

ΩΡΙΑΙΑ ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗ

στα

Μαθηματικά

1^ο ΓΕΝΙΚΟ ΛΥΚΕΙΟ ΒΟΛΟΥ

Ερωτήσεις του τύπου «Σωστό-Λάθος»

- Αν το $\vec{a} + \vec{\beta}$ είναι συγγραμμικό του \vec{a} , τότε το $\vec{a} + \vec{\beta}$ είναι συγγραμμικό του $\vec{\beta}$. Σ Λ
- Αν $|\vec{a} + \vec{\beta}| = |\vec{a}| + |\vec{\beta}|$, τότε τα \vec{a} και $\vec{\beta}$ είναι πάντα συγγραμμικά. Σ Λ
- Αν $\vec{a} = \kappa\vec{\beta} + \lambda\vec{\gamma}$ και $\kappa, \lambda > 0$, τότε τα \vec{a} , $\vec{\beta}$, $\vec{\gamma}$ είναι συγγραμμικά. Σ Λ
- Για οποιαδήποτε διανύσματα \vec{a} , $\vec{\beta}$ ισχύει:
 $|\vec{a} + \vec{\beta}| \leq |\vec{a}| + |\vec{\beta}|$. Σ Λ
- Για οποιαδήποτε διανύσματα \vec{a} , $\vec{\beta}$ ισχύει:
 $||\vec{a}| - |\vec{\beta}|| \leq |\vec{a} + \vec{\beta}|$. Σ Λ
- Για τα ομόρροπα διανύσματα \vec{a} , $\vec{\beta}$ ισχύει:
 $|\vec{a}| - |\vec{\beta}| = |\vec{a} + \vec{\beta}|$. Σ Λ
- Το διάνυσμα $\lambda\vec{a}$, $\lambda \in \mathbb{R}$ και $\lambda < 0$ είναι συγγραμμικό του \vec{a} . Σ Λ

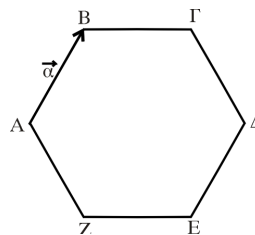
Ερωτήσεις πολλαπλής επιλογής

1. Για κάθε τετράδα σημείων Α, Β, Γ, Δ ισχύει:

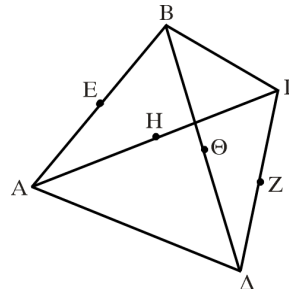
- | | |
|--|--|
| A. $\vec{AD} + \vec{AG} = \vec{BG} + \vec{BD}$ | B. $\vec{AD} + \vec{BG} = \vec{AG} + \vec{BD}$ |
| Γ. $\vec{AD} + \vec{BD} = \vec{AG} + \vec{BG}$ | Δ. $\vec{AD} + \vec{BG} = \vec{AG} + \vec{BD}$ |
| E. $\vec{AD} - \vec{AG} = \vec{BG} + \vec{BD}$ | |

2. Στο κανονικό εξάγωνο ΑΒΓΔΕΖ είναι:

- | | |
|---------------------------|---------------------------|
| A. $\vec{AG} = \vec{AE}$ | B. $\vec{AG} = -\vec{EA}$ |
| Γ. $\vec{AG} = -2\vec{a}$ | Δ. $\vec{AG} = -4\vec{a}$ |
| E. $\vec{AG} = \vec{ZD}$ | |



3. Στο διπλανό σχήμα το $AB\Gamma\Delta$ είναι κυρτό τετράπλευρο και τα E, Z, H, Θ μέσα αντιστοίχως των πλευρών $AB, \Gamma\Delta, A\Gamma$ και $B\Delta$. Λανθασμένη είναι η σχέση:



