

ΤΡΑΠΕΖΑ ΘΕΜΑΤΩΝ ΑΠΟ ΤΟ
ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ
ΓΙΑ ΤΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ
Β ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ

30 ΓΕΝ. ΛΥΚ. ΗΡΑΚΛΕΙΟΥ

Διανύσματα

Πολλαπλασιασμός αριθμού με διάνυσμα

2 Θεμα

2 18603

Δίνεται τρίγωνο $AB\Gamma$ και σημεία Δ και E του επιπέδου τέτοια, ώστε $\overrightarrow{A\Delta} = 2\overrightarrow{AB} + 5\overrightarrow{A\Gamma}$ και $\overrightarrow{AE} = 5\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{A\Gamma}$.

- α) Να γράψετε το διάνυσμα $\overrightarrow{\Delta E}$ ως γραμμικό συνδυασμό των \overrightarrow{AB} και $\overrightarrow{A\Gamma}$. (Μονάδες 13)
- β) Να δείξετε ότι τα διανύσματα $\overrightarrow{\Delta E}$ και $\overrightarrow{B\Gamma}$ είναι παράλληλα. (Μονάδες 12)

2 18604

Δίνεται παραλληλόγραμμο $AB\Gamma\Delta$ και E, Z σημεία τέτοια ώστε: $\overrightarrow{AE} = \frac{2}{5}\overrightarrow{A\Delta}$, $\overrightarrow{AZ} = \frac{2}{7}\overrightarrow{A\Gamma}$

- α) Να γράψετε τα διανύσματα \overrightarrow{EZ} και \overrightarrow{ZB} ως γραμμικό συνδυασμό των \overrightarrow{AB} και $\overrightarrow{A\Delta}$. (Μονάδες 13)
- β) Να αποδείξετε ότι τα σημεία B , Z και E είναι συνευθειακά. (Μονάδες 12)

Συντεταγμένες στο επίπεδο

2 Θεμα

2 18605

Δίνονται τα διανύσματα $\overrightarrow{OA} = 2\vec{i} + 4\vec{j}$, $\overrightarrow{OB} = 3\vec{i} + \vec{j}$ και $\overrightarrow{OG} = 5\vec{i} - 5\vec{j}$, όπου \vec{i} και \vec{j} είναι τα μοναδιαία διανύσματα των αξόνων $x'x$ και $y'y$ αντίστοιχα.

- α) Να βρείτε τις συντεταγμένες των \overrightarrow{AB} και $\overrightarrow{B\Gamma}$. (Μονάδες 12)
- β) Να εξετάσετε αν τα σημεία A, B και Γ μπορεί να είναι κορυφές τριγώνου. (Μονάδες 13)

Εσωτερικό γινόμενο

2 Θεμα

2 18556

Δίνονται τα διανύσματα \vec{a} και $\vec{\beta}$ με $(\vec{a}, \vec{\beta}) = \frac{\pi}{3}$ και $|\vec{a}| = \sqrt{2}, |\vec{\beta}| = 2\sqrt{2}$.

- α) Να βρείτε το εσωτερικό γινόμενο $\vec{a} \cdot \vec{\beta}$. (Μονάδες 8)
- β) Αν τα διανύσματα $2\vec{a} + \vec{\beta}$ και $k\vec{a} + \vec{\beta}$ είναι κάθετα να βρείτε την τιμή του k .

(Μονάδες 10)

γ) Να βρείτε το μέτρο του διανύσματος $2\vec{\alpha} + \vec{\beta}$.

(Μονάδες 7)

2 18558

Σε τρίγωνο ΑΒΓ είναι: $\vec{AB} = (-4, -6)$, $\vec{AG} = (2, -8)$.

α) Να βρείτε τις συντεταγμένες του διανύσματος \vec{AM} , όπου ΑΜ είναι η διάμεσος του τριγώνου ΑΒΓ.

(Μονάδες 7)

β) Να αποδείξετε ότι η γωνία \hat{A} είναι οξεία.

(Μονάδες 10)

γ) Αν στο τρίγωνο ΑΒΓ επιπλέον ισχύει $A(3,1)$, να βρείτε τις συντεταγμένες των κορυφών του Β και Γ.

