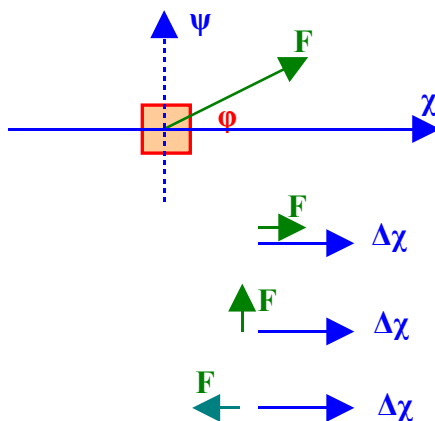


ΕΡΓΟ-ΕΝΕΡΓΕΙΑ

Έργο

$$W = F \cdot \Delta\chi \cdot \cos\varphi$$



(1Joule=1N·1m)

1. $\varphi=0 \Rightarrow W = F \cdot \Delta\chi$

2. $\varphi=90^\circ \Rightarrow W = 0$

3. $\varphi=180^\circ \Rightarrow W = -F \cdot \Delta\chi$

Κινητική ενέργεια

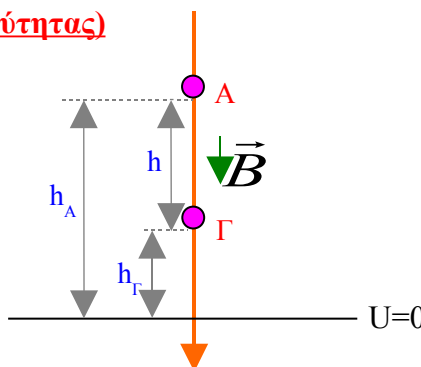
$$K = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$$

Θεώρημα μεταβολής κινητικής ενέργειας (Θ.Μ.Κ.Ε.)

$$W = F \cdot \Delta\chi = m \cdot a \cdot \Delta\chi = m \cdot a \cdot \frac{v^2 - v_0^2}{2 \cdot a} = m \cdot \frac{v^2 - v_0^2}{2} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 - \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_0^2 = K_{\text{τελ}} - K_{\text{αρχ}} = \Delta K$$

Δυναμική ενέργεια (σε πεδίο βαρύτητας)

$$U = B \cdot h = m \cdot g \cdot h$$



Έργο συντηρητικής δύναμης (βαρυτική, ελατηρίου, ηλεκτροστατική)

1. Είναι ανεξάρτητο της διαδρομής

$$W_{\text{βαρ}}(A \rightarrow \Gamma) = B \cdot h = m \cdot g \cdot (h_A - h_\Gamma) = m \cdot g \cdot h_A - m \cdot g \cdot h_\Gamma = U_A - U_\Gamma = U_{\text{αρχ}} - U_{\text{τελ}} = -(U_{\text{τελ}} - U_{\text{αρχ}}) = -\Delta U$$

2. Είναι μηδέν σε κλειστή διαδρομή

$$W_{\text{βαρ}}(A \rightarrow \Gamma \rightarrow A) = W_{\text{βαρ}}(A \rightarrow \Gamma) + W_{\text{βαρ}}(\Gamma \rightarrow A) = (+B \cdot h) + (-B \cdot h) = B \cdot h - B \cdot h = 0$$

Μηχανική ενέργεια

$$E_\mu = K + U = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 + m \cdot g \cdot h$$

Αρχή διατήρησης μηχανικής ενέργειας (Α.Δ.Μ.Ε.)

$$\left. \begin{aligned} W_{\text{βαρ}}(A \rightarrow \Gamma) &= -\Delta U = U_{\text{αρχ}} - U_{\text{τελ}} \\ \text{και} \\ W_{\text{βαρ}}(A \rightarrow \Gamma) &= \Delta K = K_{\text{τελ}} - K_{\text{αρχ}} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$U_{\text{αρχ}} - U_{\text{τελ}} = K_{\text{τελ}} - K_{\text{αρχ}} \Rightarrow K_{\text{αρχ}} + U_{\text{αρχ}} = K_{\text{τελ}} + U_{\text{τελ}} \Rightarrow E_{\mu, \text{αρχ}} = E_{\mu, \text{τελ}}$$

Ισχύς

$$P = \frac{\Delta W}{\Delta t} = \frac{F \cdot \Delta \chi}{\Delta t} = F \cdot \frac{\Delta \chi}{\Delta t} = F \cdot v \quad (1 \text{ Watt} = \frac{1 \text{ J}}{1 \text{ s}})$$