



## ΩΡΙΑΙΑ ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗ

στα

Μαθηματικά

1<sup>ο</sup> ΓΕΝΙΚΟ ΛΥΚΕΙΟ ΒΟΛΟΥ2<sup>ο</sup> ΚΡΙΤΗΡΙΟ ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗΣ

**Ζήτημα 1<sup>ο</sup>:** Α. Θεωρούμε τον κύκλο  $(O, R)$  και ένα σταθερό σημείο  $\Sigma$ , με  $\Sigma O = \alpha$ . Να δειχθεί ότι, για κάθε ευθεία, που διέρχεται από το  $\Sigma$ , και τέμνει τον κύκλο στα  $A, B$ , το γινόμενο  $\Sigma A \cdot \Sigma B$  είναι σταθερό. Ειδικότερα:

Όταν το  $\Sigma$ , εκτός του  $(O, R)$

$$\Sigma A \cdot \Sigma B = \alpha^2 - R^2$$

Όταν το  $\Sigma$ , εντός του  $(O, R)$

$$\Sigma A \cdot \Sigma B = R^2 - \alpha^2$$

Β. Δύο κύκλοι λέγονται ορθογώνιοι ή ότι τέμνονται κάθετα, όταν η γωνία των εφαπτομένων τους σε ένα από τα σημεία τομής τους είναι ορθή. Να αποδείξετε ότι:

α) Αναγκαία και ικανή συνθήκη για να τέμνονται δύο κύκλοι κάθετα είναι το τετράγωνο της διακέντρου τους να είναι ίσο με το άθροισμα των τετραγώνων των ακτίνων τους.

β) Αναγκαία και ικανή συνθήκη για να είναι δύο κύκλοι  $(O_1, R_1)$  και  $(O_2, R_2)$  ορθογώνιοι είναι: η δύναμη του κέντρου του  $O_1$  ως προς κύκλο  $O_2$  να ισούται με το τετράγωνο της ακτίνας του  $O_1$ , δηλαδή:

$$\Delta_{(O_2, R_2)}^{O_1} = R_1^2.$$

**Ζήτημα 2<sup>ο</sup>:** Α. Σε οξυγώνιο τρίγωνο φέρνω τα ύψη  $AD, BE$ , που τέμνονται στο  $H$ .

α. Να δειχθεί ότι το τετράπλευρο  $AEDB$  είναι εγγράψιμο σε κύκλο.

Β. Το  $BH \cdot BE + AH \cdot AD$  είναι:

A.  $H\Delta \cdot \Delta B$ , B.  $\frac{\alpha^2}{4}$ , Γ.  $AB^2$ , Δ. 0

**Ζήτημα 3<sup>ο</sup>:** Α. Στο διπλανό σχήμα είναι  $\Sigma A = 2\text{cm}$ ,  $\Sigma B = 9\text{cm}$ ,  $\Sigma \Delta = 6\text{cm}$ . Για να είναι ομοκυκλικά τα σημεία  $A, \Gamma, B$  και  $\Delta$ , το  $\Gamma \Sigma$  πρέπει να ισούται με:

A.  $\frac{6}{9}$ , B.  $\frac{6 \cdot 9}{2}$ , Γ.  $\frac{2 \cdot 6}{2}$ , Δ.  $\frac{15}{2}$ , E. 3

Β. Σε κύκλο  $(O, R)$  θεωρούμε τη χορδή  $AB$ . Σημείο  $P$  μετακινείται πάνω στη χορδή. Η δύναμη του σημείου  $P$  ως προς τον κύκλο γίνεται μέγιστη όταν:

**A.** το P είναι ένα από τα άκρα A και B

**B.** το P είναι μέσο της AB

**Γ.** οποιοδήποτε σημείο της AB

**Δ.** διαιρεί το AB σε μέσο και άκρο λόγο

**Ε.** κανένα από τα παραπάνω

**Ζήτημα 4<sup>ο</sup>:**

Δίνεται κύκλος με κέντρο K και ακτίνα R. Μέσα στον κύκλο παίρνουμε σταθερό σημείο A και κατασκευάζουμε ορθογώνιο τρίγωνο ABΓ με υποτείνουσα τη χορδή ΒΓ. Αν Μ είναι το μέσο της μεταβλητής της υποτείνουσας ΒΓ και Δ το μέσο του ευθύγραμμου τμήματος ΚΑ, να δείξετε ότι:

α)  $AM^2 + KM^2 = R^2$

β)  $MΔ = \text{σταθερό}$

**Εύχομαι επιτυχία στον στόχο σας!!!!!!!!!!!!!!!**