

**ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΕΣ ΑΠΟΛΥΤΗΡΙΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ**  
**Γ' ΤΑΞΗΣ ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΕΝΙΑΙΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ**  
**ΠΕΜΠΤΗ 10 ΙΟΥΛΙΟΥ 2003**  
**ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ**  
**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ 1ο**

1. β,    2. δ,    3.β,    4. γ.  
 5. α. Έκκεντρη    β. Μηδέν    γ. Διάχυση    δ. Περιόδου    ε. επιταχυνόμενη

**ΘΕΜΑ 2ο**

**2.1**

**Αιτιολόγηση**

Όλες οι δυνάμεις που ασκούνται πάνω στη γη από τα άλλα ουράνια σώματα είναι κεντρικές(από όπου περνάει και ο άξονας περιστροφής) άρα και η συνισταμένη ροπή των εξωτερικών δυνάμεων είναι μηδέν έχουμε λοιπόν διατήρηση της στροφορμής και εφόσον η ροπή αδράνειας είναι σταθερή σταθερή παραμένει η στροφορμή άρα και η γωνιακή ταχύτητα  $\omega$  επομένως και η περίοδος περιστροφής  $\omega=2\pi/T$

**2.2 Σωστή απάντηση είναι η (β)**

**Αιτιολόγηση**

$$\frac{f_1}{f_2} = \frac{\frac{1}{2\pi\sqrt{LC_1}}}{\frac{1}{2\pi\sqrt{LC_2}}} = \frac{\sqrt{LC_2}}{\sqrt{LC_1}} = \frac{f_2^2}{f_1^2} = \frac{LC_1}{LC_2} < 1 \Rightarrow C_2 < C_1$$

**2.3**

**Αιτιολόγηση**

**3ο Θέμα**

**α)** Για την κοινή συχνότητα των αρμονικών ταλαντώσεων που εκτελούν τα υλικά σημεία της χορδής έχουμε:

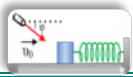
$$v = f \cdot \lambda \Rightarrow f = \frac{v}{\lambda} \Rightarrow f = \frac{100\text{m/s}}{2\text{m}} \Rightarrow \underline{\underline{f = 50\text{Hz}}}$$

**β)** Η εξίσωση του αρμονικού κύματος που διαδίδεται κατά τη θετική φορά του x'x είναι

$$y_1 = A\eta\mu 2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right) \Rightarrow y_1 = A\eta\mu 2\pi\left(ft - \frac{x}{\lambda}\right) \Rightarrow \underline{\underline{y_1 = 0,08\eta\mu 2\pi\left(50t - \frac{x}{2}\right) \text{ (S.I.)}}}$$

**γ)** Για την ενέργεια της ταλάντωσης του στοιχειώδους τμήματος της χορδής μάζας  $m=2 \cdot 10^{-3}\text{Kg}$  έχουμε:





$$\left. \begin{aligned} E_T = K_{\max} &= \frac{1}{2} m v_{\max}^2 \\ v_{\max} &= \omega A = 2\pi f A = 8\pi \text{ m/s} \end{aligned} \right\} \Rightarrow E_T = \frac{1}{2} 2 \cdot 10^{-3} (8\pi)^2 \text{ J} \stackrel{(\pi^2=10)}{\Rightarrow} E_T = 64 \cdot 10 \cdot 10^{-3} \text{ J} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \underline{\underline{E_T = 0,64 \text{ J}}}$$

δ) Για τις θέσεις των δεσμών στο θετικό ημιάξονα ως προς την κοιλία που αντιστοιχεί στο  $x=0$  ισχύει

$$x_{\Delta} = (2\kappa + 1) \frac{\lambda}{4} \text{ με } \kappa = 0, 1, 2, \dots (1).$$

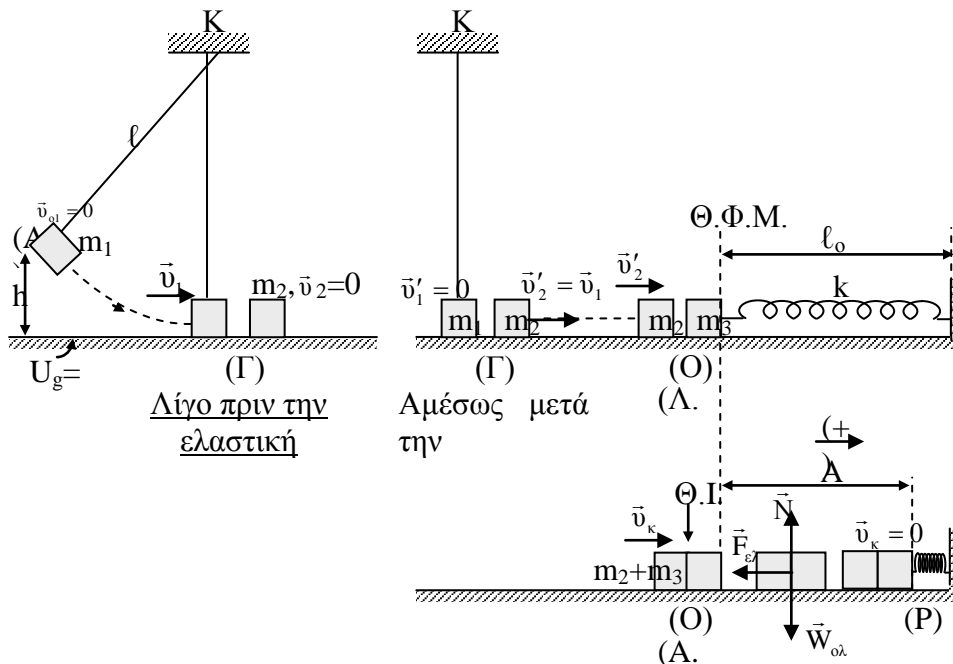
Εφόσον πρόκειται για τον 11<sup>ο</sup> δεσμό, η θέση του θα καθοριστεί από την εξίσωση (1) για  $\kappa=10$ . Δηλαδή:

#### 4<sup>ο</sup> Θέμα

α. Με εφαρμογή του Θ.Δ.Μ.Ε. (A→Γ) για το σώμα μάζας  $m_1$  έχουμε:

$$E_{\mu\eta\chi(A)} = E_{\mu\eta\chi(\Gamma)} \Rightarrow U_{g(A)} + K_{1(A)} = U_{g(\Gamma)} + K_{1(\Gamma)} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow m_1 g h + 0 = 0 + \frac{1}{2} m_1 v_1^2 \Rightarrow 2m_1 g h = m_1 v_1^2 \Rightarrow h = \frac{v_1^2 \text{ (S.I.)}}{2g} \Rightarrow \underline{\underline{h = 0,2 \text{ m}}}$$

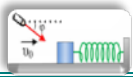


β. Η κρούση του σώματος μάζας  $m_1$  με το σώμα μάζας  $m_2$  είναι μετωπική και ελαστική και, αφού  $m_2 = m_1$ , τα σώματα αμέσως μετά την κρούση ανταλλάσσουν ταχύτητες. Δηλαδή:

$$v_1' = 0 \text{ και } v_2' = v_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}.$$

Επειδή το οριζόντιο επίπεδο πάνω στο οποίο κινείται το σώμα μάζας  $m_2$  είναι λείο, το σώμα αυτό προσκρούει με την ίδια ταχύτητα που είχε αμέσως μετά την ελαστική του κρούση με το σώμα μάζας  $m_1$ .





- γ. Με εφαρμογή της Α.Δ.Ο., για τη μετωπική πλαστική κρούση των σωμάτων με μάζες  $m_2$  και  $m_3$ , μπορούμε να προσδιορίσουμε το μέτρο  $v_k$  της ταχύτητας του συσσωματώματος αμέσως μετά την κρούση. Δηλαδή:

$$m_2 \vec{v}'_2 + m_3 \cdot 0 = (m_2 + m_3) \vec{v}_k \Rightarrow m_2 v'_2 = (m_2 + m_3) v_k \Rightarrow v_k = \frac{m_2 v'_2}{m_2 + m_3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v_k = \frac{0,1 \text{Kg} \cdot 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{(0,1 + 0,7) \text{Kg}} \Rightarrow v_k = \frac{1 \text{ m}}{4 \text{ s}}$$

Η ταχύτητα που προσδιορίσαμε είναι η ταχύτητα που έχει το συσσωμάτωμα στη θέση ισορροπίας 0, οπότε αποτελεί τη μέγιστη ταχύτητα ( $|\vec{v}_k| = v_{\max}$ ) της απλής αρμονικής ταλάντωσης που εκτελεί αυτό μετά την πλαστική κρούση. Για αυτήν την απλή αρμονική ταλάντωση η σταθερά επαναφοράς είναι ίση με τη σταθερά σκληρότητας του ελατηρίου ( $D=k$ ), οπότε για την περίοδο και τη γωνιακή συχνότητα αυτής της ταλάντωσης έχουμε:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m_2 + m_3}{k}} \stackrel{\text{(S.I.)}}{\Rightarrow} T = 0,4\pi \text{s} \text{ και } \omega = \frac{2\pi}{T} = 5\pi/\text{s}$$

Επομένως για το πλάτος  $A$  της Α.Α.Τ. έχουμε:

$$v_{\max} = \omega A \Rightarrow v_k = \omega A \Rightarrow A = \frac{v_k \stackrel{\text{(S.I.)}}{}}{\omega} \Rightarrow \underline{\underline{A = 0,05\text{m}}}$$

- δ. Για τη στιγμιαία ορμή του συσσωματώματος έχουμε την έκφραση

$$\left. \begin{aligned} P(t) &= (m_2 + m_3)v(t) \\ v(t) &= v_{\max} \sin(\omega t + \varphi_0) \end{aligned} \right\} \Rightarrow P(t) = (m_2 + m_3)v_{\max} \sin(\omega t + \varphi_0) \quad (1)$$

Επειδή για  $t_0=0$  θεωρούμε ότι ισχύει  $x=0$ ,  $v=v_k=+v_{\max}$ , για την αρχική φάση ισχύει  $\varphi_0=0$ . Οπότε:

$$P(t) = (m_2 + m_3)v_{\max} \sin(\omega t) = 0,8\text{Kg} \frac{1 \text{ m}}{4 \text{ s}} \sin\left(5 \frac{\pi}{15}\right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow P(t) = 0,2\text{Kg} \frac{\text{m}}{\text{s}} \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) = 0,2\text{Kg} \frac{\text{m}}{\text{s}} 0,5 \Rightarrow \underline{\underline{P(t) = 0,1\text{Kg} \frac{\text{m}}{\text{s}}}}$$