A. $\vec{H\Theta} = \vec{A\Delta} + \vec{\Delta\Theta} + \vec{HA}$

B. $\vec{H\Theta} = \vec{B\Theta} + \vec{\Gamma B} + \vec{H\Gamma}$

Γ. $\vec{H\Theta} = \vec{HA} + \vec{AB} + \vec{B\Theta}$

Δ. $\vec{H\Theta} = \vec{\Gamma\Delta} + \vec{\Delta\Theta} + \vec{\Gamma H}$

E. $2\vec{H\Theta} = \vec{AB} + \vec{\Gamma\Delta}$

Ερωτήσεις αντιστοίχισης

Σε κάθε σχήμα που βρίσκεται στη στήλη (A) αντιστοιχεί μια τιμή του διανύσματος \vec{x} που βρίσκεται στη στήλη (B). Να συνδέσετε με μια γραμμή κάθε σχήμα της στήλης (A) με το αντίστοιχο \vec{x} της στήλης (B).

στήλη A	στήλη B
	$\vec{a} + \vec{\beta} - \vec{\gamma}$
	$\vec{a} + \vec{\beta} + \vec{\gamma}$
	$-(\vec{a} + \vec{\beta} + \vec{\gamma})$
	$\vec{a} - \vec{\beta} - \vec{\gamma}$
	$\vec{\beta} + \vec{\gamma} - \vec{a}$
	$\vec{\beta} - \vec{\gamma} - \vec{a}$

Ερωτήσεις ανάπτυξης

1. Δίνεται τραπέζιο ΑΒΓΔ. Αν Μ και Ν είναι τα μέσα των μη παραλλήλων πλευρών του. Να αποδειχθεί ότι:

α) Το ευθύγραμμο τμήμα ΜΝ είναι παράλληλο προς τις βάσεις του

$$\beta) \overrightarrow{MN} = \frac{1}{2} (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DG})$$

2. Το εξάγωνο ΑΒΓΔΕΖ είναι κανονικό. Να αποδείξετε ότι:

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AG} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{AZ} = 3 \overrightarrow{AD}$$

3. Αν το τρίγωνο ΑΒΓ είναι ορθογώνιο στο Α να αποδείξετε ότι ισχύει:

$$\overrightarrow{AB}^2 + \overrightarrow{AG}^2 = \overrightarrow{BG}^2 \text{ και αντιστρόφως:}$$

Αν σε τρίγωνο ΑΒΓ ισχύει $\overrightarrow{AB}^2 + \overrightarrow{AG}^2 = \overrightarrow{BG}^2$ να αποδείξετε ότι το τρίγωνο είναι ορθογώνιο στο Α.

4. Αν ΑΔ είναι ύψος ορθογωνίου τριγώνου ΑΒΓ ($A = 90^\circ$) να αποδείξετε ότι ισχύει $\overrightarrow{AB}^2 = \overrightarrow{BG} \cdot \overrightarrow{BD}$ και αντιστρόφως: Αν ΑΔ είναι το ύψος τριγώνου ΑΒΓ και ισχύει $\overrightarrow{AB}^2 = \overrightarrow{BG} \cdot \overrightarrow{BD}$ να αποδείξετε ότι $A = 90^\circ$.

5. Αν ΑΔ είναι ύψος ορθογωνίου τριγώνου ΑΒΓ ($A = 90^\circ$) να αποδείξετε ότι ισχύει $\overrightarrow{AD}^2 = \overrightarrow{GD} \cdot \overrightarrow{DB}$ και αντιστρόφως: Αν ΑΔ είναι το ύψος τριγώνου ΑΒΓ και ισχύει $\overrightarrow{AD}^2 = \overrightarrow{GD} \cdot \overrightarrow{DB}$ τότε να αποδείξετε ότι $A = 90^\circ$.

Εύχομαι επιτυχία στον στόχο σας!!!!!!!!!!!!!!!