

24

Διαιρώ με 10, 100, 1000

Τα γενέθλια της Ήρώς



Σ' έναν ακέραιο αριθμό πού βρίσκεται η υποδιαστολή;

- Η Ήρώ έχει τα γενέθλιά της και αγόρασε μια τούρτα για να κεράσει δέκα φίλους της.



Για να μοιράσω την τούρτα δίκαια, πρέπει να την κόψω σε δέκα ίσα κομμάτια.



Δηλαδή πρέπει να διαιρέσει 1 διά 10. Ξέρεις να κάνεις αυτή τη διαιρέση;



Εγώ ξέρω ότι κάθε παιδί θα πάρει το $\frac{1}{10}$ της τούρτας.



Για να βρω το αποτέλεσμα της διαιρέσης 1:10, σκέφτηκα ότι 1 μονάδα ισοδυναμεί με 10 δέκατα. Διαιρώ τα 10 δέκατα με το 10. Το αποτέλεσμα είναι 1 δέκατο ή 0,1.

- Γράφω το αποτέλεσμα της διαιρέσης **1 : 10**

Με δεκαδικό κλάσμα

Με δεκαδικό αριθμό

$$1 : 10 = \frac{1}{10} = 0,1$$



Δεκαδικά λέγονται τα κλάσματα που έχουν παρονομαστή το 10, 100, 1.000, ...

- Χρησιμοποιούμε τη μέθοδο του Νικίτα για να υπολογίσουμε. Στη συνέχεια ελέγχουμε διαβάζοντας τον αριθμό.

$$3 : 10 \rightarrow 30 \text{ δέκατα διά } 10 = 3 \text{ δέκατα ή } 0,3 \text{ ή } \frac{3}{10}$$

$$9 : 100 \rightarrow 900 \text{ εκατοστά διά } 100 = 9 \text{ εκατοστά ή } 0,09 \text{ ή } \frac{9}{100}$$

$$8 : 1000 \rightarrow 8.000 \text{ χιλιοστά διά } 1000 = 8 \text{ χιλιοστά ή } 0,008 \text{ ή } \frac{8}{1.000}$$

Εργασίες

1)



Υπολογίζω τα πολύτικα σύμφωνα με το παράδειγμα:

$$\begin{array}{c} 12 : 10 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 10 : 10 \quad 2 : 10 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 1 \quad + \quad 0,2 \\ \hline 1,2 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 12 : 100 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 10 : 100 \quad 2 : 100 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 0,10 \quad + \quad 0,02 \\ \hline 0,12 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} 12 : 1.000 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 1.000 \quad 2 : 1.000 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 0,010 \quad + \quad 0,002 \\ \hline 0,012 \end{array}$$

Διαιρέση με το 10, 100, 1000. Δεκαδικά κλάσματα. Σύνδεση δεκαδικών αριθμών με τα δεκαδικά κλάσματα. 62



Αν ξέρεις να πολλαπλασιάζεις και να διαιρείς αριθμούς με το 10, το 100 και το 1000, μπορείς εύκολα να μετατρέπεις μια μονάδα μέτρησης στα πολλαπλάσια ή στις υποδιαιρέσεις της.

2)



Μπορώ να καταλάβω εύκολα ότι το κλάσμα $\frac{5}{100}$ είναι το 0,05. Αρκεί να το διαβάσω : «πέντε εκατοστά». Ποιος δεκαδικός είναι όμως το $\frac{135}{100}$;



Σκέψου: 100 εκατοστά και τριάντα πέντε εκατοστά είναι: $1 + 0,35 = 1,35$

- Βρίσκω ποιος δεκαδικός είναι το κλάσμα $\frac{1.012}{1.000}$, με τον τρόπο του Νικήτα. Επαληθεύω με τον τρόπο της Ηρώς.



Πιο εύκολο είναι να κάνεις τη διαίρεση: $\frac{135}{100} = 135 : 100 = 1,35$

$\frac{1.012}{1.000} = 1.012 : 1.000 = 1,012$ (τρόπος Νικήτα) .. 1.000 χιλιοστά και ..
δώδεκα χιλιοστά είναι $1 + 0,012 = 1,012$ (τρόπος Ηρώς).

3)



Συμπληρώνουμε κατάλληλα:

- Το 1 μ. έχει 100 εκ. Το 1 εκ. ισοδυναμεί με το $\frac{1}{100}$ του μ.

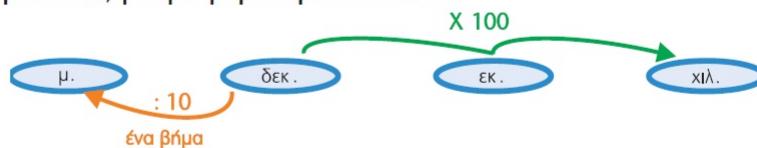
Για να μετατρέψω το 1 μ. σε εκ. πολλαπλασιάζω το 100.

Για να μετατρέψω το 1 εκ. σε μ. διαιρέω με το 100.

Η Ηρώ ανακάλυψε έναν κανόνα για να κάνει μετατροπές σε μονάδες μήκους:



«Για να κάνω ένα βήμα, πολλαπλασιάζω ή διαιρώ με το 10, για δύο βήματα με το 100, για τρία βήματα με το 1.000».



