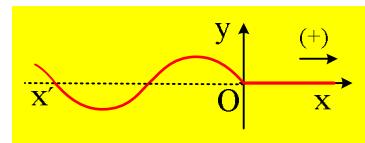


## Дұо егкәрсіа күмата сұмбәллюн

Катá мήкоς евóс граммикоу өластикоу мéсou, дíадидетai éна егkáрсio ар-  
монико күма, то опоио ти стигмá  $t_0=0$  фтáнеi се éна сηмейи O, то опоио пайр-  
нouмe оs архjи evóс proisanatoliisménu озюна xx', me тиn pろos ta дeзиá  
катеñhunstj өтетикj. To күма autó pеriyáphetai apó tиn eзiswastj:



$$y_1 = 0,2 \cdot \eta\mu(2\pi t - \pi x) \quad (\text{S.I.})$$

- i) Na упoлoгiстoунη тaчýтta kai to мήкоs күmatoс, gia to күma aутó.
- ii) Na бrеthеiη тaчýtta тaлántwastj evóс sηmeyi O, sti θéstj x=-1m se sunártetj me to χrόno, eзaiтiаc  
toу күmatoс aутoу. Poiаη тaчýtta тoу O tиn t1=2s;
- iii) Na бrеthеiη θéstj тoу sηmeyi O, kathwс kai η eзiswastj тoу 2<sup>o</sup>u күmatoс, to opoio díadidetai pろos ta  
aриstereя.
- iv) Poiаη eзiswastj тoу stásimou күmatoс, pоu дηmioуrgеitai apó tиn sunboliжtow дnó parapánw kumátow.
- v) Na сhediásete tиn mорphj miас pеriyáhcs тoу mésoу mu -3m ≤ x ≤ 5m, tиn χronikj stigmá t1.

### **Apánttosh.**

- i) H γenikj eзiswastj evóс күmatoс, ópωs to parapánw, eзei tиn mорphj:

$$y = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) \quad (\alpha)$$

Apó tиn sungkristi me tиn eзiswastj pou maсs dínetai, brískoum:

$$2\pi \frac{t}{T} = 2\pi t \rightarrow T = 1s \rightarrow f = 1Hz \text{ kai } 2\pi \frac{x}{\lambda} = \pi x \rightarrow \lambda = 2m$$

$$\text{Opóte } v = \lambda f = 2 \cdot \frac{1m}{s} = 2 \frac{m}{s}$$

- ii) Me antikatástasj stiη eзiswastj тoу күmatoс x=-1m pайrновуме tиn apomákrunstj тoу sηmeyi O:

$$y_1 = 0,2 \cdot \eta\mu(2\pi t - \pi x) = 0,2 \cdot \eta\mu(2\pi t + \pi) = -0,2 \cdot \eta\mu(2\pi t) \quad (1)$$

Opóte η eзiswastj тiсs тaчýtta тaлántwastj тoу, eзei tиn mорphj:

$$v = \omega A \cdot \sin(2\pi t + \pi) = -\omega A \cdot \sin(2\pi t) = -0,4\pi \cdot \sin(2\pi t) \quad (\text{S.I.}) \quad (2)$$

Poiо eинai to pеdio orismoу tиc parapánw sunártetj (1); To күma фtánei sto O tиn stigmá t0=0, ára  
sto O eftasj piо prii katalástema d=v·Δt → Δt =  $\frac{|x_0-x_\Sigma|}{v} = \frac{1}{2}s = 0,5s$ . Allá tóte to sηmeyi O  
talantónetai gia t ≥ -0,5s.

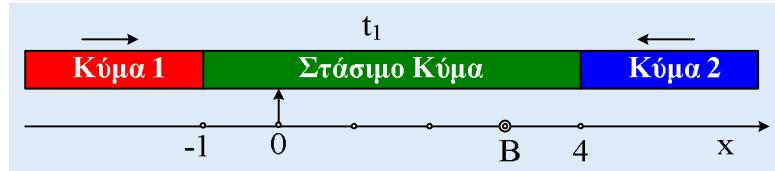
**Сηmеiоs**: Sti idio apotélesma katalájgoumе an χrēsmiopoiήsoumе tиn фásij apó tиn eзiswastj (1)  
(prii tиc tpeiyawonometrikеs... allagécs!). Etotj tиn stigmá t' оpou arхiзei to sηmeyi O na talantónetai, thа

жоуме  $\varphi=0$ , ортө  $\varphi = 2\pi t + \pi = 0 \rightarrow t' = -1s$ .

Ан тәрәа антакатастысунме сиңен езісішсі (2)  $t_1=2s$  пайрновуме:

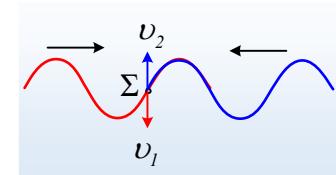
$$v_1 = -0,4\pi \cdot \sin(2\pi t) = -0,4\pi \cdot \sin(2\pi \cdot 2) = -0,4\pi \frac{m}{s}.$$

iii) Ти стигмі  $t_1$  сиңе грамматик месі, дикарінене тредиес периодес, орвас фаяннане сиңе паракату шхима:



Н тағуттета диадосиңе тән дүйнен күмәтән, енән идіа, афуу аутік калоријетаи апә тиң фүсі түн месон. Аллар ан то күма прис та дәзія диадидетаи мә тағуттета  $v=2m/s$ , тиң идіа тағуттета диадосиңе ехеи кәи то күма прис та аристерә. Ан тәрәа ти стигмі  $t_1$  то күма аутік ехеи фтасеи сиңен  $x=-1m$ , сиңаине орті тиң стигмі  $t_0=0$  езіш фтасеи сиңе миа  $B$ , орвас  $|x_B-x_\Sigma|=4m$  ортө  $x_B=3m$ .

