

## **ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ ΣΠΟΥΔΩΝ ΓΙΑ ΤΟ ΜΑΘΗΜΑ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ ΣΤΙΣ Α΄, Β΄ ΚΑΙ Γ΄ ΤΑΞΕΙΣ ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ**

**ΠΡΩΤΗ ΕΚΔΟΣΗ, ΑΘΗΝΑ 2021**

Πράξη «Αναβάθμιση των Προγραμμάτων Σπουδών και Δημιουργία Εκπαιδευτικού Υλικού  
Πρωτοβάθμιας και Δευτεροβάθμιας Εκπαίδευσης» - MIS: 5035542



**Επιχειρησιακό Πρόγραμμα  
Ανάπτυξη Ανθρώπινου Δυναμικού,  
Εκπαίδευση και Διά Βίου Μάθηση**

Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης





## ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

Α' Μέρος .....	4
Α. ΦΥΣΙΟΓΝΩΜΙΑ ΤΟΥ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ .....	4
Β. ΣΚΟΠΟΘΕΣΙΑ .....	4
Γ. ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΟ – ΘΕΜΑΤΙΚΑ ΠΕΔΙΑ .....	5
Αριθμός, Άλγεβρα και Ανάλυση .....	5
Γεωμετρία, Μέτρηση και Αναλυτική Γεωμετρία.....	6
Στοχαστικά Μαθηματικά (Στατιστική – Πιθανότητες) .....	7
Δ. ΔΙΔΑΚΤΙΚΗ ΠΛΑΙΣΙΩΣΗ – ΣΧΕΔΙΑΣΜΟΣ ΜΑΘΗΣΗΣ.....	8
Ε. ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗ.....	9
Β' Μέρος.....	10
Αναλυτική Απεικόνιση του Προγράμματος Σπουδών.....	10

## ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ ΣΠΟΥΔΩΝ ΓΙΑ ΤΟ ΜΑΘΗΜΑ ΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ ΣΤΙΣ Α', Β', Γ' ΤΑΞΕΙΣ ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ

### A' Μέρος

#### A. ΦΥΣΙΟΓΝΩΜΙΑ ΤΟΥ ΜΑΘΗΜΑΤΟΣ

Τα Μαθηματικά αναγνωρίζονται ως ένας από τους πλέον κρίσιμους τομείς του ανθρώπινου πολιτισμού, εξαιτίας του ισχυρού τρόπου ερμηνείας του κόσμου που προσφέρουν και της σημαντικής, ως συνέπεια, συνεισφοράς τους στην ανάπτυξη της ατομικής αλλά και της συλλογικής σκέψης. Αυτή η παρατήρηση αιτιολογεί την κεντρική θέση που κατέχουν τα Μαθηματικά διαχρονικά στα Προγράμματα Σπουδών (ΠΣ) όλων των εκπαιδευτικών συστημάτων, καθιστώντας την επιτυχημένη σχολική μαθητεία σε αυτά καθοριστικό παράγοντα της γνωστικής και της ακαδημαϊκής ανάπτυξης, της επαγγελματικής ανέλιξης και της κοινωνικής επιτυχίας κάθε πολίτη και κατ' επέκταση της εξέλιξης των κοινοτήτων στις οποίες αυτός συμμετέχει.

Αντικείμενο των Μαθηματικών είναι η μελέτη δομών και σχέσεων, η κατανόηση των οποίων χαρακτηρίζει αυτό που ονομάζεται μαθηματικός τρόπος σκέψης και συλλογισμού. Η μαθηματική σκέψη προϋποθέτει την ικανότητα διαχείρισης των βασικών δομικών στοιχείων των μαθηματικών, καθώς και των τρόπων τεκμηρίωσης και «νομιμοποίησης» του μαθηματικού συλλογισμού. Οι μαθηματικοί συλλογισμοί καθιστούν φανερές τις σχέσεις των μαθηματικών οντοτήτων και των μεταξύ τους συνδέσεων, δηλαδή τη θέση τους σε ένα δίκτυο ιδεών που δομείται στη βάση διαφανών, αυστηρά και λογικά καθορισμένων συνδέσεων. Η συνεκτικότητα και η συνοχή που χαρακτηρίζουν τη μαθηματική επιστήμη και συνεισφέρουν στην ισχύ και στο εύρος των εφαρμογών της οφείλεται σε αυτήν ακριβώς τη διαπίστωση.

Τα Μαθηματικά στο παρόν ΠΣ γίνονται αντιληπτά ως **ανθρώπινο δημιούργημα** που μπορεί να προσφέρει σε όλους/-ες τους/τις μαθητές/-τριες τις γνώσεις και τα εργαλεία ώστε να γίνουν **ενεργοί, χειραφετημένοι και κριτικοί πολίτες** του αύριο, που θα είναι σε θέση να λειτουργούν δυναμικά και αποτελεσματικά τόσο ως άτομα όσο και ως μέλη μιας συνεχώς μεταβαλλόμενης κοινωνίας.

#### B. ΣΚΟΠΟΘΕΣΙΑ

Το νέο ΠΣ φιλοδοξεί να προσφέρει σε όλους/-ες τους/τις μαθητές/-τριες την ευκαιρία να είναι σε θέση, μέσα από τη συμμετοχή τους στα μαθήματα, να:

- **εκτιμούν και να αποδίδουν αξία στα Μαθηματικά** μέσα από τη συνειδητοποίηση της φύσης της μαθηματικής γνώσης και των κρίσιμων/μεγάλων ιδεών της που συνδέουν και ενοποιούν τα επιμέρους πεδία της μαθηματικής επιστήμης με τρόπους που συμβάλλουν σε μια βαθύτερη και πιο ισχυρή κατανόησή της
- **αναπτύσσουν μαθηματικές διεργασίες και πρακτικές**, όπως ο συλλογισμός, η μοντελοποίηση, η επικοινωνία και ο αναστοχασμός, που ενδυναμώνουν τη μάθηση των Μαθηματικών και υποστηρίζουν σημαντικές ικανότητες και δεξιότητες για τον πολίτη του 21ου αιώνα,
- **αξιοποιούν ποικιλία πόρων και εργαλείων**, όπως η γλώσσα, τα σύμβολα, τα χειραπτικά και ψηφιακά εργαλεία, για να διαχειριστούν κατάλληλα μέσα από προσεγγίσεις διερεύνησης αλλά και μαθητείας, αλλαγές, κρίσεις και προκλήσεις στο ακαδημαϊκό, προσωπικό, επαγγελματικό και κοινωνικό περιβάλλον δράσης τους. Τα διάφορα

«εργαλεία» ενέχουν πολλαπλές ερμηνείες και είναι απαραίτητα για έναν ενεργό διάλογο με το περιβάλλον,

- **αναγνωρίζουν συνδέσεις μεταξύ των Μαθηματικών και άλλων πεδίων της ανθρώπινης γνώσης και δράσης** και εκτιμούν τα Μαθηματικά ως προσπελάσμα και ενδιαφέρον πεδίο μελέτης,
- **χρησιμοποιούν με αυτοπεποίθηση και εμπιστοσύνη τα Μαθηματικά για να κατανοούν με κριτικό τρόπο τον κόσμο γύρω τους.** Στην κατεύθυνση αυτή συλλέγουν, αναλύουν, οργανώνουν και αξιολογούν δεδομένα ελέγχοντας τις πηγές προέλευσής τους και υπερασπίζονται τις απόψεις τους. Έτσι, δρουν ως υπεύθυνοι πολίτες στους χώρους δράσης τους, συμβάλλοντας δυναμικά στη δημοκρατική και ισότιμη ανάπτυξη των κοινωνιών σε μικρο- και μακρο- επίπεδο,
- **κατανοούν και είναι σε θέση να αξιοποιήσουν τον μαθηματικό λόγο** εντοπίζοντας κρίσιμες μαθηματικές ιδέες, αναλύοντας και ερμηνεύοντας διαφορετικά αναπαραστασιακά συστήματα. Μια τέτοια προσέγγιση βοηθά τους/τις μαθητές/-τριες να αναπτύσσουν πολυτροπικές προσεγγίσεις στην επικοινωνία και να χρησιμοποιούν τη μαθηματική γλώσσα με ακρίβεια και ευελιξία.

Ιδιαίτερα στο Γυμνάσιο οι μαθητές/-τριες θα μεταβούν σταδιακά από α) εμπειρικούς τρόπους τεκμηρίωσης των ισχυρισμών τους στην ανάπτυξη μαθηματικών επιχειρημάτων, β) διαισθητικούς τρόπους σύλληψης και περιγραφής των μαθηματικών εννοιών στην αναγνώριση των ιδιοτήτων τους και σε πιο ακριβείς ορισμούς τους, γ) άτυπες αναπαραστάσεις εννοιών και διαδικασιών στην πιο ακριβή χρήση των μαθηματικών εργαλείων και του μαθηματικού λόγου και δ) από τη μοντελοποίηση απλών καταστάσεων της καθημερινής ζωής στη μοντελοποίηση πιο σύνθετων κοινωνικών ζητημάτων.

## Γ. ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΟ – ΘΕΜΑΤΙΚΑ ΠΕΔΙΑ

Τα τρία Θεματικά Πεδία που περιλαμβάνει το ΠΣ είναι τα εξής:

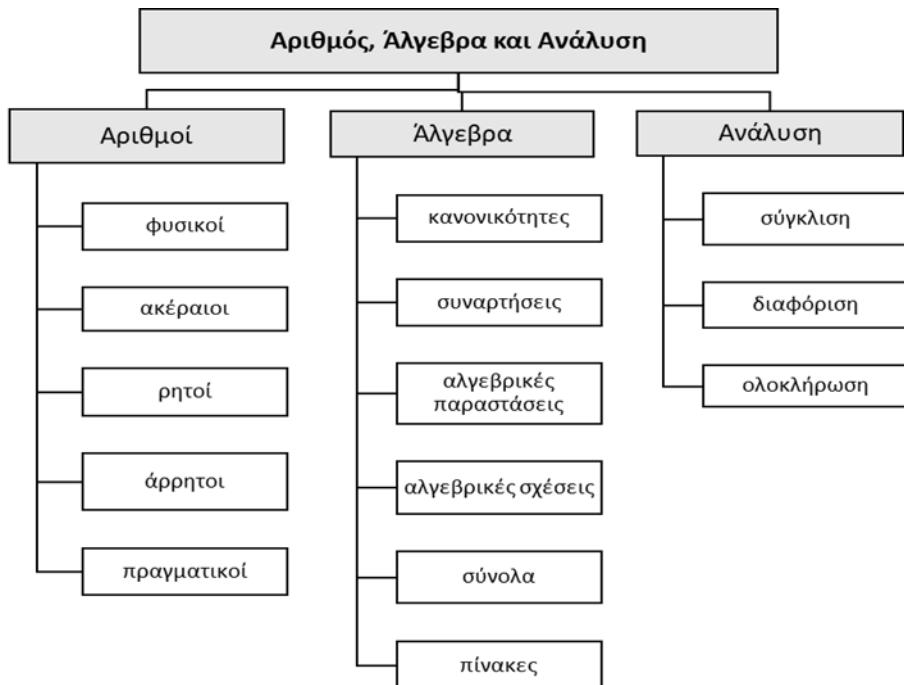
### Αριθμός, Άλγεβρα και Ανάλυση

Η ανάπτυξη της αίσθησης του αριθμού από τους/τις μαθητές/-τριες από την υποχρεωτική εκπαίδευση έως και το Λύκειο περιλαμβάνει την αξιοποίηση της εννοιολογικής και της διαδικαστικής αριθμητικής γνώσης για τη μοντελοποίηση καταστάσεων, την επίλυση προβλημάτων και την επικοινωνία με τους άλλους. Η μάθηση των αριθμών περιλαμβάνει την προοδευτική μελέτη των φυσικών, των ακεραίων, των ρητών και των άρρητων αριθμών και ολοκληρώνεται με τη μελέτη του συνόλου των πραγματικών αριθμών.

Τα στοιχεία και οι κανόνες της άλγεβρας αποτελούν αφαιρέσεις των αντίστοιχων στοιχείων και κανόνων της αριθμητικής και επομένως η κατανόησή τους έχει ιδιαίτερες απαιτήσεις. Οι μαθητές/-τριες αναπτύσσουν την αλγεβρική κατανόησή τους μέσα από τη μελέτη μεταβλητών, κανονικοτήτων, εξισώσεων, ανισοτήτων και επίλυση προβλημάτων που η επίλυσή τους βασίζεται στα παραπάνω εργαλεία. Παράλληλα εισάγονται στην έννοια της συμμεταβολής, καθώς και της συνάρτησης και χρησιμοποιούν διαφορετικά συστήματα αναπαράστασής της.

Η Ανάλυση πραγματεύεται προβλήματα τα οποία δεν μπορούν να αντιμετωπιστούν στο πλαίσιο της Άλγεβρας και της Γεωμετρίας. Επικεντρώνεται στη μελέτη συναρτήσεων και των ιδιοτήτων τους. Με την εισαγωγή της σύγκλισης, της διαφόρισης και της ολοκλήρωσης

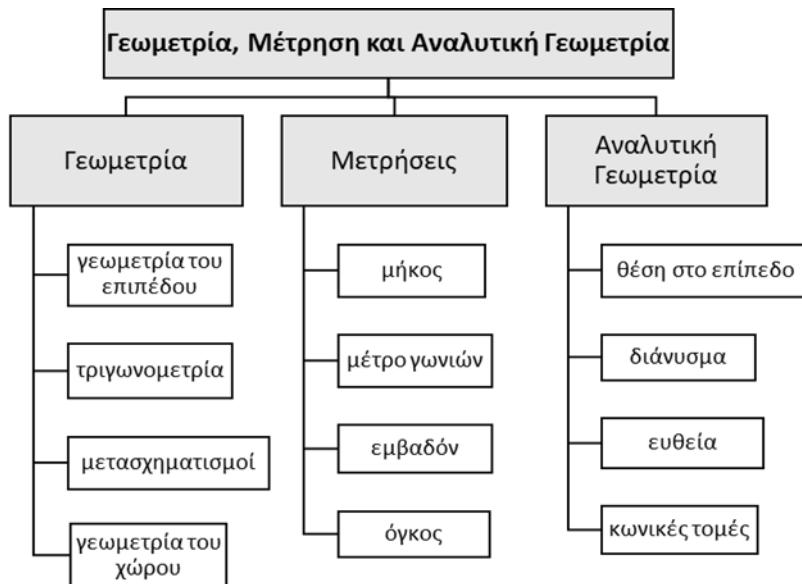
συναρτήσεων καθίστανται δυνατές η μοντελοποίηση και η επίλυση σύνθετων προβλημάτων σε ένα εύρος καταστάσεων και θεμάτων.



### Γεωμετρία, Μέτρηση και Αναλυτική Γεωμετρία

Η μελέτη του πεδίου Γεωμετρία, Μέτρηση και Αναλυτική Γεωμετρία συμβάλλει στην ανάπτυξη της χωρικής αντίληψης προσφέροντας δυνατότητες ερμηνείας και παρέμβασης στο φυσικό και δομημένο περιβάλλον. Επιπλέον, υποστηρίζει την αξιοποίηση εργαλείων μελέτης άλλων θεμάτων στα Μαθηματικά και την επιστήμη. Το πιο σημαντικό, ωστόσο, είναι ότι με τη μελέτη της Γεωμετρίας αναπτύσσεται η μαθηματική συλλογιστική, με την οποία αναπτύσσεται τόσο η λογική επιχειρηματολογία και τεκμηρίωση, η οποία είναι σημαντική για κάθε πολίτη, όσο και η δημιουργική σκέψη σε πολλούς τομείς.

Το περιεχόμενο της Γεωμετρίας που αναπτύσσεται στο Δημοτικό αφορά κυρίως τη μη τυπική Γεωμετρία. Στο Γυμνάσιο οι μαθητές/-τριες εισάγονται στην προσέγγιση των χωρικών και των γεωμετρικών εννοιών σε αφαιρετικό επίπεδο, ενώ στο Λύκειο η Γεωμετρία και η μέτρηση αναπτύσσονται σε επαρκές επίπεδο πληρότητας, συνδέοντας τον χωρικό, γεωμετρικό και οπτικοποιημένο συλλογισμό με την τυπική αποδεικτική διαδικασία. Η Αναλυτική Γεωμετρία αναπτύσσεται κυρίως στο Λύκειο στα μαθήματα θετικού προσανατολισμού και ολοκληρώνεται με τη μελέτη των γεωμετρικών μετασχηματισμών με χρήση πινάκων.



