



ΩΡΙΑΙΑ ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗ

στα

Μαθηματικά

1^ο ΓΕΝΙΚΟ ΛΥΚΕΙΟ ΒΟΛΟΥ**ΓΕΝΙΚΟ ΚΡΙΤΗΡΙΟ ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗΣ****ΖΗΤΗΜΑ 1^ο:** Α. Να διατυπωθεί και να αποδειχθεί το 1^ο θεώρημα διαμέσωνΒ. Αν $\mu_{\beta}^2 + \mu_{\gamma}^2 = 5\mu_{\alpha}^2$, να αποδείξετε ότι το τρίγωνο με διαμέσους μ_{α} , μ_{β} , μ_{γ} είναι ορθογώνιο.**ΖΗΤΗΜΑ 2^ο:** Α. Να αποδείξετε ότι τα σημεία που ισαπέχουν από το κέντρο του κύκλου, έχουν την ίδια δύναμη ως προς τον κύκλο αυτό.Β. Με κέντρο το σημείο τομής της διαγωνίου παραλληλογράμμου ΑΒΓΔ γράφουμε κύκλο τυχαίας ακτίνας. Αν Ρ το σημείο του κύκλου, τότε: το $PA^2 + PB^2 + PG^2 + PD^2$, Γ.ΡΓ.ΑΔ, Δ. σταθερό, Ε. $(\kappa-1)PA$, $\kappa \in \mathbb{R}$. Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.**ΖΗΤΗΜΑ 3^ο:** Α. Σε ορθογώνιο τρίγωνο ΑΒΓ ($\hat{A} = 90^\circ$).α. Το $a^2 + \beta^2 + \gamma^2$, είναι:Α. $2\gamma^2$, Β. $8\mu_{\alpha}^2$, Γ. $\mu_{\alpha} - U_{\alpha}$, Δ. 0, Ε. $\frac{3\mu_{\alpha}}{2}$ Β. Το $\mu_{\beta}^2 + \mu_{\gamma}^2$, είναι:Α. $8\mu_{\alpha}^2$, Β. $\frac{3\mu_{\alpha}}{2}$, Γ. 0, Δ. $\frac{2\gamma^2}{3}$, Ε. μ_{α}^2 **ΖΗΤΗΜΑ 4^ο:** Α. Θεωρούμε τρίγωνο ΑΒΓ και τον περιγεγραμμένο του κύκλο. Αν η διάμεσος του τριγώνου ΑΜ προεκτεινόμενη τέμνει τον κύκλο στο σημείο Ε:

α) Να υπολογίσετε το γινόμενο ΑΜ. ΜΕ συναρτήσει του α.

β) Να υπολογίσετε το γινόμενο ΑΜ. ΜΕ συναρτήσει των β, γ και του μ_{α} **Εύχομαι επιτυχία στον στόχο σας!!!!!!!!!!!!!!!**