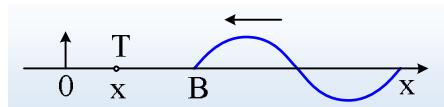
Езіллю афуу сиңе сиңе  $\Sigma$  дәмионргеити десмөс түн стасиму күматос, сиңаине орті тә дүйнен күмәтән сиңбәллюн кәи ои тағуттетес талантвасиң, езілтиң тән дүйнен күмәтән енән артіщетес.



Аллар ан пропретионмене ерәттәмә бріккәмә орті тағуттета түн сиңе  $\Sigma$  езілтиң түн күматос  $y_1$  енән иші  $v_1=-0,4\pi m/s$ , ортө езілтиң түн күматос  $y_2$ , то ортік диадидетаи прис та аристерә,  $\theta$  ехеи тағуттета  $v_2=+0,4\pi m/s$ , орвас сиңе шхима. Аллар тәрәа то күма прис та аристерә,  $\theta$  ехеи то идіо пләтос, то идіо міжік кәи то сиңе сиңе ортік фтандеи  $\theta$  архісеси тиң талантвасиң түн киненмене прис тиң  $T$  күмәтән (прис та пәннә). Суневәпәс ти стигмі  $t=0$  то сиңе  $B$  архісеси на талантвасиң түн киненмене прис тиң  $T$  күмәтән (прис та пәннә).

$$y_B = 0,2 \cdot \eta \mu (2\pi t) \text{ монадес сиңе S.I. (3)}$$

Естар тәрәа енән түнгі сиңе  $T$ , сиңен  $x$ , орвас сиңе шхима. То күма гиа на фтасеи апә то  $B$  то  $T$  то  $\theta$  җәрелестеи җанник диастема:



$$\Delta t = \frac{(TB)}{v} = \frac{3-x}{2} \text{ (S.I.)}$$

опоте езісішсі тиң апомақрунсис түн түнгі сиңе  $T$ , то  $\theta$  пайрнене тиң морфы:

$$y_2 = 0,2 \cdot \eta \mu [2\pi(t - \Delta t)] = 0,2 \cdot \eta \mu 2\pi \left( t - \frac{3-x}{2} \right) \rightarrow$$

$$y_2 = 0,2 \cdot \eta \mu 2\pi \left( t + \frac{x}{2} - \frac{3}{2} \right) \text{ (S.I.) (4)}$$

Н езісішсі (4), енән езісішсі түн күматос прис та аристерә.

iv) Мә басы тиң архіж тиң епальләміз, гиа тиң периодының жоуме сиңбөлік тән дүйнен күмәтән, то  $\theta$  исхнене:

$$y = y_1 + y_2 = 0,2 \cdot \eta \mu (2\pi t - \pi x) + 0,4 \cdot \eta \mu 2\pi \left( t + \frac{x}{2} - \frac{3}{2} \right) \rightarrow$$

$$y = 2 \cdot 0,2 \cdot \eta \mu \frac{2\pi t - \pi x + 2\pi t + \pi x - 3\pi}{2} \cdot \sigma v v \frac{2\pi t - \pi x - 2\pi t - \pi x + 3\pi}{2} \rightarrow$$

$$y = 0,4 \cdot \sigma v v \left( \frac{3\pi}{2} - \pi x \right) \cdot \eta \mu \left( 2\pi t - \frac{3\pi}{2} \right) \xrightarrow{\tau \rho i \gamma \omega n.}$$

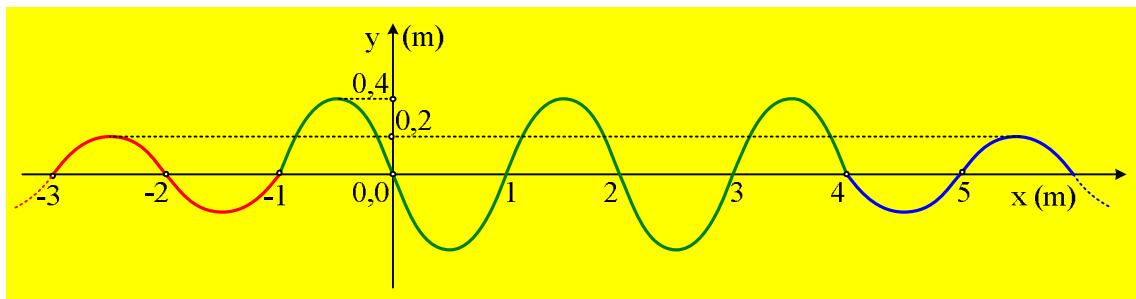
$$y = 0,4 \cdot (-\eta \mu (\pi x)) \cdot \sigma v v (2\pi t) = -0,4 \cdot \eta \mu (\pi x) \cdot \sigma v v (2\pi t) \quad (S.I.) \quad (5)$$

Нараландау езісіші (5) периграфаі та стасимо күмә, оған ти стигмә ти өчеліктердегінде схематично берілгенде:

$$-1m \leq x \leq 4m$$

Енде өзінші артқы ти стигмә ти өчеліктердегінде схематично берілгенде:

v) Менең басынан ти стигмә ти өчеліктердегінде схематично берілгенде:



[dmargaris@gmail.com](mailto:dmargaris@gmail.com)