

ΘΕΜΑ 1^ο

- Αν το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^2 - 4)x^2 + (\lambda - 2)x - (\lambda + 2)$, $\lambda \in \mathbb{R}$ είναι πρώτου βαθμού τότε το λ μπορεί να είναι:
A. - 2 **B.** - 1 **Γ.** 0 **Δ.** 1 **Ε.**
- Το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^5 - 1)x^3 + (\lambda^2 - 3\lambda + 2)x + \lambda - 1$ είναι το μηδενικό πολυώνυμο όταν ο πραγματικός αριθμός λ ισούται με:
A. - 1 **B.** 0 **Γ.** 1 **Δ.** - 5 **Ε.** 5
- Αν το πολυώνυμο $P(x) = (\lambda^v - 1)x^5 + (1 - \lambda)x + 8$, $\lambda \in \mathbb{R}$ είναι μηδενικού βαθμού, τότε το πολυώνυμο $q(x) = (\lambda^3 - 1)x^3 - (1 - \lambda^2)x^2 + (\lambda + 1)x - (1 - \lambda)$ είναι:
A. τρίτου βαθμού **B.** δευτέρου βαθμού **Γ.** πρώτου βαθμού
Δ. μηδενικού βαθμού **Ε.** το μηδενικό πολυώνυμο
- Τα πολυώνυμα $P(x) = x^3 - \beta x + 5$ και $Q(x) = x^3 + \beta x^2 + 5 - \beta$, $\beta \in \mathbb{R}$ είναι ίσα όταν ο β ισούται με: **A.** - 1 **B.** 0 **Γ.** 1 **Δ.** 5 **Ε.** - 5
- Έστω $P(x)$ σταθερό πολυώνυμο και $P(2) = 2$. Τότε το $P(-2)$ ισούται με:
A. 5 **B.** - 5 **Γ.** 2 **Δ.** - 2 **Ε.** 0
- Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = x^{1998} + 1$. Αν $P(\alpha + 1997) = 1$, τότε για τον πραγματικό αριθμό α ισχύει:
A. $\alpha > 1997$ **B.** $\alpha > 1998$ **Γ.** $\alpha = 1997$
Δ. $\alpha = -1997$ **Ε.** κανένα από τα προηγούμενα
- Αν η εξίσωση $x^3 + \beta x^2 - x + \alpha = 0$, $\alpha, \beta \in \mathbb{Z}$, έχει ρίζα το 3, τότε ο α αποκλείεται να ισούται με: **A.** 6 **B.** 10 **Γ.** 12 **Δ.** 15 **Ε.** 18
- Το πολυώνυμο $P(x) = x^8 + x^4 + x^2 + 3$ το διαιρούμε με το διώνυμο $x - \rho$. Αν είναι v το υπόλοιπο αυτής της διαίρεσης, τότε:
A. $v > 0$ **B.** $v < 0$ **Γ.** $v = 0$ **Δ.** $v \leq 0$
Ε. κανένα από τα προηγούμενα
- Η εξίσωση $\sqrt{3-x} = x + \kappa$, $\kappa \in \mathbb{R}^*$ αποκλείεται να έχει ρίζα τον αριθμό:
A. 1 **B.** - 1 **Γ.** $\frac{2}{3}$ **Δ.** 4 **Ε.** $\frac{5}{4}$
- Για να δεχθούμε το ρ για ρίζα της εξίσωσης $\sqrt{5-x} = \kappa^2 x$, $\kappa \in \mathbb{R}^*$ πρέπει:
A. $\rho \in (0, +\infty)$ **B.** $\rho \in (-\infty, 0)$ **Γ.** $\rho \in [5, +\infty)$
Δ. $\rho \in (-\infty, 5]$ **Ε.** $\rho \in [0, 5]$

Μονάδες 10*1=10

ΘΕΜΑ 2^ο

Δίνεται το πολυώνυμο $P(x)=ax^3+(\beta-1)x^2-3x-2\beta+6$ με $a,\beta \in \mathbb{R}$

i) Αν ο αριθμός 2 είναι ρίζα του πολυωνύμου $P(x)$ και το υπόλοιπο της διαίρεσης του $P(x)$ με το $x-1$ είναι ίσο με 10, τότε να δείξετε ότι $a=2$ και $\beta=-6$.

ii) Για τις τιμές των a και β του ερωτήματος **(i)**, να λύσετε την εξίσωση $P(x)=0$.

iii) Να βρείτε τα σημεία τομής της γραφικής παράστασης της συνάρτησης $P(x)$ με τους άξονες $x'x$ και $y'y$.

Μονάδες 2+2+1=5

ΘΕΜΑ 3ο

Δίνεται το πολυώνυμο $P(x)=x^4-8x^3+(5a-1)x^2+32x-21a-6$, $a \in \mathbb{R}$.

α) Να κάνετε τη διαίρεση του $P(x)$ δια του x^2-4 και να γράψετε τη σχετική ταυτότητα.

β) Να βρείτε το a ώστε η παραπάνω διαίρεση να είναι τέλεια.

γ) Για $a=6$ να βρείτε τις ρίζες της εξίσωσης $P(x)=0$ καθώς και τα διαστήματα, στα οποία η $P(x)$ είναι πάνω από τον άξονα $x'x$.

Μονάδες 2+2+1=5

Εύχομαι επιτυχία στο στόχο σας!!!!!!