

4^ο ΓΕΝΙΚΟ ΛΥΚΕΙΟ ΜΥΤΙΛΗΝΗΣ

ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ Α' ΤΕΤΡΑΜΗΝΟΥ ΣΤΑ ΜΑΘ. ΚΑΤ. Β' ΛΥΚΕΙΟΥ
ΜΥΤΙΛΗΝΗ 24/11/2010

ΘΕΜΑ 1

A. Αν $\vec{\alpha} = (\chi_1, \psi_1)$, $\vec{\beta} = (\chi_2, \psi_2)$, $\vec{\gamma} = (\chi_3, \psi_3)$ τότε να δείξετε ότι:

1. $(\lambda\vec{\alpha}) \cdot \vec{\beta} = \lambda(\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta})$ (Μ.10)

2. $\vec{\alpha} \cdot (\vec{\beta} + \vec{\gamma}) = \vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} + \vec{\alpha} \cdot \vec{\gamma}$ (Μ.10)

B. Σε καθεμία από τις παρακάτω προτάσεις να σημειώσετε το Σ (σωστή) ή το Λ (λανθασμένη). (Μ.10)

- | | | |
|---|---|---|
| 1. Τα αντίθετα διανύσματα έχουν ίσα μέτρα. | Σ | Λ |
| 2. Δύο αντίθετα διανύσματα έχουν αντίθετους συντελεστές διευθύνσεως. | Σ | Λ |
| 3. Το $(\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta}) \cdot \vec{\gamma}$ παριστάνει διάνυσμα. | Σ | Λ |
| 4. Αν $k\vec{\alpha} = \lambda\vec{\alpha}$, τότε $k = \lambda$ για κάθε διάνυσμα $\vec{\alpha}$. | Σ | Λ |
| 5. Αν είναι $(\vec{\alpha}, \vec{\beta}) > \frac{\pi}{2}$, τότε $\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} < 0$. | Σ | Λ |

ΘΕΜΑ 2

Έστω $\vec{\alpha}$, $\vec{\beta}$ δυο διανύσματα, με $\vec{\alpha} \neq \vec{0}$.

1. Να αποδείξετε ότι : $\text{προβ}_{\vec{\alpha}}\vec{\beta} = \frac{\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta}}{\vec{\alpha} \cdot \vec{\alpha}} \vec{\alpha}$. (Μ.10)

2. Να βρείτε την προβολή του διανύσματος $\vec{\beta} = (5, 10)$ πάνω στο διάνυσμα $\vec{\alpha} = (-1, 2)$. (Μ.10)

3. Να βρείτε την προβολή του διανύσματος $\vec{\beta}$ πάνω στο διάνυσμα $\vec{\alpha}$, αν είναι γνωστό ότι $|\vec{\alpha}| = 2\sqrt{3}$, $|\vec{\beta}| = 20$ και $(\vec{\alpha}, \vec{\beta}) = 30^\circ$. (Μ.10)

ΘΕΜΑ 3

Δίνονται τα μη μηδενικά διανύσματα \vec{a} και $\vec{\beta}$ για τα οποία ισχύει $|\vec{\alpha}| = \lambda$,

$|\vec{\beta}| = \mu$ και $(\vec{\alpha}, \vec{\beta}) = \frac{2\pi}{3}$. Αν $\vec{u} = \mu\vec{\alpha} + \lambda\vec{\beta}$ και $\vec{v} = \mu\vec{\alpha} - \lambda\vec{\beta}$ τότε:

1. Να αποδείξετε ότι $|\vec{u}| = \lambda\mu$ και $|\vec{v}| = \mu\lambda\sqrt{3}$ (Μ.10)

2. Να αποδείξετε ότι $\vec{u} \cdot \vec{a} = \frac{1}{2}\mu\lambda^2$ και $\vec{v} \cdot \vec{\beta} = -\frac{3}{2}\lambda\mu^2$ (Μ.10)

3. Να βρείτε τις γωνίες (\vec{u}, \vec{a}) και $(\vec{v}, \vec{\beta})$ (Μ.10)

4. Να αποδείξετε ότι $\vec{u} \perp \vec{v}$ (Μ.10)

ΚΑΛΗ ΕΠΙΤΥΧΙΑ