

Θερμοδυναμική 23 (Λύση)

Στην αρχική κατάσταση θερμοδυναμικής ισορροπίας A το αέριο περιγράφεται από τις εξής θερμοδυναμικές μεταβλητές:

$$P_A = 10^6 \text{N/m}^2, V_A \text{ και } T_A$$

Η μεταβολή AB είναι ισοβαρής και ισχύουν:

$$V_B = 4 \cdot V_A$$

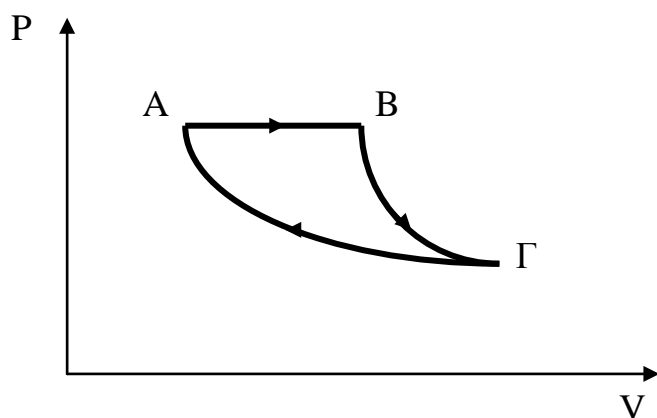
$$P_B = P_A \Rightarrow P_B = 10^6 \text{N/m}^2$$

$$V_B/T_B = V_A/T_A \Rightarrow T_B = 4 \cdot T_A$$

Η μεταβολή BΓ είναι αδιαβατική και η μεταβολή ΓΑ ισόθερμη οπότε θα ισχύει:

$$T_\Gamma = T_A$$

α) Η γραφική παράσταση P – V (ποιοτικά) φαίνεται παρακάτω:



β) Ο όγκος V_A θα υπολογιστεί μέσω του έργου W_{AB} . Ισχύει:

$$W_{AB} = P_A (V_B - V_A) = P_A (4V_A - V_A) = 3P_A V_A \Rightarrow V_A = \frac{W_{AB}}{3P_A} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V_A = \frac{3 \cdot 10^3}{3 \cdot 10^6} \text{m}^3 \Rightarrow V_A = 10^{-3} \text{m}^3$$

γ) Ο λόγος των ενεργών ταχυτήτων των μορίων του αερίου στις καταστάσεις Β και Γ είναι:

$$\frac{u_{rms(B)}}{u_{rms(\Gamma)}} = \frac{\sqrt{\frac{3RT_B}{M}}}{\sqrt{\frac{3RT_\Gamma}{M}}} = \sqrt{\frac{T_B}{T_\Gamma}} = \sqrt{\frac{4T_A}{T_A}} = \sqrt{4} = 2$$

δ) Θέλουμε να υπολογίσουμε τη θερμότητα που αποβάλλει το αέριο στη μεταβολή ΓΑ. Αυτή είναι η θερμότητα Q_C της θερμικής μηχανής αφού $Q_{B\Gamma} = 0$ (αδιαβατική) και $Q_{AB} = Q_h > 0$. Ισχύει:

$$Q_h = nC_p\Delta T = n(5R/2)\Delta T = (5/2)nR\Delta T = 2,5P\cdot\Delta V = 2,5\cdot W_{AB} = \\ = 2,5\cdot 3\cdot 10^3 J \Rightarrow Q_h = 7500 J$$

$$e = 1 - \frac{|Q_C|}{Q_h} \Rightarrow \frac{|Q_C|}{Q_h} = 1 - e \Rightarrow |Q_C| = (1 - e)Q_h \Rightarrow |Q_C| = (1 - 0,538)7500 J \Rightarrow \\ \Rightarrow |Q_C| = 0,462\cdot 7500 J \Rightarrow |Q_C| = 3465 J$$

Επειδή $Q_C < 0 \Rightarrow Q_C = -3465 J$

Ψαρουδάκης Μανώλης, Φυσικός