

ΤΕΣΤ ΣΤΟ 5^ο ΚΕΦΑΛΑΙΟ

1. Γράψτε τα κριτήρια για να είναι ένα τετράπλευρο ρόμβος.
2. Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ έστω ευθεία $\Delta E \parallel B\Gamma$ με το Δ να είναι σημείο της AB και το E σημείο της $A\Gamma$. Μπορεί να διχοτομούνται οι BE και $\Gamma\Delta$;
3. Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ θεωρούμε τα σημεία Δ και E των πλευρών AB και $A\Gamma$ αντίστοιχα, τέτοια ώστε $B\Delta = \Gamma E$. Αν Z, H, Θ, I είναι τα μέσα των $B\Gamma, BE, \Delta E, \Delta\Gamma$ αντίστοιχα, να δείξετε ότι το $ZH\Theta I$ είναι ρόμβος.
4. Στο διπλανό σχήμα το $K\Lambda M N$ είναι παραλληλόγραμμο και το $K M \Delta E$ ορθογώνιο. Να δείξετε ότι το $E \Lambda M$ είναι ισοσκελές τρίγωνο.

ΤΕΣΤ ΣΤΟ 5⁰ ΚΕΦΑΛΑΙΟ

1. Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ έστω ευθεία $\Delta E \parallel B\Gamma$ με το Δ να είναι σημείο της AB και το E σημείο της $A\Gamma$. Μπορεί να διχοτομούνται οι BE και $\Gamma\Delta$;
2. Γράψτε τα κριτήρια για να είναι ένα τετράπλευρο παραλληλόγραμμο.
3. Στο διπλανό σχήμα το $AB\Gamma\Delta$ είναι παραλληλόγραμμο και το $A\Gamma\Delta E$ ορθογώνιο. Να δείξετε ότι το $EB\Gamma$ είναι ισοσκελές τρίγωνο.
4. Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ θεωρούμε τα σημεία Δ και E των πλευρών AB και $A\Gamma$ αντίστοιχα, τέτοια ώστε $B\Delta = \Gamma E$. Αν Z, H, Θ, I είναι τα μέσα των $B\Gamma, BE, \Delta E, \Delta\Gamma$ αντίστοιχα, να δείξετε ότι το $ZH\Theta I$ είναι ρόμβος.

ΤΕΣΤ ΣΤΟ 5⁰ ΚΕΦΑΛΑΙΟ

1. Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ έστω ευθεία $\Delta E \parallel B\Gamma$ με το Δ να είναι σημείο της AB και το E σημείο της $A\Gamma$. Μπορεί να διχοτομούνται οι BE και $\Gamma\Delta$;
2. Στο διπλανό σχήμα το $EZH\Theta$ είναι παραλληλόγραμμο και το $E\eta\Delta\kappa$ ορθογώνιο. Να δείξετε ότι το KZH είναι ισοσκελές τρίγωνο.
3. Γράψτε τα κριτήρια για να είναι ένα τετράπλευρο τετράγωνο.

4. Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ θεωρούμε τα σημεία Δ και E των πλευρών AB και $A\Gamma$ αντίστοιχα, τέτοια ώστε $B\Delta = \Gamma E$. Αν Z, H, Θ, I είναι τα μέσα των $B\Gamma, BE, \Delta E, \Delta\Gamma$ αντίστοιχα, να δείξετε ότι το $ZH\Theta I$ είναι ρόμβος.

ΤΕΣΤ ΣΤΟ 5⁰ ΚΕΦΑΛΑΙΟ

1. Σε ένα τραπέζιο $AB\Gamma\Delta$, που έχει βάσεις AB και $\Gamma\Delta$, έχουμε $\Delta\Gamma = 2AB$ και τις γωνίες A και Δ ορθές. Φέρνουμε το τμήμα BH κάθετο στο $\Delta\Gamma$ που τέμνει την διαγώνιο $A\Gamma$ στο P και το τμήμα AH που τέμνει την άλλη διαγώνιο στο $B\Delta$ στο N . Να δείξετε ότι:

α) Το P είναι μέσο της BH

β) $H N P = 1/4 \Delta\Gamma$

γ) $\Delta N = 1/2 B\Gamma$

2. Έστω τρίγωνο $AB\Gamma$ με $AB < A\Gamma$. Από το B φέρνουμε την BE κάθετη στη διχοτόμο AP της γωνίας A . Η BE προεκτεινόμενη τέμνει την $A\Gamma$ στο K . Αν Δ μέσο της $B\Gamma$, δείξτε ότι: α) $AB = AK$ β) $E\Delta = (A\Gamma - AB)/2$

