Εξισώσεις Α΄ Λυκείου

Να λύσετε τις παρακάτω εξισώσεις:

1)
$$5(x-3)+10(2-5x)+10x = -(15+10x)$$

2)
$$(x+2)(1-2x)-4(2x-1)=4x^2-1$$

3)
$$x^3 + (x-1)^2 - 1 = 0$$

4)
$$(x^2-4)^2-(x+2)^2(5x+4)=0$$

5)
$$(x+1)^2 + (y-3)^2 = 0$$

6)
$$x^2 + y^2 - 4x + 6y + 13 = 0$$

7)
$$\frac{7x+4}{5}$$
 $-x = \frac{3x-5}{2}$

8)
$$x^2(x-4)+2x(x-4)+(x-4)=0$$

9)
$$x^3 - 2x^2 - 9x + 18 = 0$$

10)
$$\frac{x^2 + x}{x + 2} + \frac{4}{x^2 + 2x} = \frac{2}{x}$$

11)
$$|2x-3|=8$$

12)
$$|2x+5|=-1$$

13)
$$|2x+5| = |3x-2|$$

14)
$$2|3-x|-|2x+5|=0$$

15)
$$|x-3| = 3x-1$$

16)
$$|3|x|-2|=4$$

17)
$$\sqrt{x^2-4x+4} = |5x+7|$$

18)
$$\frac{|3x-1|-2}{2} = \frac{|1-3x|}{6} - \frac{5-|6x-2|}{3}$$

19)
$$x^3 = 8$$

20)
$$x^3 + 1 = 0$$

21)
$$x^4 - 256 = 0$$

22)
$$x^5 - 1 = 0$$

23)
$$x^5 + 1 = 0$$

24)
$$x^6 - 64 = 0$$

25)
$$x^5 + 81x = 0$$

26)
$$1024x^{10} - 1 = 0$$

27)
$$(x-1)^3 = 27$$

28)
$$(x+3)^4 = 16$$

29)
$$(|x-1|-2)^5-1=0$$

30)
$$x^{\frac{2}{3}} = 4$$

31)
$$(\lambda - 1)x = (\lambda + 1)$$

$$32) \qquad \lambda(\lambda-1)x = \lambda^2 - 1$$

33)
$$\lambda(x+1) = 2x(\lambda-1)$$

34)
$$(\lambda^2 - 2\lambda)x = \lambda^2 + \lambda$$

35)
$$x^2 + |x| - 2 = 0$$

36)
$$2(x-2)^2-3|x-2|+1=0$$

37)
$$\left(x-\frac{1}{x}\right)^2-4\left(x-\frac{1}{x}\right)+3=0$$

38)
$$(x^2+2x-6)^2+3(x^2+2x-6)-10=0$$

39)
$$|x| + |x^2 - 2x| = 0$$

40)
$$|x^2-4|+|x^2+x+4|=0$$

41)
$$|x-x^2| + |10-11x+x^2| = 0$$

42)
$$|x-2| \cdot |x-3| = 3 \cdot |x-2|$$

43)
$$x^4 + 5x^2 - 36 = 0$$

$$44) \qquad \left| \frac{3-x}{3+x} \right| = 4$$

45)
$$|x^2 - 4x + 2| = 2$$

46)
$$2x^2 + (2 - \sqrt{3})x - \sqrt{3} = 0$$

ΛΥΣΕΙΣ

1)
$$x = \frac{4}{5}$$

11)
$$x = -\frac{5}{2}, x = \frac{11}{2}$$
 21) $x = \pm 4$

41)
$$x = 1$$

2)
$$x = -\frac{7}{3}$$
, $x = \frac{1}{2}$ 12) αδύνατη 22) $x = 1$

22)
$$x = 1$$

42)
$$x = 0, x = 2, x = 6$$

3)
$$x = -2$$
, $x = 0$, $x = 1$

13)
$$x = -\frac{5}{2}, x = 7$$
 23) $x = -1$

23)
$$x = -1$$

43)
$$x = \pm 2$$

4)
$$x = -2, x = 0, x = 9$$

14)
$$x = \frac{1}{4}$$
 24) $x = \pm 2$

24)
$$x = \pm 2$$

44)
$$x = -5, x = -\frac{9}{5}$$

5)
$$x = -1, y = 3$$

15)
$$x = 1$$

25)
$$x = 0$$

35)
$$x = \pm 1$$

45)
$$x = 0, x = 2, x = 4$$

6)
$$x = 2$$
, $y = -3$ 16) $x = \pm 2$

16)
$$x = \pm 2$$

26)
$$x = \pm \frac{1}{2}$$

26)
$$x = \pm \frac{1}{2}$$
 36) $x = 1, x = 3, x = \frac{3}{2}$ 46) $x = -1, x = \frac{\sqrt{3}}{2}$

46)
$$x = -1, x = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\kappa \alpha_1 x = \frac{5}{2}$$

7)
$$x = 3$$

27)
$$x = 4$$

37)
$$x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$
,

$$x = -\frac{9}{4}, x = -\frac{5}{6}$$

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{13}}{2}$$

8)
$$x = -1$$
, $x = 4$

18)
$$x = -\frac{1}{3}, x = 1$$
 28) $x = -5, x = -1$ 38) $x = -4,$

28)
$$x = -5, x = -1$$

38)
$$x = -4$$
,

$$x = -1 - \sqrt{2},$$

$$x = -1 + \sqrt{2}, x = 2$$

9)
$$x = -3, x = 2, x = 3$$
 19) $x = 2$

10)
$$y = 2$$

29)
$$x = -2, x = 4$$

39)
$$x = 0$$

10)
$$x = 1$$

20)
$$x = -1$$

30)
$$x = 8$$

40) αδύνατη