### Στοχαστικά Μαθηματικά (Στατιστική – Πιθανότητες)

Ο βασικός σκοπός της διδασκαλίας της Στατιστικής και των Πιθανοτήτων είναι να αναπτύξει την ικανότητα των μαθητών/-τριών να αξιολογούν, ως μελλοντικοί πολίτες, κριτικά πληροφορίες, να εξάγουν συμπεράσματα, να κάνουν προβλέψεις και να λαμβάνουν αποφάσεις κάτω από αβέβαιες συνθήκες. Η βασική διαφορά των Στοχαστικών Μαθηματικών από τις άλλες θεματικές περιοχές των Μαθηματικών είναι ότι μελετά προβλήματα που σχετίζονται με τη μεταβλητότητα δεδομένων, δηλαδή με τη διαφορετικότητα που υπάρχει γύρω μας (π.χ. τα άτομα διαφέρουν, οι συνθήκες ενός πειράματος διαφέρουν).

Το περιεχόμενο της Στατιστικής εξελίσσεται από τη συλλογή και παρουσίαση δεδομένων από μικρές στατιστικές έρευνες στο Δημοτικό, στη μελέτη συνεχών ποσοτικών δεδομένων και μέτρων θέσης και μεταβλητότητας στο Γυμνάσιο, μέχρι τη μελέτη σχέσεων εξάρτησης μεταξύ δύο μεταβλητών στο Λύκειο.

Το περιεχόμενο των Πιθανοτήτων αναπτύσσεται από την αβεβαιότητα διαφόρων γεγονότων και την έννοια της πιθανότητας στο Δημοτικό, στον υπολογισμό πιθανοτήτων με τον κλασικό ορισμό στο Γυμνάσιο και στις έννοιες της δεσμευμένης πιθανότητας στο Λύκειο.



## Δ. ΔΙΔΑΚΤΙΚΗ ΠΛΑΙΣΙΩΣΗ – ΣΧΕΔΙΑΣΜΟΣ ΜΑΘΗΣΗΣ

Το ΠΣ για τα Μαθηματικά υποστηρίζει τη γνωστική-ατομική και την κοινωνικοπολιτισμική συμμετοχική προσέγγιση στη μάθηση των Μαθηματικών, αντιμετωπίζοντάς τες ως συμπληρωματικές και σε συνεχή αλληλεπίδραση. Λαμβάνοντας υπόψη τη συζήτηση και την έρευνα που διεξάγεται διεθνώς αναφορικά με τις αρχές που θα πρέπει να διέπουν ένα σύγχρονο ΠΣ για τα Μαθηματικά, υιοθετείται η άποψη ότι, σε μια τάξη των Μαθηματικών, η μάθηση και η διδασκαλία εξελίσσονται τόσο σε ατομικό όσο και σε συλλογικό επίπεδο.

Το ΠΣ, αναγνωρίζοντας την κρισιμότητα της μαθηματικής γνώσης σε όλους τους τομείς της ανθρώπινης δράσης, επενδύει στη δημιουργία περιβαλλόντων μάθησης που δίνουν τη δυνατότητα δημιουργίας συνδέσεων μεταξύ της γνώσης του περιεχομένου των Μαθηματικών και της εφαρμογής των εννοιών και των διαδικασιών που το χαρακτηρίζουν. Επιπλέον, υποστηρίζει την ανάπτυξη υψηλού επιπέδου μαθηματικού συλλογισμού, μαθηματικών ικανοτήτων διατύπωσης και επίλυσης ολοένα και πιο περίπλοκων προβλημάτων, τη διαμόρφωση στάσεων και πεποιθήσεων που βοηθούν τους/τις μαθητές/-τριες να αντιμετωπίσουν με αποτελεσματικό τρόπο προβλήματα στα Μαθηματικά, όπως και εκτός αυτών. Σε αυτήν την κατεύθυνση, το ΠΣ για τα Μαθηματικά αναγνωρίζει ως σημαντική την ανάδειξη των μαθηματικών πρακτικών ταυτόχρονα με τη μάθηση του μαθηματικού περιεχομένου. Οι διαδικασίες μάθησης που λαμβάνουν χώρα στην τάξη των Μαθηματικών συνδέονται στενά με την έννοια του μαθηματικού γραμματισμού. Πρόκειται για την ικανότητα του ατόμου α) να αναλύει, να ερμηνεύει και να επεμβαίνει στο κοινωνικό του περιβάλλον, χρησιμοποιώντας ως εργαλείο τα Μαθηματικά και β) να αναλύει και ερμηνεύει τον τρόπο που χρησιμοποιούνται τα Μαθηματικά για τη λήψη αποφάσεων στο κοινωνικό περιβάλλον. Τέλος, το ΠΣ επιδιώκει να προσφέρει ευκαιρίες για πολλαπλούς τρόπους συμμετοχής στη μαθηματική δραστηριότητα μέσα στη σχολική τάξη αναδεικνύοντας τα Μαθηματικά που είναι «χρήσιμα», που όμως «παραμένουν μαθηματικά», δηλαδή, πλούσια σε μαθηματικά νοήματα.

Το ΠΣ των Μαθηματικών αναγνωρίζει ότι η μάθηση των Μαθηματικών είναι μια δυναμική, σταδιακή και συνεχής διαδικασία, στην οποία ο ρόλος του/της εκπαιδευτικού είναι καθοριστικός και καίριας σημασίας. Επιπρόσθετα στοχεύει σε όλους/-ες τους/τις μαθητές/-τριες, λαμβάνοντας υπόψη τους διαφορετικούς τρόπους με τους οποίους νοηματοδοτούν τις εμπειρίες τους και τις μαθηματικές έννοιες και διαδικασίες στις τάξεις των Μαθηματικών, αλλά και τις διαφορετικές τους κοινωνικές, πολιτισμικές και συναισθηματικές τους αφετηρίες. Το ΠΣ υποστηρίζει διδακτικές στρατηγικές συμπερήληψης και διαφοροποίησης αναγνωρίζοντας ότι οι μαθητές/-τριες διαφέρουν μεταξύ τους ως προς τον τρόπο και τον ρυθμό που μαθαίνουν, τα ενδιαφέροντά τους, τις προηγούμενες γνώσεις και τις εμπειρίες τους, την κουλτούρα και τη γλώσσα τους. Συνεπώς, κάθε μαθητής και μαθήτρια, ανάλογα με τις γνωστικές ή άλλες ανάγκες του/της, προσκαλείται να εμπλακεί σε έργα μάθησης που οδηγούν σε αυθεντική μαθηματική δραστηριότητα, η οποία προσφέρει προκλήσεις ανάπτυξης της μαθηματικής του/της σκέψης και συμβάλλουν στη συλλογική συγκρότηση του μαθηματικού νοήματος μέσα από τη συμμετοχή του/της στα δρώμενα της τάξης. Το ΠΣ ενθαρρύνει την προσέγγιση της πολιτισμικά ευαισθητοποιημένης διδασκαλίας των Μαθηματικών που συνδέεται με την επίγνωση των διαφορετικών πολιτισμικών αξιών, παραδόσεων και κατανοήσεων που κάθε μαθητής/-τρια «φέρνει» στην τάξη.

Μια κεντρική διδακτική πρακτική του/της εκπαιδευτικού αφορά την επιλογή και διαχείριση του κατάλληλου μαθηματικού έργου που θα πυροδοτήσει την επιθυμητή μαθηματική δραστηριότητα. Πρόκειται για την εργασία που αναθέτει ο/η εκπαιδευτικός στους/στις μαθητές/-τριες και στα μαθηματικά χαρακτηριστικά της δράσης που

αναδεικνύεται στην πορεία εκπόνησής της. Το μαθηματικό έργο συνδέεται άμεσα, αλλά όχι αποκλειστικά, με τις μαθηματικές πρακτικές που θα αναπτύξει ο/η μαθητής/-τρια. Ο/Η εκπαιδευτικός καλείται να μην περιορίζει τις επιλογές του σε έργα που εστιάζουν στην εφαρμογή αλγορίθμων και μαθηματικών τύπων αλλά να επιλέγει έργα που ανταποκρίνονται στα ενδιαφέροντα ή/και τις εμπειρίες των μαθητών/-τριών, αντλούν προβληματισμούς από πραγματικές καταστάσεις της καθημερινότητας, επιδέχονται διαφορετικές μεθόδους επίλυσης και απαιτούν τεκμηριωμένες επεξηγήσεις και παραδοχές. Γενικότερα, το ζητούμενο είναι έργα που εμπλέκουν τους/τις μαθητές/-τριες στην αναζήτηση ιδιοτήτων και σχέσεων, στη δημιουργία συνδέσεων και σε δράσεις διερεύνησης, πειραματισμού και αναστοχασμού.

Το μαθηματικό έργο μπορεί να είναι ένα παιχνίδι ή μια άσκηση ή ένα πρόβλημα ή ακόμα και μια ερώτηση που θα θέσει ο/η εκπαιδευτικός στην τάξη. Ωστόσο, η απλή εμπλοκή των μαθητών/-τριών σε ένα μαθηματικό έργο (π.χ. επίλυση εξίσωσης), δεν είναι αρκετό για να θεωρηθεί ότι οι μαθητές/-τριες αναπτύσσουν μια πλούσια μαθηματική δραστηριότητα. Μια πλούσια μαθηματική δραστηριότητα προσφέρει στους/στις μαθητές/-τριες την ευκαιρία να αναπτύξουν ποικιλία μαθηματικών και κοινωνικο-πολιτισμικών πρακτικών που θα τους/τις οδηγήσουν στις μεγάλες ιδέες των Μαθηματικών (όπως είναι η απόδειξη, η ισοδυναμία και οι μετασχηματισμοί), στην ανάπτυξη των αντίστοιχων μαθηματικών νοημάτων και, εν τέλει, αυθεντικής μαθηματικής σκέψης.

## Ε. ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗ

Μια από τις βασικές επιδιώξεις του νέου ΠΣ των Μαθηματικών αποτελεί η αναβάθμιση της διαδικασίας της αξιολόγησης. Η αξιολόγηση διατρέχει όλη τη διδακτική διαδικασία, ελέγχει την πορεία επίτευξης των ΠΜΑ και ανατροφοδοτεί την πορεία μάθησης των μαθητών/-τριών σε ατομικό αλλά και σε συλλογικό επίπεδο. Δεν πρόκειται για «βαθμολογία», «μέτρηση», «συμπλήρωμα διδασκαλίας» αλλά για μια πολύπλοκη διαδικασία πλήρως ενσωματωμένη στη διδασκαλία, που συνιστά μηχανισμό συνεχούς αποτίμησης και ανατροφοδότησης των δύο κεντρικών όψεων της εκπαιδευτικής πράξης, δηλαδή, της μάθησης και της διδασκαλίας. Με αυτήν την έννοια, η πρόταση που υιοθετείται από το ΠΣ είναι η διαμορφωτική προσέγγιση στη διαδικασία της αξιολόγησης και ειδικότερα της «αξιολόγησης για μάθηση».

Η σαφής οργάνωση των ΠΜΑ σε διακριτές ομάδες και η εξελικτική πορεία ανάπτυξής τους σε κάθε τάξη, από τάξη σε τάξη και από βαθμίδα σε βαθμίδα εκπαίδευσης επιτρέπει στον/στην εκπαιδευτικό, με την αξιοποίηση διαγνωστικών εργαλείων αξιολόγησης, να καταγράφει και να ενημερώνεται για τον βαθμό κατάκτησης της μαθηματικής γνώσης από τους/τις μαθητές/-τριες στη διάρκεια του σχολικού έτους, να εντοπίζει τις δυσκολίες και τις ελλείψεις τους και να σχεδιάζει τον τρόπο στήριξης και ανατροφοδότησής τους.

Η αξιολόγηση του επιπέδου της μάθησης που έχουν επιτύχει οι μαθητές/-τριες πραγματοποιείται τόσο ανεπίσημα (άτυπα) κατά την εξέλιξη του μαθήματος μέσα στη σχολική τάξη όσο και επίσημα (τυπικά: τεστ, διαγωνίσματα, έργα, συνθετικές εργασίες). Ο/Η εκπαιδευτικός καλείται να προσαρμόζει την αξιολογική διαδικασία στις «ιδιαιτερότητες» και τις ανάγκες των μαθητών/-τριών της τάξης του/της, να διαμορφώνει ανάλογα το πώς και το τι προτίθεται να αξιολογήσει και να αξιοποιεί τα κατάλληλα εργαλεία αξιολόγησης.

## B' Μέρος

### Αναλυτική Απεικόνιση του Προγράμματος Σπουδών

ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – Α' ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ			
Θεματικό Πεδίο	Θεματικές Ενότητες	Προσδοκώμενα Μαθησιακά Αποτελέσματα	Ενδεικτικές Δραστηριότητες
		Οι μαθητές/-τριες είναι σε θέση:	
<b>ΑΡΙΘΜΟΙ</b>	Φυσικοί αριθμοί.	<p>Αρ.Φ.7.1. Να προσδιορίζουν το σύνολο των φυσικών αριθμών 0,1,2,3, ... καθώς και τους άρτιους και περιπτούς φυσικούς αριθμούς.</p> <p>Αρ.Φ.7.2. Να αναγνωρίζουν και να εκφράζουν συμβολικά την ταυτότητα της Ευκλείδειας Διαιρέσης και να τη χρησιμοποιούν στην επίλυση προβλημάτων.</p> <p>Αρ.Φ.7.3. Να εφαρμόζουν την έννοια της διαιρετότητας για να λύνουν προβλήματα.</p> <p>Αρ.Φ.7.4. Να χρησιμοποιούν τον Αλγόριθμο του Ευκλείδη για την εύρεση του ΜΚΔ μεγάλων φυσικών αριθμών.</p> <p>Αρ. Φ.7.5. Να υπολογίζουν το ΕΚΠ και το ΜΚΔ με ανάλυση σε γινόμενο πρώτων παραγόντων.</p> <p>Αρ.Φ.7.6. Να διερευνούν το δυαδικό σύστημα αρίθμησης φυσικών αριθμών και να το συγκρίνουν με το δεκαδικό κάνοντας μετατροπές μεταξύ τους.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Έργα στα οποία η έμφαση είναι στη γενίκευση (ταυτότητα ευκλείδειας διαιρέσης) όσο και στην αιτιολόγηση ισχυρισμών και την επιχειρηματολογία. Για παράδειγμα προβλήματα που χρειάζονται την ανάλυση αριθμού σε γινόμενο πρώτων παραγόντων, επιτρέπουν γενικεύσεις πχ. στην εύρεση του ΕΚΠ και ΜΚΔ και αιτιολογήσεις όπως γιατί ο 35 διαιρεί τον 19·7·2·5.</li> <li>Η χρησιμότητα άλλων αριθμητικών θεσιακών συστημάτων μπορεί να αναδειχθεί μέσα από παραδείγματα από ποικίλα πλαίσια (ιστορικά, από την πληροφορική, κρυπτογραφία κ.λπ.). Για παράδειγμα μπορεί να αξιοποιηθούν ιστορικά στοιχεία από το δεκεξαδικό σύστημα των Βαβυλωνίων και μέσα από το έργο να αναδειχθούν κοινωνικο-πολιτισμικά στοιχεία που τονίζουν τη διαλεκτική σχέση ανάμεσα στη ανάπτυξη της μαθηματικής σκέψης και του πολιτισμού.</li> </ul>
	Ακέραιοι αριθμοί.	Αρ.Α.7.1. Να αναγνωρίζουν την	<ul style="list-style-type: none"> <li>Τα έργα που υποστηρίζουν</li> </ul>