(Μονάδες 8)

2 18581

Έστω τα διανύσματα $\vec{\alpha}$ και $\vec{\beta}$ για τα οποία ισχύει: $2|\vec{\alpha}| = |\vec{\beta}| = 2\sqrt{2}$ και $(\alpha, \beta) = 60^\circ$.

α) Να αποδείξετε ότι $\vec{\alpha} \cdot \vec{\beta} = 2$

(Μονάδες 10)

β) Να υπολογίσετε τα μέτρα των διανυσμάτων $\vec{\alpha} + \vec{\beta}$ και $\vec{\alpha} - \vec{\beta}$

(Μονάδες 15)

2 18598

Δίνονται τα διανύσματα $\vec{AB} = (\kappa^2 - 6\kappa + 9, \kappa - 3)$ και $\vec{AG} = (1, 6)$, όπου $\kappa \in \mathbb{R}$

α) Να βρείτε το εσωτερικό γινόμενο $\vec{AB} \cdot \vec{AG}$

(Μονάδες 8)

β) Να βρείτε τις τιμές του κ , ώστε τα διανύσματα \vec{AB} και \vec{AG} να είναι κάθετα.

(Μονάδες 9)

γ) Για $\kappa = 1$ να βρείτε το διάνυσμα \vec{BG} .

(Μονάδες 8)

4 Θεμα

4 18606

Δίνονται τα διανύσματα $\vec{OA} = (4, -2)$ και $\vec{OB} = (1, 2)$, όπου Ο είναι η αρχή των αξόνων.

α) Να αποδείξετε ότι τα διανύσματα \vec{OA} και \vec{OB} είναι κάθετα.

(Μονάδες 4)

β) Αν $\Gamma(\alpha, \beta)$ είναι σημείο της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία Α και Β, τότε:

i) να αποδείξετε ότι: $\vec{AB} = (-3, 4)$ και $\vec{AG} = (\alpha - 4, \beta + 2)$

(Μονάδες 5)

ii) να αποδείξετε ότι: $4\alpha + 3\beta = 10$

(Μονάδες 6)

iii) αν επιπλέον τα διανύσματα \vec{OG} και \vec{AB} είναι κάθετα, να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου Γ.

(Μονάδες 10)

4 18616

Δίνονται τα διανύσματα $\vec{a}, \vec{\beta}$ και $\vec{\gamma}$ για τα οποία ισχύουν: $|\vec{a}|=2$, $|\vec{\beta}|=1$, $(\alpha, \beta)=60^\circ$ και

$$\vec{\gamma} = \frac{\kappa}{2} \cdot \vec{a} - \vec{\beta}, \text{ όπου } \kappa \in \mathbb{R}.$$

- α) Να υπολογίσετε το εσωτερικό γινόμενο $\vec{a} \cdot \vec{\beta}$ (Μονάδες 3)
- β) Αν ισχύει $\vec{\beta} \cdot \vec{\gamma} = \kappa$, τότε:
- να αποδείξετε ότι: $\kappa = -2$ (Μονάδες 6)
 - να υπολογίσετε το μέτρο του διανύσματος $\vec{\gamma}$ (Μονάδες 8)
 - να αποδείξετε ότι τα διανύσματα $3\vec{a} + 2\vec{\gamma}$ και $\vec{\beta} - \vec{\gamma}$ είναι κάθετα. (Μονάδες 8)

4 18618

- α) Να εξετάσετε πότε ισχύει καθεμιά από τις ισότητες: $|\vec{u} + \vec{v}| = |\vec{u}| + |\vec{v}|$ και $|\vec{u} + \vec{v}| = ||\vec{u}| - |\vec{v}||$ (Μονάδες 10)
- β) Δίνονται τα διανύσματα $\vec{a}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$ για τα οποία ισχύουν: $\vec{a} + \vec{\beta} + \vec{\gamma} = \vec{0}$ και $\frac{|\vec{a}|}{3} = \frac{|\vec{\beta}|}{4} = \frac{|\vec{\gamma}|}{7}$
- Να αποδείξετε ότι: $\vec{a} \uparrow \vec{\beta}$ και $\vec{\beta} \downarrow \vec{\gamma}$ (Μονάδες 8)
 - Να αποδείξετε ότι: $7\vec{a} + 3\vec{\gamma} = \vec{0}$ (Μονάδες 7)

Ευθεία

Εξίσωση ευθείας

2 Θέμα

2 18575

Δίνονται τα σημεία A(1,2) και B(5,6).

