

ΠΡΟΑΓΩΓΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ ΣΧΟΛΙΚΟΥ ΕΤΟΥΣ 2014-2015

ΤΑΞΗ: Β' ΕΠΑΓΓΕΛΜΑΤΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΑΛΓΕΒΡΑ

ΠΡΟΣΟΜΟΙΩΣΗ ΘΕΜΑΤΩΝ

ΘΕΜΑΤΑ (4)

ΘΕΜΑ 1^ο

A. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν γράφοντας στην κόλλα σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

α. Μια συνάρτηση f λέγεται γνησίως φθίνουσα σε ένα διάστημα Δ του πεδίου ορισμού της, όταν για οποιαδήποτε $x_1, x_2 \in \Delta$ με $x_1 < x_2$ ισχύει $f(x_1) > f(x_2)$.

β. Αν μια συνάρτηση f με πεδίο ορισμού ένα σύνολο A είναι άρτια, τότε η γραφική της παράσταση έχει άξονα συμμετρίας τον $x'x$.

γ. Αν $a > 0$ με $a \neq 1$, τότε ισχύει $\log_a a = 1$.

δ. Η εξίσωση $\sin x = a$, με $a > 1$ έχει άπειρες λύσεις στο \mathbb{R} .

ε. Η συνάρτηση $f(x) = a^x$ με $a > 0$ και $a \neq 1$, έχει σύνολο τιμών το $(0, +\infty)$.

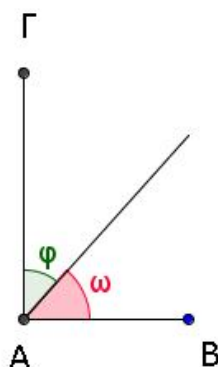
(Μονάδες $2 \times 5 = 10$)

B. Να αποδείξετε ότι αν ένα πολυώνυμο $P(x)$ έχει παράγοντα το $x - \rho$, τότε το ρ είναι ρίζα του πολυωνύμου $P(x)$.

(Μονάδες 15)

ΘΕΜΑ 2^ο

Στο παρακάτω σχήμα δίνεται η ορθή γωνία BAG και οι γωνίες $\hat{\omega}$ και $\hat{\phi}$ με $\sin \omega = \frac{2}{3}$.



Προσομοίωση θεμάτων προαγωγικών εξετάσεων Άλγεβρας Β'ΕΠΑ.Λ.

A. Να αποδείξετε ότι $\eta\mu\omega = \frac{\sqrt{5}}{3}$.

(Μονάδες 7)

B. Να βρείτε τα $\eta\mu\phi$, $\sigma\upsilon\nu\phi$.

(Μονάδες 18)

ΘΕΜΑ 3^ο

Θεωρούμε το πολυώνυμο:

$$P(x) = (\alpha^2 - 1)x^4 + (\alpha + 1)x^3 + x^2 + (4\beta - 1)x + 6, \text{ με } \alpha, \beta \in \mathbb{R}.$$

Δίνεται επίσης ότι το πολυώνυμο $P(x)$ είναι 3^{ου} βαθμού και το υπόλοιπο της διαίρεσης του πολυωνύμου $P(x)$ με το $x - 1$ είναι -4 .

A. Να υπολογίσετε τα α και β .

(Μονάδες 10)

B. Για $\alpha = 1$ και $\beta = -3$, να λύσετε την εξίσωση $P(x) = 0$.

(Μονάδες 15)

ΘΕΜΑ 4^ο

Δίνεται η συνάρτηση $f(x) = \log x$.

A. Ποιο είναι το πεδίο ορισμού της συνάρτησης $f(x) = \log x$;

(Μονάδες 5)

B. Να βρείτε για ποιες τιμές του πραγματικού αριθμού a έχει νόημακάθε μια από τις παραστάσεις:

i) $\log 4a$

ii) $\log(a + 6)$

(Μονάδες 8)

Γ. Για ποιες τιμές του a ισχύει $f(4a) > f(a + 6)$;

(Να δικαιολογήσετε τις απαντήσεις σας)

(Μονάδες 12)

ΟΔΗΓΙΕΣ ΓΙΑ ΤΟΥΣ ΜΑΘΗΤΕΣ

1. Να απαντήσετε στην κόλλα σας σε όλα τα θέματα.
2. Στα σχήματα που θα χρειαστούν μπορείτε να χρησιμοποιήσετε και μολύβι.
3. Διαθέσιμος χρόνος εξέτασης δύο (2) ώρες.
4. Χρόνος δυνατής αποχώρησης 30' από τη διανομή των θεμάτων.

Ευχόμαστε Επιτυχία

Μαθηματικός Περιηγητής

Επιμέλεια: Καραγιάννης Ιωάννης-Σχολικός Σύμβουλος Μαθηματικών