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ</b>	<p>ανάγκη εισαγωγής των ακέραιων αριθμών στην επίλυση προβλημάτων που δε λύνονται στο πλαίσιο των φυσικών αριθμών.</p> <p>Αρ.Α.7.2. Να διακρίνουν θετικούς και αρνητικούς ακέραιους, καθώς και ομόσημους και ετερόσημους.</p> <p>Αρ.Α.7.3. Να διερευνούν τη σχέση των ακέραιών με τους φυσικούς αριθμούς.</p> <p>Αρ.Α.7.4. Να αναγνωρίζουν την απόλυτη τιμή ακέραιων αριθμών ως την απόστασή τους από το μηδέν (0) στην αριθμογραμμή.</p> <p>Αρ.Α.7.5. Να περιγράφουν τα χαρακτηριστικά δύο αντίθετων αριθμών.</p> <p>Αρ.Α.7.6. Να προσθέτουν και να αφαιρούν ακέραιους, αριθμούς, χρησιμοποιώντας στην αρχή εποπτικά μοντέλα και ύστερα μαθηματικές ισότητες για να περιγράφουν προσθέσεις και αφαιρέσεις.</p> <p>Αρ.Α.7.7. Να πολλαπλασιάζουν ακέραιους αριθμούς χρησιμοποιώντας εποπτικά μοντέλα και να καταλήγουν στον ορισμό του πολλαπλασιασμού ακέραιών.</p> <p>Αρ.Α.7.8. Να ερμηνεύουν τις πολλαπλές σημασίες των συμβόλων και «+» και «-».</p>	<p>μοντέλα επεξήγησης των πράξεων των ακεραίων και των ιδιοτήτων τους είναι χρήσιμα, καθώς βοηθούν τη νοηματοδότηση. Για παράδειγμα, παιχνίδια με κάρτες (όπου οι κόκκινες αντιστοιχούν στους θετικούς και οι μαύρες στους αρνητικούς), μεταφορές με «ρομπότ», τα οποία μετακινούνται πάνω στην ευθεία των αριθμών με βάση κανόνες, ή η μεταβολή θερμοκρασίας κ.λπ. μπορούν να αντιστοιχίσουν με κατανοητό τρόπο τις πράξεις σε απλές κινήσεις του παιχνιδιού.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Για τον πολλαπλασιασμό ετερόσημων αριθμών είναι σημαντικό να δοθεί στους/στις μαθητές/-τριες η δυνατότητα να κατανοήσουν τη λειτουργία του χωρίς να σκέφτονται τις πράξεις από μνήμης. Για παράδειγμα, το γινόμενο «5 φορές το -3» θα μπορούσε να υπολογιστεί ως <math>(-3)+(-3)+(-3)+(-3)+(-3)</math>. Αυτό μπορεί να στηριχτεί και στο μοντέλο των καρτών (σε μία ομάδα που έχει 0 πόντους προσθέτουμε πέντε τριάδες αρνητικών καρτών) είτε στην κίνηση στην αριθμογραμμή (πέντε βήματα μήκους 3, όλα προς τα αριστερά). Για τη διερεύνηση του γινομένου αρνητικών, οι μαθητές/-τριες μπορούν να προκληθούν να χρησιμοποιήσουν τις κανονικότητες (π.χ. ... <math>(-3)(+3) = -9</math>, <math>(-3)(+2) = -6</math>, <math>(-3)(+1) = -3</math>, <math>(-3) \cdot 0 = 0</math>, <math>(-3)(-1) = 3</math>), όπως επίσης και την ιδέα ότι το γινόμενο <math>(-3)(-2)</math> θα πρέπει να διαφέρει</li> </ul>
----------------	---	---

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ</b>	<p>Αρ.Α.7.9. Να συγκρίνουν το νόημα της πρόσθεσης ως αύξησης και της αφαίρεσης ως ελάττωσης στους φυσικούς με το νόημα των αντίστοιχων πράξεων στους ακέραιους.</p> <p>Αρ.Α.7.10. Να μοντελοποιούν και να λύνουν προβλήματα με ακέραιους σε πραγματικά και μαθηματικά πλαίσια.</p>	<p>από το (-3)(+2). Ίσως βιοθήσουν και παραλληλισμοί όπως: «ο αντίπαλος του συμπαίκτη μου είναι αντίπαλός μου» και «ο αντίπαλος του αντιπάλου μου είναι συμπαίκτης μου» (π.χ. σε κάποιον υποτιθέμενο αγώνα ποδοσφαίρου). Αν οι συνθήκες της τάξης το επιτρέπουν, μπορεί να παρουσιαστεί και μια άτυπη «απόδειξη» (π.χ. <math>(-3)(+2) + (-3)(-2) = (-3)(+2 - 2) = 0</math> ή <math>-6 + (-3)(-2) = 0</math>, οπότε θα πρέπει <math>(-3)(-2) = +6</math>).</p>
<b>Ρητοί αριθμοί.</b>	<p>Αρ.Ρ.7.1. Να αναγνωρίζουν την ανάγκη εισαγωγής των ρητών αριθμών για την επίλυση προβλημάτων που δε λύνονται στο πλαίσιο των ακεραίων.</p> <p>Αρ.Ρ.7.2. Να διερευνούν διαφορετικές αναπαραστάσεις ρητών αριθμών (δεκαδική, κλασματική).</p> <p>Αρ.Ρ.7.3. Να συγκρίνουν και να διατάσσουν ρητούς, να τους αναπαριστούν στην αριθμογραμμή και να αναγνωρίζουν ότι ένας ρητός δεν έχει επόμενο.</p> <p>Αρ.Ρ.7.4. Να αναγνωρίζουν την απόλυτη τιμή ρητών αριθμών ως την απόστασή τους από το μηδέν (0) στην αριθμογραμμή.</p> <p>Αρ.Ρ.7.5. Να επεκτείνουν στους ρητούς την πρόσθεση, την αφαίρεση και τον πολλαπλασιασμό των ακεραίων.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Η έννοια της πυκνότητας των ρητών είναι απαιτητική στην κατανόησή της και για αυτό προτείνονται έργα όπου η ιδιότητα μπορεί να αναδειχθεί μέσα από δραστηριότητες αναζήτησης ενός ρητού ανάμεσα σε δύο άλλους και ενός ρητού που να είναι ο «πλησιέστερος» σε κάποιον άλλο. Τέτοια έργα βασίζονται στην καλή κατανόηση των διάφορων αναπαραστάσεων των ρητών. Για παράδειγμα, η αναζήτηση του επόμενου του 2/5 θα φέρει στο προσκήνιο τις εναλλακτικές αναπαραστάσεις των ρητών (δεκαδική, κλασματική με άλλον παρονομαστή, στην ευθεία των αριθμών) και επομένως προαπαιτείται η κατανόηση του κλάσματος ως αριθμού και η ευελιξία στη σύγκριση κλασμάτων (ή κλάσματος με ακέραιο, δεκαδικό κ.λπ.).</li> <li>• Τα έργα στους ρητούς μπορούν να διευκολύνουν στη συζήτηση και αντιμετώπιση γνωστών παρανοήσεων των μαθητών/-τριών σχετικά με τις πράξεις, όπως ότι η πρόσθεση και ο</li> </ul>

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ</b>		<p>Αρ.Π.7.6. Να διαιρούν ρητούς μέσω του πολλαπλασιασμού του ενός με τον αντίστροφο του άλλου.</p> <p>Αρ.Π.7.7. Να κάνουν πράξεις μεταξύ ρητών αριθμών, σε κλασματική ή δεκαδική μορφή.</p> <p>Αρ.Π.7.8. Να επεκτείνουν τις ιδιότητες των πράξεων των ακεραίων στους ρητούς.</p> <p>Αρ.Π.7.9. Να διατυπώνουν και να χρησιμοποιούν τον ορισμό των δυνάμεων με βάση ρητό και εκθέτη φυσικό <math>v&gt;0</math>.</p> <p>Αρ.Π.7.10. Να προσδιορίζουν το πρόσημο της δύναμης ρητού αριθμού με βάση τον ορισμό.</p> <p>Αρ.Π.7.11. Να υπολογίζουν την τιμή μιας αριθμητικής παράστασης με ρητούς κάνοντας χρήση της προτεραιότητας των πράξεων (μπορεί να περιέχει δυνάμεις με εκθέτη φυσικό και παρενθέσεις).</p> <p>Αρ.Π.7.12. Να αξιοποιούν την τυποποιημένη μορφή των ρητών αριθμών για την αναπαράσταση φυσικών μεγεθών μεγάλου μεγέθους.</p> <p>Αρ.Π.7.13. Να χρησιμοποιούν τις ιδιότητες των ρητών στην επίλυση μαθηματικών και πραγματικών προβλημάτων.</p>	<p>πολλαπλασιασμός μεγαλώνουν τον αρχικό αριθμό, ενώ η αφαίρεση και η διαιρεση τον μικραίνουν. Αυτά μπορούν να δοθούν σε ένα πλαίσιο φυσικό, μέσα από προβλήματα και δραστηριότητες που δίνουν νόημα στους υπολογισμούς και αναδεικνύουν την αναγκαιότητα και λειτουργία των πράξεων. Κάποια από τα προβλήματα μπορούν να σχετίζονται με βασικές πλευρές της έννοιας του θετικού ρητού (προβλήματα ποσοστών, αναλογιών, τόκου κ.λπ.) και κάποια άλλα να εμπλέκουν και αρνητικούς ρητούς (προβλήματα μεταβολής θερμοκρασίας, κέρδους – ζημίας κ.λπ.).</p>
<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>	Κανονικότητες.	Αλ.Κ.7.1. Να αναγνωρίζουν, να	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα δημιουργίας</li> </ul>

<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>		συγκρίνουν, να περιγράφουν κανονικότητες και να τις εκφράζουν ως αριθμητικές κανονικότητες με φυσικούς αριθμούς.	
		Αλ.Κ.7.2. Να συμπληρώνουν, να επεκτείνουν και να δημιουργούν αριθμητικές κανονικότητες με φυσικούς αριθμούς.	κανονικοτήτων μπορούν να αξιοποιούν χειραπτικά, ψηφιακά ή άλλα μέσα (π.χ. με πτυσσόμενα κυβάκια, εικονιστικά ή ανεικονικά σημεία) με μετάφραση και περιγραφή αυτών σε ακολουθίες ρητών αριθμών της μορφής α·ν (με α ρητό και ν τη σειρά του όρου), που αυξάνονται ή ελαττώνονται με βάση έναν αρχικό όρο και μια σταθερή διαφορά μεταξύ δύο διαδοχικών όρων (αριθμητική πρόοδος). Τα εν λόγω έργα αναπαράστασης κανονικοτήτων διευκολύνουν τους/τις μαθητές/-τριες να εικάσουν λύσεις, να μοιραστούν με τους άλλους τις ιδέες τους και να συνδυάσουν την αλγεβρική γλώσσα με διαφορετικούς τρόπους αναπαράστασης.
		Αλ.Κ.7.3. Να κατασκευάζουν κανονικότητες που εκφράζουν ακολουθίες φυσικών αριθμών με σταθερή διαφορά.	Αλ.Κ.7.4. Να αναπαριστούν κανονικότητες με διάφορους τρόπους, όπως εικόνες ή γεωμετρικά σχήματα, πίνακες τιμών και σημεία σε σύστημα αξόνων, και να μεταβαίνουν από τη μία αναπαράσταση στην άλλη.
		Αλ.Κ.7.5. Να διερευνούν κανονικότητες που μπορούν να εκφραστούν στη μορφή α.ν. (με α ρητό και ν τη σειρά του όρου) και να διατυπώνουν τον γενικό τους όρο λεκτικά και συμβολικά.	Αλ.Κ.7.6. Να λύνουν προβλήματα που συναντούν στα Μαθηματικά και την καθημερινή ζωή με κανονικότητες.
	Αλγεβρικές παραστάσεις.	Αλ.Π.7.1. Να μεταφράζουν από λεκτικές εκφράσεις σε απλές αλγεβρικές παραστάσεις και	• Προβλήματα που έχουν χαρακτήρα παιχνιδιού και είναι διατυπωμένα λεκτικά είναι έργα που μπορούν να

<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>	<p>αντίστροφα.</p> <p><u>Αλ.Π.7.2.</u> Να διακρίνουν τα στοιχεία μιας αλγεβρικής παράστασης.</p> <p><u>Αλ.Π.7.3.</u> Να λύνουν πραγματικά και μαθηματικά προβλήματα χρησιμοποιώντας αριθμητικές και αλγεβρικές παραστάσεις.</p> <p><u>Αλ.Π.7.4.</u> Να συνθέτουν προβλήματα τα οποία λύνονται με χρήση αριθμητικών και αλγεβρικών παραστάσεων.</p> <p><u>Αλ.Π.7.5.</u> Να υπολογίζουν την αριθμητική τιμή μιας αλγεβρικής παράστασης για συγκεκριμένες τιμές των μεταβλητών και να κατασκευάζουν πίνακες τιμών.</p> <p><u>Αλ.Π.7.6.</u> Να χρησιμοποιούν την επιμεριστική ιδιότητα για να μετατρέπουν αλγεβρικές παραστάσεις σε απλούστερη μορφή.</p> <p><u>Αλ.Π.7.7.</u> Να ερμηνεύουν γεωμετρικά την επιμεριστική ιδιότητα: <math>\alpha(\beta+\gamma)=\alpha\beta+\alpha\gamma</math>.</p>	<p>προκαλέσουν κινητοποίηση και εμπλοκή των μαθητών/-τριών σε διαδικασίες μαθηματικοποίησης. Παράδειγμα τέτοιου έργου είναι η επίλυση ενός προβλήματος υπολογισμού των αγώνων μιας ομάδας η οποία παίζει αγώνες σε ένα πρωτάθλημα με ν άλλες ομάδες και κάποιους περιορισμούς για το είδος των μεταξύ τους αγώνων.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Η σύνθεση προβλημάτων (problem posing) από τους/τις ίδιους/-ες τους/τις μαθητές/-τριες τα οποία να καταλήγουν σε μια δοσμένη αλγεβρική παράσταση ή έναν τύπο παραστάσης, αποτελεί μια διαδικασία η οποία βοηθάει τους/τις μαθητές/-τριες να κατανοήσουν την ερμηνεία, τον σχηματισμό και τη λειτουργία του παραστάσεων. Τέτοιο παράδειγμα μπορεί να είναι να δημιουργηθεί κατάλληλο πρόβλημα του οποίου η λύση να εκφράζεται από την παράσταση: <math>\alpha(\beta+2) - 3\beta</math>.</li> </ul>
<b>Αλγεβρικές σχέσεις.</b>	<p><u>Αλ.Σχ.7.1.</u> Να διερευνούν και να διατυπώνουν τις ιδιότητες της ισότητας με βάση μοντέλα – μεταφορές.</p> <p><u>Αλ.Σχ.7.2.</u> Να αναγνωρίζουν την εξίσωση με έναν άγνωστο αριθμό x ως μια μαθηματική ισότητα η οποία ισχύει για</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα μοντελοποίησης - μαθηματικοποίησης που μπορούν να αφορούν γνώριμες στους/στις μαθητές/-τριες καταστάσεις και η λύση τους να απαιτεί επίλυση απλής γραμμικής εξίσωσης, όπως η εύρεση του χρόνου ομιλίας ενός κινητού τηλεφώνου, αν είναι δεδομένα τα πάγια και η χρέωση ανά λεπτό.</li> </ul>