Συμπέρασμα

- Όταν διαιρούμε έναν αριθμό με το 10, 100, 1.000, η υποδιαιστολή του διαιρετού μετακινείται αριστερά, τόσες θέσεις όσα μπορεί να διαιρέτης.
- Κάθε δεκαδικός αριθμός μπορεί να γραφτεί ως δεκαδικό κλάσμα και αντιστρόφως.
Π.χ. $0,3 = \frac{3}{10}$, $7,04 = \frac{704}{100}$ και $\frac{12}{100} = 0,12$
- Κάθε δεκαδικός αριθμός και κάθε δεκαδικό κλάσμα μπορεί να γραφτεί ως αποτέλεσμα μιας διαιρέσης που έχει ως διαιρέτη το 10, το 100, το 1.000,
Π.χ. $2,65 = \frac{265}{100} = 265 : 100$

24

Διαιρώ με 10, 100, 1000

- 1) Χρωματίζω με **κόκκινο** τα πλαίσια που περιέχουν δεκαδικά κλάσματα. Επιλέγω με **✓** όσα δεκαδικά κλάσματα είναι μεγαλύτερα από τη μονάδα.

$$\frac{4}{100}$$

$$\frac{10}{40}$$

$$\frac{5}{1.000}$$

$$\frac{3}{4}$$

$$\frac{4.621}{10}$$

$$\frac{100}{\square}$$

$$\frac{100}{5}$$

$$\frac{10}{10}$$

$$\frac{83}{10}$$

$$\frac{999}{1.000}$$

- 2) Συμπληρώνω τον πίνακα:

Με λέξεις	Με δεκαδικό κλάσμα	Με δεκαδικό αριθμό	Με διαίρεση
οχτώ δέκατα	$\frac{8}{10}$	0,8	8 : 10
τρία εκατοστά	$\frac{3}{100}$	0,03	3 : 100
δώδεκα χιλιοστά	$\frac{12}{1.000}$	0,012	12 : 1.000
τετρακόσια δύο εκατοστά	$\frac{402}{1.000}$	4,02	402 : 100
χίλια τετρακόσια πενήντα τέσσερα δέκατα	$\frac{1.454}{10}$	145,4	1.454 : 10

- 3)



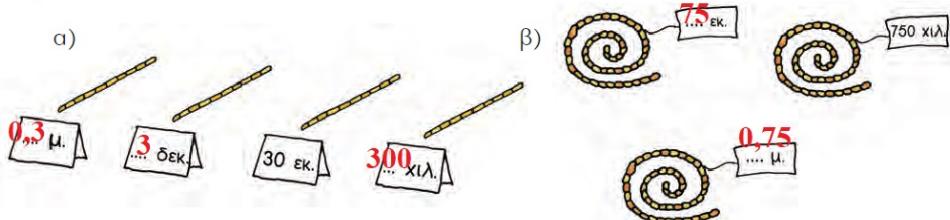
Συμπληρώνω στα πλαίσια ό,τι λείπει:



- 4) Με τη βοήθεια του άβακα κάνω τις μετατροπές.

Ακέραιοι	μ.	δεκ. (0,1)	εκ. (0,01)	χιλ. (0,001)	Δεκαδικοί
13 δεκ.	1	3			1,3 μ.
782 εκ.	7	8	2		78,2 δεκ.
1.452 χιλ.	1	4	5	2	145,2 εκ.
307 χιλ.	0	3	0	7	0,307 μ.
12 χιλ.	0	0	1	2	0,12 δεκ.

5) Σε κάθε περίπτωση τα σκοινιά έχουν το ίδιο μήκος. Συμπληρώνω ό,τι λείπει:



6) Με τα στοιχεία του πίνακα διατυπώνω και λύνω ένα πρόβλημα:

- Συμπληρώνω ό,τι λείπει:

$$\begin{array}{r} \text{..... k.} \\ \times 1.000 \\ \hline 2.000 \text{ γραμμ.} \end{array}$$

	Καθαρό Βάρος	Απόβαρο	Μεικτό Βάρος
14 κ. και 300 γραμμ.	0,600 κ.	14 κ. και 900 γραμμ.	

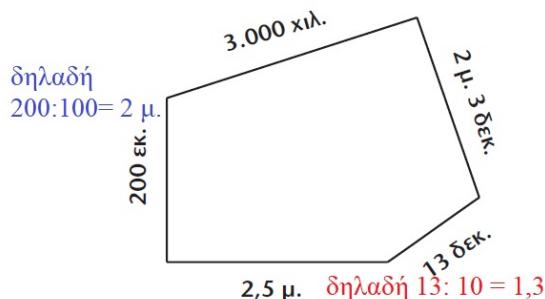
Οι ντομάτες ζυγίζουν 14 κ. και 300 γραμμ. Το ξύλινο τελάρο ζυγίζει μόνο του 0,600 κ. Ήσσος ζυγίζουν συνολικά οι ντομάτες μαζί με το ξύλινο τελάρο:

$$\begin{array}{r} 14,300 \\ + 0,600 \\ \hline 14,900 \text{ κ.} \end{array}$$

Συνολικά ζυγίζουν 14,900 κ.

7) Βρίσκουμε την περίμετρο του σχήματος.

$$\text{δηλαδή } 3.000 : 1.000 = 3\text{μ.}$$



$$\begin{array}{r} 3 \mu & 3,0 \\ 2 \mu. 3 \text{ δεκ.} & 2,3 \\ 1 \mu. 3 \text{ δεκ.} & 1,3 \\ 2 \mu. 5 \text{ δεκ.} & 2,5 \\ + 2 \mu. & + 2,0 \\ \hline 10 \mu. 11 \text{ δεκ.} & 11,1 \\ 11 \mu. 1 \text{ δεκ.} & \end{array}$$

Η περίμετρος του σχήματος είναι 11,1 μ.

8) Παρατηρώ και συνεχίζω το μοτίβο:

$$\begin{array}{cccccccc} :10 & :10 & :10 & :10 & :10 & :10 & :10 \\ 20.000 & 2.000 & 200 & 20 & 2 & 0,2 & 0,02 & 0,002 \end{array}$$