- α) Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία A και B. (Μονάδες 10)
- β) Να αποδείξετε ότι η μεσοκάθετος ε του ευθυγράμμου τμήματος AB έχει εξίσωση την $y = -x + 7$ (Μονάδες 15)

2 18600

Θεωρούμε την ευθεία ε_1 που τέμνει τους άξονες $\chi' \chi$ και $\psi' \psi$ στα σημεία A(3,0) και B(0,6) αντίστοιχα.

- α) Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας ε_1 (Μονάδες 8)
- β) Αν ε_2 είναι η ευθεία που διέρχεται από την αρχή των αξόνων και είναι κάθετη στην ε_1 , τότε να βρείτε:
- την εξίσωση της ευθείας ε_2 (Μονάδες 9)
 - τις συντεταγμένες του σημείου τομής των ευθειών ε_1 και ε_2 (Μονάδες 8)

2 18601

Έστω $M(3, 5)$ το μέσο ευθυγράμμου τμήματος AB με $A(1,1)$.

α) Να βρείτε:

i) τις συντεταγμένες του σημείου B .

(Μονάδες 6)

ii) την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία A και B .

(Μονάδες 7)

β) Να βρείτε τις συντεταγμένες σημείου K του άξονα x' έτσι ώστε να ισχύει $(KA)=(KB)$.

(Μονάδες 12)

2 18602

Δίνεται η ευθεία $(ε): y+x=1$ και το σημείο $A(2,-4)$.

α) Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το A και είναι κάθετη στην $(ε)$.

(Μονάδες 10)

β) Να βρείτε την προβολή του σημείου A πάνω στην ευθεία $(ε)$.

(Μονάδες 15)

Γενική εξίσωση μορφή ευθείας

2 θέμα

2 18584

Δίνονται οι παράλληλες ευθείες $\varepsilon_1: x - 2y - 8 = 0$, $\varepsilon_2: 2x - 4y + 10 = 0$ και το σημείο A της ε_1 που έχει τετμημένη το 4.

α) Να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου A .

(Μονάδες 5)

β) Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας ε η οποία διέρχεται από το σημείο A και είναι κάθετη στην ευθεία ε_1 .

(Μονάδες 10)

γ) Αν B είναι το σημείο τομής των ευθειών ε και ε_2 , τότε να βρείτε τις συντεταγμένες του B

(Μονάδες 10)

2 18587

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1: x - 8y + 16 = 0$ και $\varepsilon_2: 2x + y + 15 = 0$ οι οποίες τέμνονται στο σημείο M .

Αν οι ευθείες ε_1 και ε_2 τέμνουν τον άξονα $y'y$ στα σημεία A και B αντίστοιχα, τότε:

α) να βρείτε τις συντεταγμένες των σημείων M , A και B .

(Μονάδες 10)

β) αν K είναι το μέσο του τμήματος AB , να βρείτε τον συντελεστή διεύθυνσης του

διανύσματος \overline{MK} .

(Μονάδες 15)

2 18589

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1: 8x + y - 28 = 0$ και $\varepsilon_2: x - y + 1 = 0$ οι οποίες τέμνονται στο σημείο M .

α) Να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου M και στη συνέχεια, να βρείτε την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το M και είναι κάθετη στον άξονα $x'x$.