<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>		<p>συγκεκριμένες τιμές του <math>x</math>, καθώς και τα χαρακτηριστικά της..</p> <p>Αλ. Σχ.7.3. Να αναγνωρίζουν ότι μια εξίσωση είναι ισοδύναμη με μια άλλη όταν έχουν τις ίδιες λύσεις.</p> <p>Αλ. Σχ.7.4. Να εφαρμόζουν ιδιότητες διατήρησης της ισότητας για να μετασχηματίσουν εξισώσεις με ρητούς συντελεστές σε ισοδύναμες μορφές.</p> <p>Αλ. Σχ.7.5. Να επιλύουν εξισώσεις της μορφής <math>\alpha x + \beta = y</math> με εφαρμογή των ιδιοτήτων της διατήρησης της ισότητας και των πράξεων.</p> <p>Αλ. Σχ.7.6. Να επιλύουν προβλήματα της καθημερινής ζωής με εξισώσεις της μορφής <math>\alpha x + \beta = y</math> αριθμητικά, μέσω κατάλληλων μοντέλων και αλγεβρικά με τις ιδιότητες της ισότητας.</p> <p>Αλ. Σχ.7.7. Να συνθέτουν προβλήματα που επιλύονται με εξισώσεις της μορφής <math>\alpha x + \beta = y</math>.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Η χρήση της ψηφιακής τεχνολογίας μπορεί να υποβοηθήσει την κατανόηση ιδιοτήτων της ισότητας και της ισοδυναμίας μέσω κατάλληλων μοντέλων (όπως της ζυγαριάς, της μπάρας κ.λπ.). Πηγές μπορούν να είναι το φωτόδεντρο ή το geogebra: <a href="https://www.geogebra.org/m/etjvekuy">https://www.geogebra.org/m/etjvekuy</a> <a href="https://www.geogebra.org/m/Pfkuz79f">https://www.geogebra.org/m/Pfkuz79f</a> <a href="https://www.geogebra.org/m/xfqjck9q">https://www.geogebra.org/m/xfqjck9q</a></li> </ul>
		<p>Γ.Ε.7.1. Να αναγνωρίζουν και να περιγράφουν βασικές γεωμετρικές έννοιες (σημείο, ευθεία, ημιευθεία, ευθύγραμμο τμήμα, γωνία) σε απλά και σύνθετα γεωμετρικά σχήματα.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Αναγνώριση βασικών επίπεδων γεωμετρικών εννοιών (ευθύγραμμα τμήματα, ευθείες, ημιευθείες, καμπύλες γραμμές: τοποθετημένα σε διαφορετικές θέσεις και προσανατολισμούς), οι οποίες δίνονται στους/στις μαθητές/-τριες και κατηγοριοποίηση αυτών με βάση κριτήρια επιλογής των μαθητών/-τριών.</li> </ul>
		<p>Γ.Ε.7.2. Να προσδιορίζουν είδη γωνιών και να διατυπώνουν τους</p>	

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p><b>σχετικούς ορισμούς.</b></p> <p>Γ.Ε.7.3. Να αναγνωρίζουν και να περιγράφουν τη χαρακτηριστική ιδιότητα των σημείων της μεσοκαθέτου ευθύγραμμου τμήματος και την ιδιότητα των σημείων της διχοτόμου γωνίας.</p> <p>Γ.Ε.7.4. Να εφαρμόζουν τη χαρακτηριστική ιδιότητα της μεσοκαθέτου ευθύγραμμου τμήματος και να αναγνωρίζουν τις ιδιότητες ισοσκελούς και ισόπλευρου τριγώνου.</p> <p>Γ.Ε.7.5. Να σχεδιάζουν με γεωμετρικά όργανα τη διχοτόμο γωνίας, τη μεσοκάθετο ευθύγραμμου τμήματος και να περιγράφουν τη διαδικασία.</p> <p>Γ.Ε.7.6. Να διερευνούν και να προσδιορίζουν σχέσεις μεταξύ γωνιών (κατακορυφήν, συμπληρωματικές και παραπληρωματικές).</p> <p>Γ.Ε.7.7. Να διερευνούν και να περιγράφουν τις σχετικές θέσεις ευθειών στο επίπεδο.</p> <p>Γ.Ε.7.8. Να προσδιορίζουν σχέσεις γωνιών που σχηματίζονται από παράλληλες ευθείες και μια τέμνουσά τους και να τις εφαρμόζουν σε απλά προβλήματα.</p> <p>Γ.Ε.7.9. Να αναγνωρίζουν είδη</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναγνώριση επίπεδων γεωμετρικών σχημάτων τα οποία είναι τοποθετημένα σε διαφορετικές θέσεις και προσανατολισμούς (τρίγωνα, τετράπλευρα, πεντάγωνα, εξάγωνα, ορθογώνια, τετράγωνα, τραπέζια) και ταξινόμηση αυτών με βάση κριτήρια που επιλέγουν οι μαθητές/-τριες.</li> <li>• Αξιοποίηση της ιδιότητας των σημείων της μεσοκαθέτου για τον εντοπισμό του κέντρου κυκλικού δίσκου (νομίσματος, κυκλικής πλατείας, πίτσα κ.λπ.) με τη χρήση ψηφιακών εργαλείων ή με γεωμετρικά όργανα.</li> <li>• Αναγνώριση γεωμετρικών σχημάτων και διερεύνηση των ιδιοτήτων τους με χρήση ψηφιακών εργαλείων. Αξιοποίηση του «συρσίματος» ως τρόπου ελέγχου αν ένα σχήμα διατηρεί τη μορφή του.</li> <li>• Διερεύνηση τρόπου υπολογισμού του αθροίσματος γωνιών τετραπλεύρου χωρίζοντάς το σε τρίγωνα. Επέκταση της μεθόδου σε πολύγωνα με πλευρές 5, 6, 7 και 8. Αναζήτηση του γενικού τύπου.</li> </ul>
------------------	---	---

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p>τριγώνων και να τα ταξινομούν με βάση σχέσεις των πλευρών και το είδος των γωνιών του.</p> <p>Γ.Ε.7.10. Να διατυπώνουν και να ελέγχουν εικασίες σχετικά με ιδιότητες που αφορούν τα κύρια και τα δευτερεύοντα στοιχεία των τριγώνων χρησιμοποιώντας γεωμετρικά όργανα και ψηφιακά μέσα.</p> <p>Γ.Ε.7.11. Να αναπτύσσουν λογικούς συλλογισμούς για να τεκμηριώσουν ότι το άθροισμα γωνιών τριγώνου είναι 180 μοίρες.</p> <p>Γ.Ε.7.12. Να διερευνούν είδη τετράπλευρων (παραλληλόγραμμα, τραπέζια) και να διατυπώνουν σχετικούς ορισμούς.</p> <p>Γ.Ε.7.13. Να χρησιμοποιούν γεωμετρικά όργανα και ψηφιακά εργαλεία για να διατυπώσουν και να ελέγχουν εικασίες σχετικά με τις ιδιότητες παραλληλογράμμου, ορθογωνίου, ρόμβου και τετραγώνου τις οποίες να τεκμηριώνουν αναπτύσσοντας λογικούς συλλογισμούς.</p> <p>Γ.Ε.7.14. Να ταξινομούν τα είδη των τετραπλεύρων με βάση τις ιδιότητές τους.</p> <p>Γ.Ε.7.15. Να σχεδιάζουν με</p>
------------------	--

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p>γεωμετρικά όργανα τρίγωνα και παραλληλόγραμμα με δεδομένα χαρακτηριστικά και να περιγράφουν τα βήματα της σχεδίασης.</p> <p>Γ.Ε.7.16. Να αξιοποιούν τις ιδιότητες της μεσοκαθέτου, της παραλληλίας και της καθετότητας ευθειών και των παραλληλογράμμων στην επίλυση απλών προβλημάτων.</p> <p>Γ.Ε.7.17. Να προσδιορίζουν τη χαρακτηριστική ιδιότητα των σημείων του κύκλου και να περιγράφουν τα στοιχεία του κύκλου.</p> <p>Γ.Ε.7.18. Να σχεδιάζουν με τη χρήση του γνώμονα την εφαπτομένη κύκλου σε σημείο του.</p> <p>Γ.Ε.7.19. Να διερευνούν και να προσδιορίζουν τις σχετικές θέσεις ευθείας και κύκλου.</p>	
<b>ΜΕΤΡΗΣΗ</b>	<p>Μήκος.</p> <p>Μ.Μ.7.1. Να επιλέγουν τις κατάλληλες μονάδες μέτρησης μήκους και να κάνουν μετατροπές από τη μια μονάδα στην άλλη.</p> <p>Μ.Μ.7.2. Προσθέτουν και αφαιρούν ευθύγραμμα τμήματα χρησιμοποιώντας γεωμετρικά όργανα.</p> <p>Μ.Μ.7.3. Να προσδιορίζουν τη σχέση του μέτρου του αθροίσματος, της διαφοράς με τα μέτρα των σχετιζόμενων</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναγνώριση με τη διαδικασία της μέτρησης ευθύγραμμου τμήματος ότι η «ευθεία» είναι ο συντομότερος δρόμος μεταξύ δύο σημείων, αξιοποιώντας παραδείγματα από την καθημερινή ζωή ή από την ιστορία των Μαθηματικών, όπως τα σχόλια 321.19-322.23 του Πρόκλου για την πρόταση I.20 των Στοιχείων του Ευκλείδη με το παράδειγμα των επικούρειων φιλοσόφων σχετικά με τον όνο.</li> <li>• Υπολογισμός περιμέτρου</li> </ul>

<b>ΜΕΤΡΗΣΗ</b>		τμημάτων.	γεωμετρικών σχημάτων με τη χρήση ψηφιακών εργαλείων ή γεωμετρικών οργάνων.
		M.M.7.4. Να υπολογίζουν μήκη πλευρών και περιμέτρους πολυγώνων χρησιμοποιώντας ιδιότητες ή σχέσεις.	
		M.M.7.5. Να επιλύουν προβλήματα που αφορούν τη σύγκριση τμημάτων μέσω του μήκους τους χρησιμοποιώντας κατάλληλες μονάδες μέτρησης.	
		M.M.7.6. Να επιλύουν προβλήματα που αφορούν μήκη τμημάτων και περιμέτρους ευθύγραμμων σχημάτων με τη χρήση κατάλληλων μονάδων μέτρησης.	
	Μέτρο γωνιών.	<p>M.Γ.7.1. Να προσθέτουν και να αφαιρούν γωνίες με επίθεση.</p> <p>M.Γ.7.2. Να συνδέουν το μέτρο της επίκεντρης γωνίας και του αντίστοιχου τόξου του ίδιου κύκλου ή ίσων κύκλων.</p> <p>M.Γ.7.3. Να υπολογίζουν γωνίες χρησιμοποιώντας ιδιότητες ή σχέσεις.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Σύγκριση διαφορετικών γωνιών και ταξινόμηση ως προς το μέτρο τους αξιοποιώντας ψηφιακά ή άλλα εργαλεία (διαφανές χαρτί, μοιρογνωμόνιο).</li> <li>• Διερεύνηση του μέτρου γωνιών ισοσκελούς τριγώνου, ισόπλευρου τριγώνου, ορθογώνιου ισοσκελούς τριγώνου και εξαγωγή συμπερασμάτων.</li> <li>• Χρησιμοποίηση μοιρογνωμονίου ή αξιοποίηση ψηφιακών εργαλείων και της διαδικασίας «συρσίματος».</li> <li>• Διερεύνηση του μέτρου παραπληρωματικών γωνιών γωνίας Α που παίρνει τιμές από 20° έως 40°.</li> </ul>
<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>	Διαχείριση δεδομένων.	S.Δ.7.1. Να διατυπώνουν ερωτήματα που	• Επιλογή πληροφοριών από αναπαραστάσεις όπως

<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>	<p>μπορούν να απαντηθούν με συνεχή ποσοτικά δεδομένα από το οικείο περιβάλλον τους.</p> <p><b>Σ.Δ.7.2.</b> Να χαρακτηρίζουν δεδομένα που έχουν προκύψει από απογραφή σε έναν πληθυσμό ως κατηγορικά, διακριτά ή συνεχή ποσοτικά.</p> <p><b>Σ.Δ.7.3.</b> Να κατασκευάζουν κυκλικά διαγράμματα για κατηγορικά δεδομένα.</p> <p><b>Σ.Δ.7.4.</b> Να κατασκευάζουν ιστογράμματα συχνοτήτων ίσου πλάτους, με δεδομένο πλήθος κλάσεων για συνεχή ποσοτικά δεδομένα</p> <p><b>Σ.Δ.7.5.</b> Να επιλέγουν πληροφορίες από διαφορετικές αναπαραστάσεις ποσοτικών δεδομένων και να καταλήγουν σε συμπεράσματα.</p> <p><b>Σ.Δ.7.6.</b> Να επιλέγουν κατάλληλες μορφές αναπαράστασης και να επιχειρηματολογούν για τις επιλογές τους.</p>	<p>ιστογράμματα με θέματα σχετικά με το προσωπικό συγκείμενο των μαθητών/-τριών (π.χ. πλήθος μαθητών/-τριών της τάξης ανά ώρες μελέτης).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Απάντηση ερωτημάτων και τεκμηρίωση συμπερασμάτων και διαπιστώσεων με υπολογισμούς επί των στοιχείων που αντλούνται από στατιστικά διαγράμματα (π.χ. πόσοι είναι οι μαθητές/-τριες ενός δείγματος που έχουν ένα συγκεκριμένο χαρακτηριστικό).</li> <li>• Αναπαράσταση στατιστικών δεδομένων με διαφορετικούς τρόπους και σύγκριση των τρόπων μεταξύ τους (π.χ. από ιστόγραμμα σε κυκλικό διάγραμμα. Ποια είναι τα πλεονεκτήματα/μειονεκτήματα κάθε αναπαράστασης;).</li> </ul>
<b>Μέτρα θέσης και μεταβλητότητας.</b>	<p><b>Σ.Μ.7.1.</b> Να χρησιμοποιούν τα μέτρα θέσης για να περιγράψουν δεδομένα, να κάνουν συγκρίσεις και να εξαγάγουν συμπεράσματα.</p> <p><b>Σ.Μ.7.2.</b> Να περιγράφουν χαρακτηριστικά των δεδομένων όπως το εύρος, η ύπαρξη πολλαπλών κορυφών και οι απόμακρες</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναγνώριση χαρακτηριστικών των δεδομένων ενός δείγματος όπως παριστάνονται σε ένα ιστόγραμμα συχνοτήτων (π.χ. πολλαπλές κορυφές, απόμακρες τιμές) και υπολογισμός τους (π.χ. το εύρος).</li> <li>• Ερμηνεία των χαρακτηριστικών των δεδομένων και εξήγησή τους (π.χ. σε δεδομένα που παριστάνουν τα ύψη των</li> </ul>

<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>		<p>τιμές από ένα ιστόγραμμα συχνοτήτων</p> <p>Σ.Μ.7.3. Να διερευνούν πιθανές ερμηνείες για χαρακτηριστικά των δεδομένων, όπως λόγοι ύπαρξης απόμακρων τιμών ή πιθανούς λόγους για τη μεταβλητότητα των δεδομένων.</p>	<p>παιδιών μιας τάξης, «πώς εξηγείται η ύπαρξη απόμακρων τιμών;»)</p>
<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΠΙΘΑΝΟΤΗΤΕΣ</b>	<p>Πειράματα τύχης και πιθανότητες.</p>	<p>Π.Π.7.1. Να προσδιορίζουν και να περιγράφουν τον δειγματικό χώρο ενός πειράματος τύχης που πραγματοποιείται σε ένα ή περισσότερα στάδια χρησιμοποιώντας αναπαραστάσεις του δειγματικού χώρου σε πίνακες ή δεντροδιαγράμματα.</p> <p>Π.Π.7.2. Να μεταγράφουν τα ενδεχόμενα από τη φυσική γλώσσα σε στοιχεία του δειγματικού χώρου.</p> <p>Π.Π.7.3. Να χρησιμοποιούν τον κλασικό ορισμό των Πιθανοτήτων για να υπολογίσουν την πιθανότητα ενός σύνθετου ενδεχόμενου.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Μοντελοποίηση καταστάσεων με τη χρήση πιθανοτήτων / κλασικού ορισμού (π.χ. τυχαία επιλογή τριών ψηφίων από τα 0, 1, ..., 9 στη σειρά για τον σχηματισμό ενός τριψήφιου αριθμού και υπολογισμός της πιθανότητας πραγματοποίησης ενός ενδεχομένου).</li> <li>• Έκφραση ερωτημάτων στην τάξη για τον υπολογισμό της πιθανότητας πραγματοποίησης άλλων ενδεχομένων (π.χ. «ποια είναι η πιθανότητα ο τριψήφιος αριθμός που σχηματίζεται να είναι πρώτος;») και συζήτηση στην τάξη με κατανόηση των σχολίων που διατυπώνονται, διατύπωση εικασιών και τεκμηρίωση ισχυρισμών.</li> </ul>

ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – Β' ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ			
Θεματικό Πεδίο	Θεματικές Ενότητες	Προσδοκώμενα Μαθησιακά Αποτελέσματα	Ενδεικτικές Δραστηριότητες
		Οι μαθητές/-τριες είναι σε θέση:	
<b>ΑΡΙΘΜΟΙ</b>	<p>Ρητοί αριθμοί.</p>	<p>Αρ.Ρ.8.1. Να διερευνούν τις ιδιότητες της δύναμης <math>\alpha^n</math>, με βάση ρητό και εκθέτη φυσικό <math>n &gt; 0</math> και να υπολογίζουν δυνάμεις. Να διερευνούν τις ιδιότητες των δυνάμεων, να τις διατυπώνουν συμβολικά και να τις αιτιολογούν χρησιμοποιώντας τον ορισμό της δύναμης.</p> <p>Αρ.Ρ.8.2. Να καταλήγουν στον ορισμό της δύναμης ρητού αριθμού με ακέραιο εκθέτη, να επεκτείνουν τις ιδιότητες των δυνάμεων από φυσικό σε ακέραιο εκθέτη</p> <p>Αρ.Ρ.8.3. Να αξιοποιούν την τυποποιημένη μορφή των ρητών αριθμών για την αναπαράσταση φυσικών μεγεθών μικρού μεγέθους και την επίλυση ποικίλων προβλημάτων</p> <p>Αρ.Ρ.8.4. Να υπολογίζουν την τιμή απλών αριθμητικών παραστάσεων με τις τέσσερις πράξεις και δυνάμεις. Να εκτελούν τις πράξεις με την απαιτούμενη προτεραιότητα.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Διερεύνηση των ιδιοτήτων των δυνάμεων με εκθέτη θετικό ακέραιο, επέκταση του ορισμού της δύναμης με εκθέτη μηδέν και με αρνητικό εκθέτη.</li> <li>• Έργα υπολογισμού αριθμητικών παραστάσεων που περιέχουν τις τέσσερις πράξεις και δυνάμεις ρητών με ακέραιο εκθέτη. Λανθασμένη χρήση της προτεραιότητας των πράξεων μπορεί να χρησιμοποιηθεί για ανατροφοδότηση της διδασκαλίας στην τάξη.</li> </ul>
	Άρρητοι – Πραγματικοί αριθμοί.	Αρ.Π.8.1. Να αναγνωρίζουν, μέσα από προβλήματα, την αναγκαιότητα εισαγωγής και χρήσης	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα σχετικά με εμβαδά ή εφαρμογές του Πυθαγόρειου Θεωρήματος για την ανάδειξη της</li> </ul>

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ</b>	<p>των τετραγωνικών ριζών θετικών αριθμών. Να προσδιορίζουν τις τετραγωνικές ρίζες τέλειων τετραγώνων.</p> <p>Αρ.Π.8.2. Να διερευνούν την ύπαρξη αριθμών που δεν είναι ρητοί και να αναγνωρίζουν τους άρρητους.</p> <p>Αρ.Π.8.3. Να τοποθετούν άρρητους αριθμούς στην ευθεία των πραγματικών αριθμών.</p> <p>Αρ.Π.8.4. Να διερευνούν τις δεκαδικές αναπαραστάσεις των ρητών και άρρητων αριθμών.</p> <p>Αρ.Π.8.5. Να επεκτείνουν τον ορισμό της δύναμης με βάση πραγματικό αριθμό και εκθέτη ακέραιο.</p> <p>Αρ.Π.8.6. Να διερευνούν και να αποδεικνύουν αλγεβρικά και γεωμετρικά την ιδιότητα:  <math>(\alpha+\beta)(\gamma+\delta)=\alpha\gamma+\alpha\delta+\beta\gamma+\beta\delta.</math></p> <p>Αρ.Π.8.7. Να λύνουν προβλήματα με τη χρήση πραγματικών αριθμών.</p>	<p>ανάγκης εισαγωγής των τετραγωνικών ριζών. Με κατάλληλα παραδείγματα αποφεύγεται η σύνδεση των αρρήτων αποκλειστικά με τις τετραγωνικές ρίζες φυσικών που δεν είναι τέλεια τετράγωνα.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Τοποθέτηση άρρητων αριθμών, όπως το <math>\sqrt{2}</math>, στην αριθμογραμμή.</li> </ul>
<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>	<p>Κανονικότητες.</p>	<p>Αλ.Κ.8.1. Να λύνουν προβλήματα που συναντούν στα Μαθηματικά και την καθημερινή ζωή με κανονικότητες της μορφής  <math>\alpha \cdot n + \beta</math> όπου <math>\alpha</math> και <math>\beta</math> ρητοί αριθμοί. Για παράδειγμα: η τοποθέτηση πελατών σε τραπέζια που σχηματίζονται από 1, 2, 3 κ.λπ. μικρά τετράγωνα τραπέζια.</p> <p>Αλ.Κ.8.2. Να διατυπώνουν επιχειρήματα και να αιτιολογούν τους συλλογισμούς τους σχετικά με τον</p>

ΑΛΓΕΒΡΑ	προσδιορισμό μιας κανονικότητας.	
Αλγεβρικές παραστάσεις.	<p>Αλ.Π.8.1. Να υπολογίζουν την αριθμητική τιμή μιας αλγεβρικής παράστασης για δεδομένες τιμές των μεταβλητών.</p> <p>Αλ.Π.8.2. Να ερμηνεύουν μια αλγεβρική παράσταση ως γινόμενο ή άθροισμα ή άθροισμα γινομένων.</p> <p>Αλ.Π.8.3. Να απλοποιούν απλές αλγεβρικές παραστάσεις με τη βοήθεια της επιμεριστικής ιδιότητας (απαλοιφή παρένθεσης και αναγωγή όμοιων όρων).</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναγνώριση στοιχείων της δομής μιας αλγεβρικής παράστασης (π.χ. η <math>x+4(x-3)</math> είναι άθροισμα με όρους το <math>x</math> και το γινόμενο <math>4(x-3)</math>, που έχει παράγοντες το 4 και το <math>x-3</math> κ.λπ.).</li> <li>• Έργα μοντελοποίησης ή μαθηματικοποίησης ρεαλιστικών καταστάσεων, μετάφρασης λεκτικών εκφράσεων σε μαθηματική γλώσσα, χρήσης μεταβλητών και υπολογισμού αριθμητικών τιμών</li> </ul>
Αλγεβρικές σχέσεις.	<p>Αλ.Σχ.8.1. Να αναγνωρίζουν τους όρους: εξίσωση πρώτου βαθμού με πραγματικούς συντελεστές, πρώτο και δεύτερο μέλος, ισοδύναμες εξισώσεις, άγνωστος, λύση ή ρίζα.</p> <p>Αλ.Σχ.8.2. Να αναγνωρίζουν αν ένας αριθμός είναι λύση της εξίσωσης ή/και του αντίστοιχου προβλήματος.</p> <p>Αλ.Σχ.8.3. Να επιλύουν εξισώσεις της μορφής <math>\alpha x + \beta = \gamma x + \delta</math> με εφαρμογή των ιδιοτήτων διατήρησης της ισότητας και των πράξεων.</p> <p>Αλ.Σχ.8.4. Να αναγνωρίζουν ότι μια εξίσωση μπορεί να έχει άπειρες λύσεις ή καμία λύση.</p> <p>Αλ.Σχ.8.5. Να</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα που αξιοποιούν τη χρήση μοντέλων μπορούν να βοηθήσουν στην κατανόηση της έννοιας της εξίσωσης καθώς και των αλγεβρικών χειρισμών που απαιτούνται για την επίλυσή της.</li> <li>• Έργα που απαιτούν τη γραφική επίλυση εξισώσεων μπορεί να βοηθήσουν στην κατανόηση της έννοιας της εξίσωσης, καθώς και της λύσης της.</li> </ul>

<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>	επιλύουν προβλήματα με εξισώσεις της μορφής $ax+\beta=\gamma x+\delta$ με άγνωστο και στα δύο μέλη.	
	Αλ.Σχ.8.6. Να συνθέτουν προβλήματα που επιλύονται με εξισώσεις της μορφής $ax+\beta=\gamma x+\delta$ με άγνωστο και στα δύο μέλη.	
Συναρτήσεις.	<p>Αλ.Σρ.8.1. Να αναγνωρίζουν σε καταστάσεις της καθημερινότητας μεγέθη που συμμεταβάλλονται και να διακρίνουν ποιο μέγεθος καθορίζει το άλλο.</p> <p>Αλ.Σρ.8.2. Να αναγνωρίζουν τις σχέσεις που τα μεγέθη συμμεταβάλλονται ως συναρτήσεις και να τις διακρίνουν από σχέσεις που δεν είναι συναρτήσεις.</p> <p>Αλ.Σρ.8.3. Να εκφράζουν μια κατάσταση με μια συνάρτηση λεκτικά, αριθμητικά (με πίνακα τιμών), γραφικά και συμβολικά (με τύπο).</p> <p>Αλ.Σρ.8.4. Να χρησιμοποιούν τις αναπαραστάσεις των συναρτήσεων (γραφικές παραστάσεις, πίνακες τιμών, τύπους) και να μεταβαίνουν από τη μία αναπαράσταση στην άλλη (όπου είναι δυνατόν).</p> <p>Αλ.Σρ.8.5. Να εξετάζουν αν ένα σημείο (διατεταγμένο ζεύγος) ανήκει στη γραφική παράσταση</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Μετάφραση ρεαλιστικών καταστάσεων σε αλγεβρικές παραστάσεις και συναρτήσεις.</li> <li>• Αξιοποίηση συγκεκριμένων υλικών ή/και οπτικών αναπαραστάσεων και σύνδεση ανάμεσα σε διαφορετικές αναπαραστάσεις.</li> <li>• Προβλήματα ποσών για την εισαγωγή και διερεύνηση της συνάρτησης <math>y = ax</math> και των αναπαραστάσεών της (λεκτική διατύπωση, γραφική παράσταση, αλγεβρικός τύπος, πίνακας τιμών).</li> <li>• Αξιοποίηση ψηφιακών περιβαλλόντων ώστε να διερευνήσουν οι μαθητές/-τριες στη συνάρτηση <math>y = ax+\beta</math> τον ρόλο των μεταβλητών <math>x</math>, <math>y</math> καθώς και των παραμέτρων <math>\alpha</math> και <math>\beta</math>.</li> <li>• Με κατάλληλα έργα οι μαθητές/-τριες διακρίνουν πότε δύο ποσά είναι ευθέως ανάλογα και πότε αντιστρόφως ανάλογα. Η διάκριση αυτή γίνεται από τη σχέση που συνδέει δύο ευθέως ή αντιστρόφως ανάλογα ποσά, από τον πίνακα τιμών και από τις γραφικές παραστάσεις τους (ευθεία και υπερβολή)</li> </ul>

<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>	<p>μιας συνάρτησης.</p> <p>Αλ.Σρ.8.6. Να υπολογίζουν αλγεβρικά και να εκτιμούν γραφικά τις τιμές της εξαρτημένης μεταβλητής για δεδομένες τιμές της ανεξάρτητης και αντιστρόφως.</p> <p>Αλ.Σρ.8.7. Να αναγνωρίζουν μέσα σε ποικίλα πλαίσια τη σχέση που συνδέει δύο ανάλογα ποσά ως σχέση αναλογίας.</p> <p>Αλ.Σρ.8.8. Να αναπαριστούν τις σχέσεις αναλογίας που εμφανίζονται σε διάφορα πλαίσια ως σχέση της μορφής <math>y=ax</math>.</p> <p>Αλ.Σρ.8.9. Να σχεδιάζουν τη γραφική παράσταση της συνάρτησης <math>y=ax</math> και να διαπιστώνουν ότι είναι ευθεία που διέρχεται από την αρχή των αξόνων.</p> <p>Αλ.Σρ.8.10. Να ερμηνεύουν τη σταθερά αναλογίας ως μεταβολή του <math>y</math> που αντιστοιχεί σε μοναδιαία αύξηση του <math>x</math>.</p> <p>Αλ.Σρ.8.11. Να συνδέουν τη σταθερά αναλογίας με την εφαπτομένη της γωνίας.</p> <p>Αλ.Σρ.8.12. Να σχεδιάζουν τη γραφική παράσταση της συνάρτησης <math>y=ax+\beta</math> και να εξηγούν τη σημασία των <math>\alpha</math> και <math>\beta</math>.</p> <p>Αλ.Σρ.8.13. Να επιλύουν (γραφικά και αλγεβρικά) προβλήματα χρησιμοποιώντας τις αναπαραστάσεις της συνάρτησης <math>y=ax+\beta</math>.</p>	<p>αντιστοίχως).</p>
----------------	--	----------------------

<b>ΑΛΓΕΒΡΑ</b>		<p>Αλ.Σρ.8.14. Να επιλύουν γραφικά εξισώσεις της μορφής <math>\alpha x + \beta = y</math>.</p> <p>Αλ.Σρ.8.15. Να διερευνούν μέσα από προβλήματα τη σχέση που συνδέει δύο αντιστρόφως ανάλογα ποσά.</p> <p>Αλ.Σρ.8.16. Να εκφράζουν τα αντιστρόφως ανάλογα ποσά που ανακύπτουν σε προβλήματα της καθημερινής ζωής στη μορφή <math>y=a/x</math>.</p> <p>Αλ.Σρ.8.17. Να διερευνούν αν στη συνάρτηση <math>y = a/x</math>, <math>a \neq 0</math> αυξάνεται η μειώνεται το <math>y</math> όταν αυξάνεται ο <math>x</math> για <math>a &gt; 0</math> και <math>a &lt; 0</math>.</p> <p>Αλ.Σρ.8.18. Να επιλύουν προβλήματα αντιστρόφως ανάλογων ποσών με τη συνάρτηση <math>y=a/x</math>.</p>	
<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	Γεωμετρία του επιπέδου.	<p>Γ.Ε.8.1. Να αναγνωρίζουν και να διακρίνουν ένα κανονικό από ένα μη κανονικό πολύγωνο και να διαμορφώνουν σχετικούς ορισμούς.</p> <p>Γ.Ε.8.2. Να διερευνούν και να διατυπώνουν το Πυθαγόρειο Θεώρημα και το αντίστροφό του και να τα χρησιμοποιούν για τον υπολογισμό μηκών και τον προσδιορισμό ορθής γωνίας τριγώνου.</p> <p>Γ.Ε.8.3. Να σχεδιάζουν κανονικά πολύγωνα χρησιμοποιώντας γεωμετρικά όργανα ή ψηφιακά εργαλεία.</p> <p>Γ.Ε.8.4. Να</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Πειραματισμός με τις γωνίες παρατήρησης της σκηνής από το διάζωμα αρχαίου θεάτρου και σύνδεση της γωνίας παρατήρησης με την εγγεγραμμένη γωνία δοσμένου κύκλου.</li> <li>Σχεδίαση κανονικών πολυγώνων με τη χρήση κατάλληλων χειραπτικών υλικών, όπως ισοσκελές τρίγωνο από χαρτόνι, αξιοποιώντας τον μετασχηματισμό της στροφής. Γραπτή περιγραφή της διαδικασίας και αιτιολόγηση γιατί το πολύγωνο που προκύπτει είναι κανονικό.</li> <li>Αναγνώριση επαναλαμβανόμενων μοτίβων με κανονικά</li> </ul>

