

## Ερωτήσεις Σωστό – Λάθος

1. \* Μια συνάρτηση  $f$  είναι παραγωγίσιμη σ' ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της, όταν και μόνο όταν υπάρχει το  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$ ,  $h \in \mathbb{R}$ ,  $h \neq 0$ . Σ Λ
2. \* Η συνάρτηση  $f(x) = x$  είναι παραγωγίσιμη στο σημείο  $x_0 = 0$ . Σ Λ
3. \* Αν μια συνάρτηση  $f$  είναι παραγωγίσιμη στο σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της, τότε το όριο  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$ ,  $h \neq 0$ , ισούται με τον συντελεστή διεύθυνσης της εφαπτομένης της καμπύλης, που είναι η γραφική παράσταση της συνάρτησης  $f$  στο σημείο  $(x_0, f(x_0))$  αυτής. Σ Λ
4. \* Η παράγωγος της συνάρτησης  $f(x) = \sqrt{x}$  είναι  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ . Σ Λ
5. \* Η παράγωγος της συνάρτησης  $g(x) = x^q$ , όπου  $q \in \mathbb{Q}$ , είναι  $g'(x) = qx^{q-1}$ . Σ Λ
6. \* Οι παράγωγοι των συναρτήσεων  $f(x) = \eta\mu x$  και  $g(x) = \sigma\upsilon\nu x$  είναι αντίστοιχα  $f'(x) = (\eta\mu x)' = \sigma\upsilon\nu x$  και  $g'(x) = (\sigma\upsilon\nu x)' = -\eta\mu x$ . Σ Λ
7. \* Οι παράγωγοι των συναρτήσεων  $E(x) = e^x$  και  $L(x) = \ln x$  είναι αντίστοιχα  $E'(x) = (e^x)' = e^x$  και  $L'(x) = (\ln x)' = \frac{1}{x}$ . Σ Λ
8. \* Αν η πρώτη παράγωγος μιας πολυωνυμικής συνάρτησης  $g$  είναι 4ου βαθμού, τότε η  $g$  είναι 5ου βαθμού. Σ Λ
9. \* Αν η δεύτερη παράγωγος μιας πολυωνυμικής συνάρτησης  $g$  είναι σταθερή, τότε η  $g$  είναι το πολύ 2ου βαθμού. Σ Λ
10. \* Η παράγωγος της συνάρτησης  $f(x) = 10x$  είναι  $f'(x) = 10x$ . Σ Λ

## Ερωτήσεις αντιστοίχισης

Αντιστοιχίστε κάθε τύπο συνάρτησης που είναι στη στήλη Α με τον τύπο της συνάρτησης της πρώτης παραγώγου της που είναι στη στήλη Β.

Στήλη Α $f(x)$	Στήλη Β $f'(x)$
$3x$	$6x^2 - 1$
$(3x)^2$	$6x$
$(3x - 1)^2$	$3$
$\frac{3x^2}{2(x^2 - 1)}$	$4x$
$3x^2$	$3x - 1$
$2(x^2 - 1)$	$18x$
$3x^2 - x$	$6(3x - 1)$
	$6x^2$
	$6x - 1$

## Ερωτήσεις πολλαπλής επιλογής

1. \* Μια συνάρτηση  $f$  είναι παραγωγίσιμη σ' ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της, αν και μόνο αν

A. υπάρχει το  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(h)}{h}$ ,  $h \in \mathbb{R}$ ,  $h \neq 0$

B. υπάρχει το  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$ ,  $h \in \mathbb{R}$ ,  $h \neq 0$  και είναι πραγματικός αριθμός

Γ. υπάρχει το  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$ ,  $h \in \mathbb{R}$ ,  $h \neq 0$  —

Δ. το  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = +\infty$ ,  $h \in \mathbb{R}$ ,  $h \neq 0$

2. \* Εάν  $S(t)$  είναι η θέση ενός κινητού τη χρονική στιγμή  $t$ , που κινείται ευθύγραμμα, τότε το κλάσμα

$$\frac{S(t_0 + h) - S(t_0)}{h}, h \in \mathbb{R}, h \neq 0 \text{ εκφράζει}$$

A. τη στιγμιαία ταχύτητα του κινητού τη χρονική στιγμή  $t = t_0$

B. τη μέση ταχύτητα του κινητού στο χρονικό διάστημα  $[t_0, t_0 + h]$

Γ. τη μέση τιμή της επιτάχυνσης στο χρονικό διάστημα  $[t_0, t_0 + h]$

Δ. τη στιγμιαία τιμή της επιτάχυνσης τη χρονική στιγμή  $t = t_0$

3. \* Εάν  $S(t)$  είναι η θέση ενός κινητού τη χρονική στιγμή  $t$ , που κινείται ευθύγραμμα, τότε η τιμή  $A =$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{S(t_0 + h) - S(t_0)}{h}, h \in \mathbb{R}, h \neq 0 \text{ εκφράζει}$$

A. τη στιγμιαία ταχύτητα του κινητού τη χρονική στιγμή  $t = t_0$

B. τη μέση ταχύτητα του κινητού στο χρονικό διάστημα  $[t_0, t_0 + h]$

Γ. τη μέση τιμή της επιτάχυνσης στο χρονικό διάστημα  $[t_0, t_0 + h]$

Δ. τη στιγμιαία τιμή της επιτάχυνσης τη χρονική στιγμή  $t = t_0$

**Εύχομαι επιτυχία στον στόχο σας!!!!!!!!!!!!!!!!!!!!**