(Μονάδες 10)

β) Να αποδείξετε ότι οι ευθείες που διέρχονται από το M και έχουν συντελεστή διεύθυνσης

λ έχουν εξίσωση την: $\lambda x - y - 3\lambda + 4 = 0$, όπου $\lambda \in \mathbb{R}$

(Μονάδες 15)

2 18592

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1 : x - 3y + 5 = 0$ και $\varepsilon_2 : 3x + y - 5 = 0$

- α) Να αποδείξετε ότι οι ευθείες ε_1 και ε_2 είναι κάθετες μεταξύ τους. (Μονάδες 9)
β) Να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου τομής Α των ευθειών ε_1 και ε_2 (Μονάδες 9)
γ) Να βρείτε την εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από το σημείο Α και την αρχή Ο των αξόνων. (Μονάδες 7)

2 18595

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1 : 3x + y + 3 = 0$ και $\varepsilon_2 : x + 2y - 4 = 0$

- α) Να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου τομής Α των ευθειών ε_1 και ε_2 (Μονάδες 8)
β) Αν η ευθεία ε_1 τέμνει τον άξονα $y'y$ στο σημείο Β και η ευθεία ε_2 τέμνει τον άξονα $x'x$ στο σημείο Γ, τότε:
i) να βρείτε τις συντεταγμένες των σημείων Β και Γ (Μονάδες 8)
ii) να αποδείξετε ότι η ευθεία που διέρχεται από τα σημεία Β και Γ έχει εξίσωση την $3x - 4y - 12 = 0$ (Μονάδες 9)

4 θέμα

4 18612

Δίνεται η εξίσωση: $x^2 + 2xy + y^2 - 6x - 6y + 8 = 0$

- α) Να αποδείξετε ότι η εξίσωση παριστάνει γεωμετρικά δύο ευθείες γραμμές ε_1 και ε_2 οι οποίες είναι παράλληλες μεταξύ τους. (Μονάδες 7)
β) Αν $\varepsilon_1 : x + y - 2 = 0$ και $\varepsilon_2 : x + y - 4 = 0$, να βρείτε την εξίσωση της μεσοπαράλληλης ε των ε_1 και ε_2 (Μονάδες 8)
γ) Αν Α είναι σημείο της ευθείας ε_1 με τεταγμένη το 2 και Β σημείο της ευθείας ε_2 με τεταγμένη το 1, τότε:
i) να βρείτε τις συντεταγμένες των σημείων Α και Β (Μονάδες 2)
ii) να βρείτε τις συντεταγμένες δύο σημείων Γ και Δ της ευθείας ε έτσι, ώστε το τετράπλευρο ΑΓΒΔ να είναι τετράγωνο. (Μονάδες 8)

4 18613

Δίνεται η εξίσωση $x^2 + y^2 - 2xy - 3\lambda x + 3\lambda y + 2\lambda^2 = 0$, με λ διαφορετικό του 0.

- α) Να αποδείξετε ότι η παραπάνω εξίσωση παριστάνει στο επίπεδο, δύο ευθείες παράλληλες μεταξύ τους, καθεμιά από τις οποίες έχει κλίση ίση με 1. (Μονάδες 12)
β) Αν το εμβαδόν του τετραγώνου του οποίου οι δύο πλευρές βρίσκονται πάνω στις ευθείες του ερωτήματος α) είναι ίσο με 2, να βρείτε την τιμή του λ . (Μονάδες 13)

4 18617

Δίνονται τα διανύσματα \vec{a} και \vec{b} με μέτρα 2, 6 αντίστοιχα και $\varphi \in [0, \pi]$ η μεταξύ τους γωνία. Επίσης δίνεται η εξίσωση $(\vec{a} \cdot \vec{b} + 12)x + (\vec{a} \cdot \vec{b} - 12)y - 5 = 0$ (1).

α) Να αποδείξετε ότι η (1) παριστάνει ευθεία για κάθε $\varphi \in [0, \pi]$. (Μονάδες 3)

β) Αν η παραπάνω ευθεία είναι παράλληλη στον άξονα $y'y$, να αποδείξετε ότι $\vec{b} = 3\vec{a}$ (Μονάδες 7)

γ) Αν η παραπάνω ευθεία είναι παράλληλη στον άξονα $x'x$, να αποδείξετε ότι $\vec{b} = -3\vec{a}$ (Μονάδες 7)

δ) Αν η παραπάνω ευθεία είναι παράλληλη στην διχοτόμο πρώτης και τρίτης γωνίας των αξόνων, να αποδείξετε ότι $\vec{b} \perp \vec{a}$ (Μονάδες 8)