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p>διερευνούν και να αιτιολογούν εμπειρικά τις σχέσεις εγγεγραμμένης και επίκεντρης γωνίας που βαίνουν στο ίδιο τόξο</p>	<p>πολύγωνα στη φύση (π.χ. κηρήθρες), στην τέχνη (π.χ. Escher) και στις επιστήμες (π.χ. κρυσταλλογραφία).</p>
	<p><b>Μετασχηματισμοί.</b></p> <p>Γ.Μ.8.1. Να αναγνωρίζουν μετασχηματισμούς συμμετρίας ως προς άξονα και να καθορίζουν τα στοιχεία και τα χαρακτηριστικά τους.</p> <p>Γ.Μ.8.2. Να αναγνωρίζουν τη σχέση ισότητας του αρχικού σχήματος και της εικόνας του κατά τη συμμετρία του ως προς διθείσα ευθεία.</p> <p>Γ.Μ.8.3. Να αναγνωρίζουν σχήματα με άξονα συμμετρίας και να σχεδιάζουν τους άξονες συμμετρίας σε αυτά.</p> <p>Γ.Μ.8.4. Να διερευνούν και να εντοπίζουν τις ιδιότητες και τα χαρακτηριστικά των σχημάτων που παραμένουν αναλλοίωτα από έναν μετασχηματισμό συμμετρίας ως προς άξονα.</p> <p>Γ.Μ.8.5. Να αξιοποιούν τις ιδιότητες της αξονικής συμμετρίας στον σχεδιασμό σχημάτων και στην αιτιολόγηση ιδιοτήτων τους.</p> <p>Γ.Μ.8.6. Να σχεδιάζουν τα συμμετρικά γεωμετρικών σχημάτων ως προς διάφορους άξονες χρησιμοποιώντας μια ποικιλία εργαλείων</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Διερεύνηση της σχέσης δύο σημείων (αρχικό και τελικό) σε ένα καρτεσιανό σύστημα συντεταγμένων όπου το αρχικό σημείο έχει υποστεί έναν μετασχηματισμό (συμμετρία ως προς άξονα ή στροφή ως προς σημείο ή μετατόπιση κατά ένα διάνυσμα). Αναγνώριση της σχέσης ανάμεσα στις συντεταγμένες των δύο σημείων (αρχικό και τελικό) και προσπάθεια γενίκευσης.</li> <li>• Αξιοποίηση του μετασχηματισμού της κεντρικής συμμετρίας στην αιτιολόγηση ιδιοτήτων γεωμετρικών σχημάτων, για παράδειγμα, της ιδιότητας των σημείων της μεσοκαθέτου ευθύγραμμου τμήματος ή της ιδιότητας της διαμέσου προς την υποτείνουσα ορθογώνιου τριγώνου ή τις ιδιότητες του παραλληλογράμμου.</li> <li>• Αναζήτηση των αξόνων συμμετρίας διαφορετικών ειδών πολυγώνων (κυρτά, μη κυρτά, κανονικά και μη κανονικά, τραπέζια, παραλληλόγραμμα) και ταξινόμησή τους με βάση το πλήθος των αξόνων συμμετρίας και κριτήρια όπως «το πολύ ένας άξονας συμμετρίας», «τουλάχιστον ένας άξονας συμμετρίας», «άρτιο και μη μηδενικό πλήθος αξόνων συμμετρίας», «περιπτό πλήθος αξόνων συμμετρίας» κ.λπ.</li> <li>• Αναζήτηση και εντοπισμός</li> </ul>

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p>και στρατηγικών.</p> <p><b>Γ.Μ.8.7.</b> Να αναγνωρίζουν μετασχηματισμούς μεταφοράς και να καθορίζουν τα στοιχεία και τα χαρακτηριστικά τους.</p> <p><b>Γ.Μ.8.8.</b> Να αναγνωρίζουν τη σχέση ισότητας του αρχικού σχήματος και της εικόνας του κατά τη μεταφορά του ως προς δοσμένο διάνυσμα.</p> <p><b>Γ.Μ.8.9.</b> Να διερευνούν και να εντοπίζουν τις ιδιότητες και τα χαρακτηριστικά των σχημάτων που παραμένουν αναλλοίωτα από έναν μετασχηματισμό μεταφοράς.</p> <p><b>Γ.Μ.8.10.</b> Να αξιοποιούν τις ιδιότητες του μετασχηματισμού μεταφοράς κατά διάνυσμα στον σχεδιασμό σχημάτων και στην αιτιολόγηση ιδιοτήτων τους.</p> <p><b>Γ.Μ.8.11.</b> Να σχεδιάζουν το σχήμα που προκύπτει από τη μεταφορά ενός σχήματος κατά διάνυσμα χρησιμοποιώντας μια ποικιλία εργαλείων και στρατηγικών.</p> <p><b>Γ.Μ.8.12.</b> Να αναγνωρίζουν μετασχηματισμούς στροφής και να καθορίζουν τα στοιχεία και τα χαρακτηριστικά τους.</p> <p><b>Γ.Μ.8.13.</b> Να αναγνωρίζουν τη σχέση ισότητας του αρχικού σχήματος και της εικόνας του κατά</p> <p>της εικόνας σχήματος (ανάμεσα σε πληθώρα συμμετρικών και μη συμμετρικών σχημάτων) που έχει προκύψει από τη μεταφορά ενός αρχικού σχήματος κατά δοθέν διάνυσμα. Τεκμηρίωση της απάντησης.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναζήτηση και σχεδιασμός του άξονα συμμετρίας πολλαπλών δοθέντων (συμμετρικών και μη συμμετρικών ως προς άξονα συμμετρίας) σχημάτων. Αποκλεισμός και αιτιολόγηση των μη συμμετρικών ως προς άξονα συμμετρίας σχημάτων.</li> <li>• Αναζήτηση και εντοπισμός του κέντρου στροφής και της γωνίας στροφής δύο δοθέντων σχημάτων γνωρίζοντας ότι έχουν υποστεί μετασχηματισμό στροφής.</li> <li>• Αναγνώριση και περιγραφή των μετασχηματισμών που παράγουν μια ψηφίδωση ή ένα μοτίβο σε ένα σχέδιο ή σε ένα έργο τέχνης.</li> <li>• Σύνδεση της ισότητας με τους μετασχηματισμούς ισομετρίας. Οι μαθητές/-τριες αντιλαμβάνονται ως ίσα τα σχήματα τα οποία το ένα ταυτίζεται με το άλλο μέσω κατάλληλου μετασχηματισμού.</li> </ul>
------------------	---

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p>τη στροφή του ως προς κέντρο και δεδομένης γωνίας στροφής.</p> <p>Γ.Μ.8.14. Να αναγνωρίζουν την κεντρική συμμετρία ως ειδική περίπτωση μετασχηματισμού στροφής κατά 180.</p> <p>Γ.Μ.8.15. Να αναγνωρίζουν σχήματα με κέντρο συμμετρίας και να προσδιορίζουν το κέντρο συμμετρίας τους.</p> <p>Γ.Μ.8.16. Να διερευνούν και να εντοπίζουν τις ιδιότητες και τα χαρακτηριστικά των σχημάτων που παραμένουν αναλλοίωτα από έναν μετασχηματισμό στροφής ως προς κέντρο και γωνία στροφής.</p> <p>Γ.Μ.8.17. Να αξιοποιούν τις ιδιότητες του μετασχηματισμού στροφής ως προς κέντρο και γωνία στροφής στον σχεδιασμό σχημάτων και στην αιτιολόγηση ιδιοτήτων τους.</p> <p>Γ.Μ.8.18. Να σχεδιάζουν με ποικιλία εργαλείων και στρατηγικών το σχήμα που προκύπτει από τη στροφή δεδομένου σχήματος ως προς κέντρο και συγκεκριμένη γωνία στροφής αξιοποιώντας τις ιδιότητες του μετασχηματισμού</p> <p>Γ.Μ.8.19. Να αναγνωρίζουν και να περιγράφουν μετασχηματισμούς σε</p>
------------------	--

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>		ένα γεωμετρικό μοτίβο, ένα σχέδιο, ένα έργο τέχνης ή μια πλακόστρωση.	
	Τριγωνομετρία	<p>Γ.Τ.8.1. Να αναγνωρίζουν τους τριγωνομετρικούς αριθμούς οξείας γωνίας ως τον σταθερό λόγο ζεύγους πλευρών ορθογώνιου τριγώνου.</p> <p>Γ.Τ.8.2. Να χρησιμοποιούν τους τριγωνομετρικούς αριθμούς για την εύρεση του μέτρου γωνίας αξιοποιώντας τους τριγωνομετρικούς πίνακες.</p> <p>Γ.Τ.8.3. Να χρησιμοποιούν το Πυθαγόρειο Θεώρημα και τους τριγωνομετρικούς αριθμούς για την επίλυση ενός ορθογώνιου τριγώνου σε προβλήματα.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Ερμηνεία της αριθμητικής ένδειξης πινακίδας οδικής κυκλοφορίας (κλίση δρόμου) και σύνδεσή της με τον αντίστοιχο τριγωνομετρικό αριθμό και την κλίση ευθείας.</li> <li>• Διερεύνηση της σχέσης των γωνιών και των λόγων πλευρών σε πολλά όμοια ορθογώνια τρίγωνα, ανάδειξη της ανάγκης περιγραφής αυτών των λόγων και σύνδεση με τους τριγωνομετρικούς αριθμούς. Διαισθητική προσέγγιση της ανεξαρτησίας των τριγωνομετρικών αριθμών από τα συγκεκριμένα τρίγωνα. (Η ομοιότητα τριγώνων δεν αποτελεί στόχο της Β' Γυμνασίου, οπότε η χρήση όμοιων ορθογώνιων τριγώνων γίνεται χωρίς έμφαση σε θέματα ομοιότητας).</li> </ul> <p>Αξιοποίηση τριγωνομετρικών αριθμών για τον υπολογισμό απρόσιτων αποστάσεων στον χώρο του σχολείου. Για παράδειγμα, ο υπολογισμός του ύψους της αιθουσας με τη χρήση γωνιόμετρου που έχουν κατασκευάσει οι μαθητές/-τριες με απλά υλικά, όπως ένα καλαμάκι, ένα μοιρογνωμόνιο, ένα βαρίδι και μια κολλητική ταινία.</p>
<b>ΜΕΤΡΗΣΗ</b>	Μήκος.	<p>M.Μ.8.1. Να υπολογίζουν τα μήκη των τόξων ως μέρη του μήκους του κύκλου τους.</p> <p>M.Μ.8.2. Να χρησιμοποιούν τον τύπο για το μήκος κύκλου στην επίλυση προβλημάτων.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Διερεύνηση της σχέσης μήκους Ι κύκλου με τον σταθερό λόγο <math>\frac{L}{\delta}</math> αξιοποιώντας χειραπτικά υλικά ή ψηφιακά εργαλεία. Για παράδειγμα, αιτιολόγηση ότι <math>\pi &gt; 3</math></li> </ul>

<b>ΜΕΤΡΗΣΗ</b>			υπολογίζοντας την περίμετρο κανονικού εξαγώνου εγγεγραμμένου σε κύκλο.
	Μέτρο γωνιών.	M.Γ.8.1. Να προσδιορίζουν την κεντρική γωνία κανονικών ν-γώνων και τη γωνία κανονικού ν-γώνου (με $n=3, 4, 6$ ).	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναγνώριση και εξήγηση της σχέσης εγγεγραμμένης και αντίστοιχης επίκεντρης γωνίας σε κανονικά πολύγωνα ν πλευρών (ν: 3 ή 4 ή 6) αξιοποιώντας γεωμετρικά όργανα ή ψηφιακά μέσα.</li> </ul>
	Εμβαδόν.	<p>M.E.8.1. Να μετασχηματίζουν επιφάνειες σε ισοδύναμες με τη διαδικασία διάσπασης και ανασύνθεσης επιφάνειας.</p> <p>M.E.8.2. Να επιλέγουν τις κατάλληλες μονάδες μέτρησης εμβαδού επιφάνειας και να κάνουν μετατροπές από τη μια μονάδα μέτρησης στην άλλη.</p> <p>M.E.8.3. Να επικυρώνουν τους τύπους εμβαδού τετραγώνου και ορθογώνιου παραλληλογράμμου επιλέγοντας κατάλληλη μονάδα μέτρησης.</p> <p>M.E.8.4. Να χρησιμοποιούν τη διάσπαση και ανασύνθεση επιφανειών για τον προσδιορισμό του τύπου του εμβαδού παραλληλογράμμου, τριγώνου και τραπεζίου.</p> <p>M.E.8.5. Να υπολογίζουν το εμβαδόν ενός κυκλικού δίσκου όταν γνωρίζουν την ακτίνα ή τη διάμετρο του κύκλου.</p> <p>M.E.8.6. Να υπολογίζουν τα</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Ερμηνεία των τύπων των εμβαδών παραλληλογράμμου, τριγώνου, τραπεζίου αξιοποιώντας διαδικασίες κατάλληλης διαμέρισης και σύνθεσης επιφανειών τους, ή πραγματοποιώντας κατάλληλους μετασχηματισμούς σε απλούστερα σχήματα με διατήρηση του εμβαδού.</li> <li>• Αξιοποίηση της έννοιας του εμβαδού για την εξήγηση του Πυθαγόρειου Θεωρήματος.</li> <li>• Υπολογισμός του εμβαδού απλών καμπυλόγραμμων και μεικτόγραμμων επιφανειών αξιοποιώντας ποικιλία μέσων και εργαλείων.</li> </ul>

<b>ΜΕΤΡΗΣΗ</b>		<p>εμβαδά κυκλικών τομέων ως μέρη του εμβαδού του κυκλικού δίσκου τους.</p> <p>M.E.8.7. Να επιλύουν προβλήματα υπολογισμού εμβαδού μεικτόγραμμων σχημάτων αξιοποιώντας ποικιλία μεθόδων και στρατηγικών.</p> <p>M.E.8.8. Να αξιοποιούν την έννοια του εμβαδού για την εξήγηση του Πυθαγόρειου Θεωρήματος.</p>	
<b>ΣΤΟΙΧΕΙΑ ΑΝΑΛΥΤΙΚΗΣ ΓΕΩΜΕΤΡΙΑΣ</b>	Διανύσματα	<p>A.Δ.8.1. Να αναπαριστούν θέσεις, διευθύνσεις και διαδρομές με τη βοήθεια διανυσμάτων.</p> <p>A.Δ.8.2. Να συνδέουν τα διανύσματα με φυσικά διανυσματικά μεγέθη και να προσδιορίζουν τα χαρακτηριστικά του αναγνωρίζοντας τη διαφορά ανάμεσα σε ευθύγραμμο τμήμα και διάνυσμα.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Χρησιμοποίηση του διανύσματος ως γεωμετρικού εργαλείου αναπαράστασης του προσανατολισμού στον χώρο και σύνδεσή του με τις έννοιες της παραλληλίας και της μεταφοράς.</li> <li>Σύνδεση των διανυσμάτων με φυσικά μεγέθη (ταχύτητα, βάρος σώματος) μέσα από κατάλληλα παραδείγματα. Για παράδειγμα, η καταγραφή της διαδρομής αερόστατου σε δοσμένο χάρτη (που συνοδεύεται από μια πυξίδα) όπου σε διαφορετικά ύψη συναντά ανέμους διαφορετικής κατεύθυνσης.</li> </ul>
<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>	Διαχείριση δεδομένων.	<p>Σ.Δ.8.1. Να διατυπώνουν ερωτήματα που μπορούν να απαντηθούν με απογραφικά χρονικά δεδομένα.</p> <p>Σ.Δ.8.2. Να συλλέγουν χρονικά δεδομένα που προκύπτουν από επαναλαμβανόμενες μετρήσεις κάποιου χαρακτηριστικού</p> <p>Σ.Δ.8.3. Να κατασκευάζουν</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Εξήγηση της μορφής ενός χρονοδιαγράμματος στο πλαίσιο του φαινομένου που περιγράφει και απάντηση σχετικών ερωτημάτων με τεκμηρίωση από το χρονοδιάγραμμα (π.χ. εξήγηση της μορφής του χρονοδιαγράμματος που περιγράφει το πλήθος των γεννήσεων ανά έτος. Απάντηση ερωτημάτων όπως «ποιο έτος υπήρξαν οι περισσότερες</li> </ul>

<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>	<p><b>χρονοδιαγράμματα για χρονικά δεδομένα</b></p> <p><b>Σ.Δ.8.4.</b> Να κατασκευάζουν απλά θηκογράμματα, χρησιμοποιώντας την «περίληψη πέντε αριθμών» για συνεχή ποσοτικά δεδομένα</p> <p><b>Σ.Δ.8.5.</b> Να επιλέγουν πληροφορίες από διαφορετικές αναπαραστάσεις συνεχών ποσοτικών και χρονικών δεδομένων και να καταλήγουν σε συμπεράσματα.</p> <p><b>Σ.Δ.8.6.</b> Να εντοπίζουν παραδείγματα χρήσης στατιστικών διαγραμμάτων που μπορούν να οδηγήσουν σε εσφαλμένα συμπεράσματα και να παραπλανήσουν.</p>	<p>γεννήσεις;»).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Ερμηνεία των μεταβολών του φαινομένου που παριστάνεται με χρονοδιάγραμμα (π.χ. πώς ερμηνεύετε τη μείωση των γεννήσεων τη συγκεκριμένη χρονική περίοδο), συζήτηση πιθανών αιτιών, εξέταση ειδικών περιπτώσεων (π.χ. χρονικών περιόδων).</li> <li>• Αμφισβήτηση της ερμηνείας στατιστικών διαγραμμάτων με τρόπο παραπλανητικό. Τεκμηρίωση της αμφισβήτησης αυτής (π.χ. ένα στατιστικό διάγραμμα παρουσιάζεται και ερμηνεύεται παραπλανητικά και συνοδεύεται από μια είδηση. «Γιατί είναι παραπλανητική και λανθασμένη η ερμηνεία του διαγράμματος; Πώς θα μπορούσε να διατυπωθεί η είδηση ώστε να είναι αληθής;»).</li> </ul>
<b>Μέτρα θέσης και Μεταβλητότητας.</b>	<p><b>Σ.Μ.8.1.</b> Να διερευνούν ιδιότητες της μέσης τιμής, όπως τη μεταβολή της όταν προτίθενται ή πολλαπλασιάζονται όλα τα δεδομένα με τον ίδιο αριθμό.</p> <p><b>Σ.Μ.8.2.</b> Να διερευνούν πώς επηρεάζονται η μέση τιμή και η διάμεσος από την ύπαρξη απόμακρων τιμών.</p> <p><b>Σ.Μ.8.3.</b> Να διερευνούν την έννοια της μεταβλητότητας χρησιμοποιώντας το ενδοτεταρτημοριακό εύρος.</p> <p><b>Σ.Μ.8.4.</b> Να περιγράφουν τα δεδομένα με βάση την περίληψη των</p>	

<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>		πέντε αριθμών: ελάχιστη τιμή, τεταρτημόρια και μέγιστη τιμή.	
<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΠΙΘΑΝΟΤΗΤΕΣ</b>	Πειράματα τύχης και πιθανότητες.	<p>Π.Π.8.1. Να ελέγχουν αν δύο ενδεχόμενα είναι ασυμβίβαστα.</p> <p>Π.Π.8.2. Να απαριθμούν το πλήθος των στοιχείων ενός ενδεχομένου με χρήση της Βασικής Αρχής Απαριθμησης (ΒΑΑ) και να υπολογίζουν την αντίστοιχη πιθανότητα.</p> <p>Π.Π.8.3. Να χρησιμοποιούν τον απλό προσθετικό νόμο για να υπολογίσουν την πιθανότητα σύνθετων ενδεχόμενων.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αξιοποίηση ψηφιακών εργαλείων για τη δημιουργία συνόλων συνεχών ποσοτικών δεδομένων σε μια αριθμογραμμή, ενώ ταυτόχρονα παριστάνεται η μέση τιμή και η διάμεσός του. Αναδιάταξη των τιμών των δεδομένων, δημιουργία απόμακρων τιμών και οπτικοποίηση της μεταβολής μέσης τιμής και διαμέσου. Διατύπωση εικασιών για τον τρόπο που επηρεάζει η μεταβολή των δεδομένων τη μέση τιμή και αντίστοιχα τη διάμεσο.</li> <li>• Αξιοποίηση ψηφιακών εργαλείων για τη σύγκριση του ενδοτεταρτη-μοριακού εύρους μεταξύ συνόλων δεδομένων. Ερμηνεία των διαφορετικών τιμών ενδοτεταρτη-μοριακού εύρους με δοκιμή ειδικών περιπτώσεων. Συσχέτιση της τιμής του ενδοτεταρτη-μοριακού εύρους με την έννοια της μεταβλητότητας (διαισθητικά).</li> </ul>

ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – Γ' ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ			
Θεματικό Πεδίο	Θεματικές Ενότητες	Προσδοκώμενα Μαθησιακά Αποτελέσματα	Ενδεικτικές Δραστηριότητες
		Οι μαθητές/-τριες είναι σε θέση:	
<b>ΑΡΙΘΜΟΙ, ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>	<p>Αριθμοί/ Πραγματικοί αριθμοί.</p>	<p>Αρ.Π.9.1. Να διερευνούν και να διακρίνουν τις μορφές των κλασματικών και δεκαδικών αναπαραστάσεων των ρητών αριθμών και να κάνουν μετατροπές από τη μία μορφή στην άλλη.</p> <p>Αρ.Π.9.2. Να αναγνωρίζουν την ανάγκη εισαγωγής των άρρητων αριθμών μέσα από τις δυσκολίες που συνδέονται με τις μετρήσεις ασύμμετρων μεγεθών.</p> <p>Αρ.Π.9.3. Να εισάγονται στον ορισμό των άρρητων ως αριθμών που δεν είναι ρητοί, δηλαδή δεν μπορούν να παρασταθούν σε μορφή κλάσματος με όρους ακέραιους.</p> <p>Αρ.Π.9.4. Να αναγνωρίζουν τους άρρητους ως αριθμούς οι οποίοι έχουν άπειρο πλήθος δεκαδικών ψηφίων μη περιοδικών.</p> <p>Αρ.Π.9.5. Να αναγνωρίζουν το σύνολο των πραγματικών αριθμών. Να διερευνούν τις σχέσεις των συνόλων των φυσικών, των ακεραίων, των ρητών, των άρρητων και των πραγματικών.</p> <p>Αρ.Π.9.6. Να</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα που ζητούν την εύρεση ενός άρρητου και ενός ρητού μεταξύ των <math>\sqrt{2}</math> και <math>\sqrt{3}</math> μπορούν να δώσουν βάση για συζήτηση της δεκαδικής αναπαράστασης των άρρητων, της έννοιας της ρητής προσέγγισης, καθώς και να αποτελέσουν αφορμή για τη χρήση αλγεβρικών ιδιοτήτων των ριζών, των ανισοτήτων ή ισοτήτων.</li> <li>• Έργα που αφορούν τις πολυάριθμες εφαρμογές και αναπαραστάσεις των άρρητων (στη γεωμετρία, στην επιστήμη, στην πληροφορική κ.λπ.) μπορούν να βοηθήσουν στη βαθύτερη κατανόησή τους και παράλληλα να ενισχύσουν την κριτική επίγνωση του τρόπου με τον οποίο τα Μαθηματικά χρησιμοποιούνται στις κοινωνικές, περιβαλλοντικές, πολιτισμικές και οικονομικές σχέσεις. Έτσι, για παράδειγμα έργα που αφορούν:           <ul style="list-style-type: none"> <li>– την επίλυση γεωμετρικών προβλημάτων που περιλαμβάνουν τη χρήση των αρρήτων και της μη δυνατότητας εύρεσης κοινού μέτρου (ασύμμετρα μεγέθη), π.χ. εύρεση όγκου κυλινδρικού κουτιού αναψυκτικού, εύρεση του πότε μια ευθεία <math>y=ax</math> διέρχεται από κάποια κορυφή του τετραγωνισμένου χαρτιού</li> </ul> </li> </ul>

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ, ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>	επεκτείνουν τις πράξεις και τις δυνάμεις των ρητών και τις ιδιότητές τους στους πραγματικούς.	– προβλήματα από την αστρονομία όπου προκύπτουν τύποι με τετραγωνικές ρίζες ποσοτήτων και ταυτόχρονα μπορεί να αναπτυχθούν συζητήσεις σχετικά με τη σχέση των Μαθηματικών και της ανάπτυξης της επιστημονικής σκέψης και του πολιτισμού, καθώς και την αξία της για την ανθρώπινη δραστηριότητα, π.χ.: <a href="https://spacemath.gsfc.nasa.gov/algebra2/CH7v3.pdf">https://spacemath.gsfc.nasa.gov/algebra2/CH7v3.pdf</a> .	
	Αρ.Π.9.7. Να διερευνούν και να αποδεικνύουν τις ιδιότητες του γινομένου και του πηλίκου τετραγωνικών ρίζών.	Αρ.Π.9.8. Να χρησιμοποιούν τις τετραγωνικές ρίζες και τις ιδιότητές τους στην απλοποίηση παραστάσεων και την επίλυση προβλημάτων.	
	Αρ.Π.9.9. Να συγκρίνουν και να διατάσσουν πραγματικούς αριθμούς χρησιμοποιώντας την ευθεία των πραγματικών αριθμών.	Αρ.Π.9.10. Να χρησιμοποιούν τους πραγματικούς αριθμούς στην επίλυση προβλημάτων.	
	Άλγεβρα/ κανονικότητες.	Αλ.Κ.9.1. Να διερευνούν μαθηματικές κανονικότητες και να τις εκφράζουν με αλγεβρικές παραστάσεις της μορφής $y = \alpha n^2$ , $\alpha > 0$ .	• Έργα που διερευνούν κανονικότητες της μορφής $\alpha n^2$ με $\alpha > 0$ , όπου το $n$ εκφράζει ακέραια μεγέθη όπως αριθμός ατόμων, αριθμός ψήφων κ.λπ.
	Άλγεβρα/αλγεβρικές παραστάσεις.	Αλ.Π.9.1. Να αναγνωρίζουν τα μονώνυμα και τα πολύνυμα, τον βαθμό τους και να υπολογίζουν την αριθμητική τιμή ενός πολυωνύμου. Αλ.Π.9.2. Να υπολογίζουν το άθροισμα, τη διαφορά και το	• Διερεύνηση γεωμετρικών ή/και αριθμητικών προβλημάτων τα οποία αναδεικνύουν αλγεβρικές ταυτότητες και μπορούν να παραχθούν οι αποδείξεις τους. • Έργα που διατυπώνονται ως ανοικτά ερωτήματα και αφορούν την εξέταση

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ, ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>		γινόμενο μονωνύμων και απλών πολυωνύμων κυρίως μιας μεταβλητής.	κάποιων γνωστών παρανοήσεων «ψευδιστήτων», όπως αν και πότε η ισότητα $(\alpha+\beta)^2 = \alpha^2 + \beta^2$ έχει στόχο τη δημιουργία σύγκρουσης ανάμεσα σε αυτό που ίσως φαίνεται λογικό στους/στις μαθητές/-τριες και στα αποτελέσματα που προκύπτουν από τη δοκιμή συγκεκριμένων αριθμών.
		Αλ.Π.9.3. Να διερευνούν και να αποδεικνύουν αλγεβρικά και να ερμηνεύουν (όπου είναι δυνατόν) γεωμετρικά τις ταυτότητες: $(\alpha+\beta)^2=\alpha^2+2\alpha\beta+\beta^2$ , $\alpha^2-\beta^2=(\alpha-\beta)(\alpha+\beta)$ .	
		Αλ.Π.9.4. Να χρησιμοποιούν τις ταυτότητες για να μετατρέψουν αλγεβρικές παραστάσεις σε άλλη μορφή.	
		Αλ.Π.9.5. Να αναγνωρίζουν την επιμεριστική ιδιότητα ως το βασικό κοινό στοιχείο των πράξεων πολυωνύμων, των ταυτοτήτων και της παραγοντοποίησης.	
		Αλ.Π.9.6. Να παραγοντοποιούν απλά πολυώνυμα (κυρίως μιας μεταβλητής) με κοινό παράγοντα, ομαδοποίηση και χρήση ταυτοτήτων.	
		Αλ.Π.9.7. Να προσδιορίζουν το ΕΚΠ μονωνύμων και απλών πολυωνύμων μιας μεταβλητής.	
		Αλ.Π.9.8. Να υπολογίζουν το αποτέλεσμα των πράξεων με απλές ρητές παραστάσεις (πρόσθεση, αφαίρεση, πολλαπλασιασμός, διαίρεση).	
		Αλ.Π.9.9. Να απλοποιούν ρητές παραστάσεις.	
	Άλγεβρα/ Συναρτήσεις.	Αλ.Σρ.9.1. Να διερευνούν, μέσω της	• Έργα διερεύνησης

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ, ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>	<p>γραφικής της παράστασης, τις ιδιότητες της <math>y = ax^2</math>, <math>a \neq 0</math> και τον ρόλο της παραμέτρου <math>a</math>.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.2.</b> Να διερευνούν τη μεταβολή του για οποιαδήποτε μοναδιαία αύξηση του <math>x</math> σε συναρτήσεις της μορφής <math>y = ax^2</math>.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.3.</b> Να ερμηνεύουν και να επιλύουν γραφικά την εξίσωση <math>ax^2 = \beta</math>.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.4.</b> Να επιλύουν προβλήματα χρησιμοποιώντας τις αναπαραστάσεις της συνάρτησης <math>y = ax^2</math>, <math>a \neq 0</math>.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.5.</b> Να αναγνωρίζουν γραμμικές εξίσωσεις της μορφής <math>ax+by=g</math> και να τις ερμηνεύουν γραφικά.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.6.</b> Να επιλύουν γραφικά προβλήματα με γραμμικά συστήματα 2 εξίσωσεων με 2 αγνώστους.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.7.</b> Να διερευνούν και να ερμηνεύουν γραφικά ένα γραμμικό σύστημα και το πλήθος των λύσεών του.</p> <p><b>Αλ.Σρ.9.8.</b> Να χρησιμοποιούν τις διαφορετικές αναπαραστάσεις των συναρτήσεων για να επιλύσουν προβλήματα.</p>	<p>προβλημάτων που μοντελοποιούνται με τετραγωνικές συναρτήσεις, οι οποίες αποτελούν μία μορφή μη γραμμικής μεταβολής.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Με τη βοήθεια ψηφιακής τεχνολογίας, οι μαθητές/-τριες διερευνούν τα χαρακτηριστικά της συνάρτησης <math>y = ax^2</math>, όπως μορφή της γραφικής παράστασης, συμμετρίες, ρυθμός μεταβολής, κατεύθυνση της μεταβολής για τις διαφορετικές τιμές του <math>a</math>. Στο στάδιο αυτό δεν επιδιώκεται η αυστηρή χρήση μαθηματικής ορολογίας από τους/τις μαθητές/-τριες, αλλά είναι σημαντική η λεκτική απάντηση σε ερωτήματα όπως «τι αλλάζει και πώς», «τι αλλάζει και γιατί», «τι παραμένει σταθερό και γιατί», ενισχύοντας τη διεργασία επικοινωνίας με χρήση φυσικής γλώσσας, συμβόλων και αναπαραστάσεων.</li> </ul>
Άλγεβρα/ Άλγεβρικές σχέσεις.	<p><b>Αλ.Σχ.9.1.</b> Να αναγνωρίζουν ένα γραμμικό σύστημα δύο εξισώσεων με δύο αγνώστους και να εξετάζουν αν ένα ζεύγος αριθμών είναι</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα μοντελοποίησης και επίλυσης προβλημάτων τα οποία μπορεί να προέρχονται από άλλα πεδία των Μαθηματικών, από άλλες επιστήμες και</li> </ul>

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ, ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>	<p>λύση του.</p> <p><b>Αλ.Σχ.9.2.</b> Να επιλύουν το σύστημα αλγεβρικά με τις μεθόδους των αντίθετων συντελεστών και της αντικατάστασης και να επαληθεύουν τη λύση με βάση το πλαίσιο του προβλήματος.</p> <p><b>Αλ.Σχ.9.3.</b> Να επιλύουν απλές πολυωνυμικές εξισώσεις δευτέρου βαθμού ελλιπούς ή και πλήρους μορφής, αλλά και μεγαλύτερου βαθμού με παραγοντοποίηση.</p> <p><b>Αλ.Σχ.9.4.</b> Να επιλύουν προβλήματα εξισώσεων 1ου και 2ου βαθμού (με παραγοντοποίηση) και να ερμηνεύουν τις λύσεις τους στο πλαίσιο του προβλήματος</p> <p><b>Αλ.Σχ.9.5.</b> Να διερευνούν (με μοντέλα – μεταφορές) και να διατυπώνουν τις βασικές ιδιότητες της διάταξης.</p> <p><b>Αλ.Σχ.9.6.</b> Να διακρίνουν τις διαφορές μεταξύ εξίσωσης και ανίσωσης</p> <p><b>Αλ.Σχ.9.7.</b> Να μετατρέπουν πραγματικά προβλήματα σε ανισώσεις μορφής <math>ax+bx &lt; c</math>, να τις επιλύουν και να παριστάνουν τις λύσεις γραφικά και να εξετάζουν αν ένας αριθμός είναι λύση μιας ανίσωσης ή του προβλήματος.</p>	<p>από την καθημερινή ζωή και μοντελοποιούνται με εξισώσεις ή ανισώσεις.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Έργα που αναδεικνύουν τις διαφορές ανάμεσα στην εξίσωση και στην ανίσωση κυρίως στο σύνολο των λύσεων και την αναπαράστασή του στην ευθεία των πραγματικών αριθμών.</li> <li>• Έργα γραφικής επίλυσης γραμμικού συστήματος με τη βοήθεια της ψηφιακής τεχνολογίας εστιάζοντας στις πολλαπλές αναπαραστάσεις των συστημάτων γραμμικών εξισώσεων, καθώς και τις συνδέσεις μεταξύ διαφορετικών αναπαραστάσεων (λεκτική εκφώνηση, αλγεβρικός τύπος, πίνακας τιμών, γραφική παράσταση).</li> </ul>
---	---	---