Εμβαδόν τριγώνου

4 θέμα

4 18609

Σε τρίγωνο $AB\Gamma$ είναι $\vec{AB} = (\lambda, \lambda + 1)$, $\vec{AG} = (3\lambda, \lambda - 1)$, όπου $\lambda \neq 0$ και $\lambda \neq -2$, και M είναι το μέσο της πλευράς $B\Gamma$

α) Να αποδείξετε ότι $\vec{AM} = (2\lambda, \lambda)$ (Μονάδες 7)

β) Να βρείτε την τιμή του λ για την οποία το διάνυσμα \vec{AM} είναι κάθετο στο διάνυσμα

$$\vec{\alpha} = \left(\frac{2}{\lambda}, -\lambda \right)$$

(Μονάδες 8)

γ) Για την τιμή του λ που βρήκατε στο ερώτημα β), να υπολογίσετε το εμβαδόν του τριγώνου $AB\Gamma$ (Μονάδες 10)

4 18610

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1 : 2x - y - 10\lambda + 16 = 0$ και $\varepsilon_2 : 10x + y - 2\lambda - 4 = 0$, όπου $\lambda \in \mathbb{R}$

α) Να αποδείξετε ότι για κάθε τιμή της παραμέτρου λ οι ευθείες ε_1 και ε_2 τέμνονται, και να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου τομής τους M (Μονάδες 7)

- β)** Να αποδείξετε ότι για κάθε τιμή της παραμέτρου λ το σημείο M ανήκει στην ευθεία $\varepsilon: 8x + y - 6 = 0$ (Μονάδες 7)
- γ)** Αν η ευθεία ε τέμνει τους άξονες x' και y' στα σημεία A και B αντίστοιχα, τότε:
- i)** να βρείτε την εξίσωση της ευθείας ζ που διέρχεται από την αρχή O των αξόνων και να αποδείξετε ότι είναι παράλληλη προς την ευθεία AB (Μονάδες 5)
- ii)** αν K είναι τυχαίο σημείο της ευθείας ζ , να αποδείξετε ότι $(KAB) = \frac{9}{4}$ (Μονάδες 6)

4 18611

Δίνεται η ευθεία $\varepsilon: x - 4y - 7 = 0$ και τα σημεία $A(-2, 4)$ και $B(2, 6)$

- α)** Να βρείτε τις συντεταγμένες σημείου M της ευθείας ε το οποίο ισαπέχει από τα σημεία A και B (Μονάδες 7)
- β)** Να υπολογίσετε το εμβαδόν του τριγώνου MAB (Μονάδες 8)
- γ)** Να αποδείξετε ότι τα σημεία $K(x, y)$ για τα οποία ισχύει $(KAB) = (MAB)$ ανήκουν στις ευθείες με εξισώσεις τις: $x - 2y - 5 = 0$ και $x - 2y + 25 = 0$ (Μονάδες 10)

4 18614

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1: 3x + y + 3 = 0$ και $\varepsilon_2: x + 2y - 4 = 0$

- α)** Να βρείτε τις συντεταγμένες του σημείου τομής A των ευθειών ε_1 και ε_2 (Μονάδες 5)
- β)** Αν η ευθεία ε_1 τέμνει τον άξονα $y'y$ στο σημείο B και η ευθεία ε_2 τέμνει τον άξονα $x'x$ στο σημείο Γ , τότε:
- i)** να βρείτε εξίσωση της ευθείας που διέρχεται από τα σημεία B και Γ (Μονάδες 5)
- ii)** να βρείτε το εμβαδόν του τριγώνου $AB\Gamma$ (Μονάδες 5)
- γ)** Να αποδείξετε ότι τα σημεία $K(x, y)$ για τα οποία ισχύει $(KB\Gamma) = (AB\Gamma)$ ανήκουν σε δύο παράλληλες ευθείες, των οποίων να βρείτε τις εξισώσεις. (Μονάδες 10)

4 18615

Θεωρούμε ευθύγραμμο τμήμα AB που είναι παράλληλο προς την ευθεία $\varepsilon: y = x$, με $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ και $x_1 < x_2$.

Αν το σημείο $M(3, 5)$ είναι το μέσο του ευθυγράμμου τμήματος AB και το γινόμενο των τετμημένων των σημείων A και B ισούται με 5, τότε:

- α)** να υπολογίσετε τις συντεταγμένες των σημείων A και B . (Μονάδες 13)
- β)** να αποδείξετε ότι $(OAB) = 4$, όπου O είναι η αρχή των αξόνων. (Μονάδες 5)
- γ)** να αποδείξετε ότι τα σημεία $K(x, y)$ για τα οποία ισχύει $(KAB) = 2(OAB)$ ανήκουν στις ευθείες με εξισώσεις τις: $x - y - 2 = 0$ και $x - y + 6 = 0$ (Μονάδες 7)

2 18620

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon_1 : (2\lambda - 1)x + y - 5 = 0$, $\varepsilon_2 : (\lambda^2 + 3)x - y - 15 = 0$ με $\lambda \in \mathbb{R}$ και το σημείο $A(2, -1)$.

α) Να αποδείξετε ότι, για κάθε τιμή του $\lambda \in \mathbb{R}$ οι ευθείες τέμνονται. (Μονάδες 7)

β) Αν οι ευθείες τέμνονται στο σημείο A , να βρείτε την τιμή του $\lambda \in \mathbb{R}$. (Μονάδες 10)

γ) Έστω $\lambda = 2$ και B, Γ τα σημεία που οι ε_1 και ε_2 τέμνουν τον άξονα $y'y'$.Να βρείτε το εμβαδόν του τριγώνου $AB\Gamma$. (Μονάδες 8)

4 18621

Δίνονται οι ευθείες $\varepsilon : 2\kappa x - (1 + \kappa)y + 1 - 3\kappa = 0$ και

$\zeta : (1 + 3\kappa)x + (\kappa - 1)y + 2 - 6\kappa = 0$, όπου $\kappa \in \mathbb{R}$

α) Να εξετάσετε αν υπάρχει τιμή του κ , ώστε οι ευθείες να είναι παράλληλες. (Μονάδες 10)

β) Να βρείτε την αμβλεία γωνία που σχηματίζουν οι ευθείες (ε) και (ζ) . (Μονάδες 15)

4 18622

Δίνονται τα σημεία $A\left(1, -\frac{3}{2}\right)$, $B(2, -1)$ και $\Gamma\left(\mu, \frac{\mu-4}{2}\right)$, όπου $\mu \in \mathbb{R}$.

α) Να βρείτε τις συντεταγμένες των διανυσμάτων \vec{AB} και $\vec{B\Gamma}$ (Μονάδες 8)

β) Να αποδείξετε ότι για κάθε $\mu \in \mathbb{R}$ το σημείο Γ ανήκει στην ευθεία που διέρχεται από τα σημεία A και B . (Μονάδες 8)

γ) Να βρείτε την τιμή του μ έτσι, ώστε $\mu \cdot \vec{B\Gamma} = -\vec{AB}$. (Μονάδες 6)

δ) Για την τιμή του μ που βρήκατε στο ερώτημα γ), να αποδείξετε ότι $(OB\Gamma) = 1$, όπου O είναι η αρχή των αξόνων. (Μονάδες 3)

4 18623

Δίνονται τα σημεία $A(3, 4)$, $B(5, 7)$ και $\Gamma(2\mu + 1, 3\mu - 2)$, όπου $\mu \in \mathbb{R}$.

α) Να βρείτε τις συντεταγμένες των διανυσμάτων \vec{AB} και $\vec{A\Gamma}$ και , στη συνέχεια, να αποδείξετε ότι τα σημεία A , B και Γ δεν είναι συνευθειακά για κάθε τιμή του μ . (Μονάδες 8)

β) Να αποδείξετε ότι:
i) το εμβαδόν του τριγώνου $AB\Gamma$ δεν εξαρτάται από το μ . (Μονάδες 5)
ii) για κάθε τιμή του μ το σημείο Γ ανήκει σε ευθεία ε , της οποίας να βρείτε την εξίσωση. (Μονάδες 7)

γ) Να ερμηνεύσετε γεωμετρικά γιατί το εμβαδόν του τριγώνου $AB\Gamma$ παραμένει σταθερό, ανεξάρτητα από την τιμή του μ ; (Μονάδες 5)