<b>ΑΡΙΘΜΟΙ, ΑΛΓΕΒΡΑ ΚΑΙ ΑΝΑΛΥΣΗ</b>		<b>Αλ.Σχ.9.8.</b> Να βρίσκουν τις κοινές λύσεις δύο ανισώσεων χρησιμοποιώντας τον άξονα των πραγματικών αριθμών.	
<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	<p>Γεωμετρία του επιπέδου.</p>	<p><b>Γ.Ε.9.1.</b> Να διερευνούν τον ρόλο των κριτηρίων ισότητας τριγώνων στη σύγκριση τριγώνων και τα να συσχετίζουν με τον ορισμό της ισότητας των τριγώνων.</p> <p><b>Γ.Ε.9.2.</b> Να αξιοποιούν τα κριτήρια ισότητας τριγώνων για την αιτιολόγηση ιδιοτήτων γραμμών (μεσοκαθέτου ευθύγραμμου τμήματος, διχοτόμου γωνίας) και σχημάτων (για παράδειγμα παραλληλογράμμων).</p> <p><b>Γ.Ε.9.3.</b> Να διερευνούν τη σχέση των περιμέτρων και των εμβαδών όμοιων σχημάτων.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Διαπίστωση του ορισμού της ισότητας τριγώνων, αξιοποιώντας χειραπτικά εργαλεία (διαφανές χαρτί) ή ψηφιακά μέσα (διαδικασία «συρσίματος»), έτσι ώστε με κατάλληλη μετατόπιση δοσμένου αρχικού τριγώνου να διακρίνουν ότι αυτό συμπίπτει/ταυτίζεται με τρία ή περισσότερα δοσμένα τρίγωνα.</li> <li>• Ανάλυση και δικαιολόγηση με βάση τα κριτήρια ισότητας τριγώνων γνωστών γεωμετρικών κατασκευών, όπως η κατασκευή της διχοτόμου γωνίας ή η κατασκευή γωνίας ίσης με μια δοθείσα.</li> <li>• Διερεύνηση και ερμηνεία με κατάλληλο αντιπαράδειγμα, γιατί το κριτήριο Π-Π-Γ δεν αποτελεί κριτήριο ισότητας τριγώνων.</li> </ul>
	<p>Μετασχηματισμοί.</p>	<p><b>Γ.Μ.9.1.</b> Να καθορίζουν τα χαρακτηριστικά στοιχεία του μετασχηματισμού της ομοιοθεσίας.</p> <p><b>Γ.Μ.9.2.</b> Να αναγνωρίζουν ως όμοια τα σχήματα που το ένα είναι μεγέθυνση ή σμύκυνση του άλλου.</p> <p><b>Γ.Μ.9.3.</b> Να διαπιστώνουν και να περιγράφουν μεγέθυνσεις και σμύκυνσεις μέσω της ομοιοθεσίας</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αναγνώριση της σχέσης περιμέτρου και εμβαδού δύο ομοιόθετων σχημάτων αξιοποιώντας ψηφιακά εργαλεία ή τετραγωνισμένο χαρτί.</li> <li>• Σύνδεση της ομοιότητας με τον μετασχηματισμό ομοιοθεσίας και αντίληψη ως όμοιων των σχημάτων που το ένα καθίσταται ομοιόθετο του άλλου μέσω της αναγνώρισης μιας ακολουθίας μετασχηματισμών.</li> </ul>

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>	χρησιμοποιώντας μια ποικιλία εργαλείων.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Αξιοποίηση της ομοιότητας τριγώνων στη μοντελοποίηση πραγματικών καταστάσεων. Για παράδειγμα, υπολογισμός του ύψους κεραίας μετρώντας τη σκιά της αν γνωρίζουμε το ύψος και τη σκιά ανθρώπου που στέκεται δίπλα της.</li> </ul>
	Γ.Μ.9.4. Να αναγνωρίζουν και να περιγράφουν τους μετασχηματισμούς με τους οποίους δύο όμοια σχήματα γίνονται ομοιόθετα.	
	Γ.Μ.9.5. Να διερευνούν και να εντοπίζουν τις ιδιότητες και τα χαρακτηριστικά των ομοιόθετων σχημάτων.	
	Γ.Μ.9.6. Να αξιοποιούν τις ιδιότητες της ομοιοθεσίας ως προς κέντρο και λόγο ομοιοθεσίας στον σχεδιασμό σχημάτων και στην αιτιολόγηση ιδιοτήτων τους.	
	Γ.Μ.9.7. Να σχεδιάζουν ομοιόθετα και όμοια σχήματα χρησιμοποιώντας μια ποικιλία υλικών, εργαλείων και στρατηγικών.	
Τριγωνομετρία.	Γ.Τ.9.1. Να επεκτείνουν τους ορισμούς των τριγωνομετρικών αριθμών σε αμβλείες γωνίες μέσω του ορθοκανονικού συστήματος αξόνων.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Σύνδεση της έννοιας της αρνητικής κλίσης α ευθείας <math>y = ax</math> με την εφαπτομένη της γωνίας που σχηματίζει η ευθεία με τον άξονα <math>x</math>, αξιοποιώντας κατάλληλο πρόγραμμα δυναμικής γεωμετρίας.</li> </ul>
	Γ.Τ.9.2. Να εξηγούν τις σχέσεις των τριγωνομετρικών αριθμών παραπληραμματικών γωνιών $\eta$ ( $180^\circ - \theta$ )= $\eta$ θ, $\sin(180^\circ - \theta)$ =- $\sin\theta$ , $\epsilon\phi(180^\circ - \theta)$ =- $\epsilon\phi\theta$ , και να τις χρησιμοποιούν στον υπολογισμό γωνιών τριγώνου.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Σύνδεση τριγωνομετρικών αριθμών και Πυθαγόρειου Θεωρήματος για τον προσδιορισμό σχέσεων ανάμεσα στις πλευρές και τους τριγωνομετρικούς αριθμούς των γωνιών ενός οξυγώνου τριγώνου ΑΒΓ με ύψος ΑΔ.</li> </ul>
Γεωμετρία του χώρου.	Γ.Χ.9.1. Να αναγνωρίζουν τα βασικά γεωμετρικά	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Σχεδιασμός στερεών σχημάτων στο επίπεδο και</li> </ul>

<b>ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ</b>		στερεά (ορθό πρίσμα, παραλληλεπίπεδο, κύβος, πυραμίδα) και να προσδιορίζουν τα στοιχεία τους.	περιγραφή των στοιχείων τους (ακμές, έδρες, κορυφές) αξιοποιώντας ψηφιακά εργαλεία ή με ελεύθερη σχεδίαση.
		Γ.Χ.9.2. Να σχεδιάζουν τις όψεις και τα αναπτύγματα ορθών πρισμάτων και πυραμίδων με ψηφιακά εργαλεία, ισομετρικό χαρτί, γεωπίνακα ή με ελεύθερη σχεδίαση.	• Διερεύνηση της σχέσης ανάμεσα στο πλήθος των εδρών ( $E$ ), των κορυφών ( $K$ ) και των ακμών ( $A$ ) πρισμάτων με βάση τρίγωνο, τετράγωνο, πεντάγωνο και εξάγωνο και εξαγωγή συμπερασμάτων.
		Γ.Χ.9.3. Να αναγνωρίζουν τα στερεά (κύλινδρο, κώνο και σφαίρα) και να προσδιορίζουν τα στοιχεία τους.	
		Γ.Χ.9.4. Να διερευνούν και να αναγνωρίζουν τον κύλινδρο, τον κώνο και τη σφαίρα ως στερεά που παράγονται από τη στροφή βασικών γεωμετρικών σχημάτων.	
		Γ.Χ.9.5. Να σχεδιάζουν τις όψεις και τα αναπτύγματα κυλίνδρων και κώνων με ψηφιακά εργαλεία ή με ελεύθερη σχεδίαση.	
<b>ΜΕΤΡΗΣΕΙΣ</b>	Μήκος.	Μ.Μ.9.1. Να αναγνωρίζουν και να υπολογίζουν τον λόγο ευθύγραμμων τμημάτων ως λόγο των μηκών τους στην ίδια μονάδα μέτρησης.	• Αξιοποίηση του λόγου ευθύγραμμων τμημάτων για τη σύγκριση ευθύγραμμων τμημάτων επίπεδων σχημάτων, διερεύνηση και διατύπωση συμπερασμάτων. Για παράδειγμα, σύγκριση της πλευράς και της διαγωνίου τετραγώνου, της υποτείνουσας και της διαμέσου που αντιστοιχεί στην υποτείνουσα ορθογώνιου τριγώνου, του ευθύγραμμου τμήματος που συνδέει τα μέσα δύο πλευρών τριγώνου με την τρίτη πλευρά του τριγώνου.
	Εμβαδόν.	Μ.Ε.9.1. Να	• Υπολογισμός του εμβαδού

<b>ΜΕΤΡΗΣΕΙΣ</b>		<p>αξιοποιούν τα αναπτύγματα ορθών πρισμάτων, κυλίνδρων και κώνων για να προσδιορίσουν το εμβαδόν της επιφάνειάς τους.</p> <p>M.E.9.2. Να επιλύουν προβλήματα υπολογισμού του εμβαδού της επιφάνειας ορθού πρίσματος, κυλίνδρου, κώνου και σφαίρας.</p>	<p>επιφάνειας στερεών σχημάτων με τη βοήθεια των αναπτυγμάτων τους.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Επίλυση προβλημάτων υπολογισμού του εμβαδού επιφάνειας σύνθετων στερεών σχημάτων, όπως για παράδειγμα το κόστος υλικού βαψίματος της σχολικής αίθουσας ή του σχολείου.</li> </ul>
	'Ογκος.	<p>M.O.9.1. Να υπολογίζουν τον όγκο του κύβου και του ορθογώνιου παραλληλεπιπέδου επιλέγοντας κατάλληλη μονάδα μέτρησης.</p> <p>M.O.9.2. Να συσχετίζουν τον όγκο ορθογώνιου παραλληλεπιπέδου και κυλίνδρου με την ίδια βάση και το ίδιο ύψος με εμπειρικούς τρόπους.</p> <p>M.O.9.3. Να συσχετίζουν τον όγκο κυλίνδρου και κώνου με την ίδια βάση και το ίδιο ύψος με εμπειρικούς τρόπους.</p> <p>M.O.9.4. Να επιλύουν προβλήματα υπολογισμού του όγκου σύνθετων στερεών σχημάτων αναπτύσσοντας ποικιλία μεθόδων και στρατηγικών.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Διερεύνηση της χωρητικότητας κυλινδρικών δοχείων χρησιμοποιώντας ως μονάδα μέτρησης κώνους με το ίδιο ύψος και την ίδια βάση.</li> <li>• Μελέτη της οικονομικότερης συσκευασίας δοχείων που έχουν την ίδια χωρητικότητα.</li> <li>• Διερεύνηση της μεταβολής των διαστάσεων ενός στερεού (όπως για παράδειγμα διπλασιασμός ή τριπλασιασμός του ύψους του) σε σχέση με την αλλαγή στον όγκο του.</li> </ul>
		<p>Σ.Δ.9.1. Να διατυπώνουν ερωτήματα που αφορούν το ευρύτερο κοινωνικό περιβάλλον και απαντώνται με δεδομένα εκτός του οικείου περιβάλλοντός τους.</p> <p>Σ.Δ.9.2. Να αναγνωρίζουν την</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Εξήγηση και συζήτηση με βάση τα χαρακτηριστικά και το δείγμα μιας στατιστικής έρευνας με ευρύτερο κοινωνικό ενδιαφέρον, για την εγκυρότητα του αποτελέσματός της (π.χ. έρευνες εφημερίδων για το ποσοστό υποστήριξης</li> </ul>
	<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>	Διαχείριση δεδομένων.	

<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΣΤΑΤΙΣΤΙΚΗ</b>		<p>αναγκαιότητα της χρήσης δείγματος και τη διαφορά του από τον πληθυσμό.</p> <p><b>Σ.Δ.9.3.</b> Να χρησιμοποιούν απλή τυχαία δειγματοληψία για την επιλογή ενός αντιπροσωπευτικού δείγματος</p> <p><b>Σ.Δ.9.4.</b> Να αναγνωρίζουν τη δυνατότητα επαγγελματικής εξαγωγής συμπερασμάτων για έναν πληθυσμό από ένα αντιπροσωπευτικό δείγμα</p> <p><b>Σ.Δ.9.5.</b> Να αναγνωρίζουν τη μεταβλητότητα στατιστικών δεικτών μεταξύ δειγμάτων.</p>	<p>υποψηφίων σε επερχόμενες εκλογές).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Επιλογή δειγμάτων από έναν πληθυσμό και υπολογισμός των στατιστικών δεικτών για ένα χαρακτηριστικό του πληθυσμού σε όλα τα δείγματα. Διαπίστωση της μεταβλητότητας των στατιστικών δεικτών από δείγμα σε δείγμα.</li> </ul>
<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΠΙΘΑΝΟΤΗΤΕΣ</b>	Πειράματα τύχης και πιθανότητες.	<p><b>Π.Π.9.1.</b> Να αναγνωρίζουν μέσα από προσομοιώσεις με χρήση λογισμικού και εκτελώντας πειράματα τύχης, ότι η σχετική συχνότητα ενός ενδεχομένου πλησιάζει την τιμή της πιθανότητας, όταν έχουμε μεγάλο αριθμό εκτελέσεων του ίδιου πειράματος (Νόμος των Μεγάλων Αριθμών).</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Προσομοίωση του στριψίματος ενός τίμιου κέρματος εκτελώντας πολλές δοκιμές και σύγκριση με τη θεωρητική τιμή της πιθανότητας εμφάνισης μιας όψης (δηλαδή 0,5).</li> <li>• Εκτέλεση πολλών δοκιμών του γυρίσματος ενός δείκτη σε τροχό της τύχης με ίσους κυκλικούς τομείς διαφορετικών χρωμάτων, καταγραφή των αποτελεσμάτων για ένα πλήθος δοκιμών, σύγκριση του αποτελέσματος με τη θεωρητική τιμή της πιθανότητας και εξήγηση της διαφοράς του από τη θεωρητική τιμή της πιθανότητας. Δοκιμή ειδικών περιπτώσεων (λίγες, πολλές, πιο πολλές δοκιμές) και διατύπωση εικασιών για τη σύγκριση των αποτελεσμάτων με τη θεωρητική τιμή της πιθανότητας (με βάση τον κλασικό ορισμό).</li> </ul>

<b>ΣΤΟΧΑΣΤΙΚΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ – ΠΙΘΑΝΟΤΗ- ΤΕΣ</b>	<b>Συσχέτιση.</b>	<b>Π.Σ.9.1. Να διερευνούν την ανεξαρτησία ενδεχομένων μέσα από την εκτέλεση πειραμάτων τύχης και προσομοιώσεων.</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Υπολογισμός των πιθανοτήτων ενδεχομένων που είναι ανεξάρτητα ή όχι, ανάλογα με τις συνθήκες εκτέλεσης του πειράματος τύχης (π.χ. τυχαία επιλογή χρωματιστών σφαιρών μία μία από κάλπη με ή χωρίς επανάθεση).</li> <li>• Διατύπωση παραδειγμάτων πειραμάτων τύχης και ανεξάρτητων ενδεχομένων (π.χ. στρίψιμο ενός κέρματος και ρίψη ενός ζαριού).</li> </ul>
--	-------------------	---	--