

## ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ ΘΕΩΡΙΑΣ

## Στατιστική

1. Τι ονομάζουμε συχνότητα  $x_i$  μιας μεταβλητής ;
2. Τι ονομάζουμε σχετική συχνότητα  $f_i$  μιας μεταβλητής ;
3. Τι ονομάζουμε αθροιστική συχνότητα  $N_i$  μιας τιμής  $x_i$  μιας ποσοτικής μεταβλητής ;
4. Τι ονομάζουμε σχετική αθροιστική συχνότητα  $F_i$  μιας τιμής  $x_i$  μιας ποσοτικής μεταβλητής
5. Τι ονομάζουμε επικρατούσα τιμή μιας μεταβλητής;
6. Να γράψετε τον τύπο που δίνει την μέση τιμή των τιμών  $x_1, x_2, \dots, x_k$ , μιας μεταβλητής με αντίστοιχες συχνότητες  $v_1, v_2, \dots, v_k$ .
7. Τι ονομάζεται διάμεσος ενός δείγματος  $n$  παρατηρήσεων ;
8. Τι είναι το ευρος των τιμών των παρατηρήσεων μιας μεταβλητής;
9. Με τι ισούται η διακύμανση μιας μεταβλητής που παίρνει τιμές  $t_1, t_2, \dots, t_k$  και έχουν μέση τιμή  $\bar{x}$  ;
10. Με τι ισούται η διακύμανση μιας μεταβλητής που παίρνει τιμές  $x_1, x_2, \dots, x_k$  με αντίστοιχες συχνότητες  $v_1, v_2, \dots, v_k$  και έχουν μέση τιμή  $\bar{x}$  ;
11. Με τι ισούται η τυπική απόκλιση  $s$  μιας μεταβλητής που παίρνει τιμές  $t_1, t_2, \dots, t_k$  και έχουν μέση τιμή  $\bar{x}$  ;
12. Με τι ισούται η τυπική απόκλιση  $s$  μιας μεταβλητής που παίρνει τιμές  $x_1, x_2, \dots, x_k$  με αντίστοιχες συχνότητες  $v_1, v_2, \dots, v_k$  και έχουν μέση τιμή  $\bar{x}$  ;
13. Με τι ισούται ο συντελεστής μεταβολής ενός δείγματος μιας ποσοτικής μεταβλητής με μέση τιμή  $\bar{x}$ , και τυπική απόκλιση  $s$  ;

## Όριο – Συνέχεια

1. Πότε λέμε ότι υπάρχει το όριο μιας συνάρτησης  $f$  στο  $x_0$ ;
2. Πότε μια συνάρτηση  $f$  λέμε ότι είναι συνεχής στο σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της  $A$ ;
3. Πότε μια συνάρτηση  $f$  λέμε ότι είναι συνεχής στο διάστημα  $(\alpha, \beta)$ ;
4. Αναφέρετε 5 συνεχείς συναρτήσεις .

## Στοιχεία Διαφορικού Λογισμού ( Παράγωγοι)

1. Πότε μια συνάρτηση  $f$  λέγεται παραγωγίσιμη σε ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της;
2. Πώς συνδέονται η συνέχεια και η παραγωγισιμότητα μιας συνάρτησης  $f$  σε ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της;
3. Τι εκφράζει η παράγωγος  $f'(x_0)$  μιας συνάρτησης  $f$  σε ένα σημείο  $x_0$  του πεδίου ορισμού της;
4. Στη στήλη  $A$  του παρακάτω πίνακα υπάρχουν τα πρώτα μέλη ισοτήτων, οι οποίες εκφράζουν τους κανόνες παραγωγίσιμης. Στη στήλη  $B$  υπάρχουν τα δεύτερα μέλη των ισοτήτων αυτών. Αντιστοιχίστε τα στοιχεία της στήλης  $A$  με εκείνα της στήλης  $B$  ώστε να προκύψουν οι γνωστοί κανόνες παραγωγίσιμης.

Στήλη A	Στήλη B
$(c f(x))' =$	$f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$
$(f(x) + g(x))' =$	$\frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}$
$(f(x) \cdot g(x))' =$	$f'(x) + g'(x)$
$\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)' =$	$cf'(x)$
$[f(g(x))]' =$	$f'(x) \cdot g'(x)$
	$f'(g(x)) \cdot g'(x)$
	$\frac{f'(x)}{g'(x)}$

5. Στη στήλη A δίνονται τύποι συναρτήσεων. Συμπληρώστε στη στήλη B τους αντίστοιχους τύπους των πρώτων παραγώγων τους.

Στήλη A $f(x)$	Στήλη B $f'(x)$
c	
x	
$x^a$	
$\eta\mu x$	
$\sigma\upsilon\nu x$	
$e^x$	
$\ln x, x > 0$	

6. Αν οι συναρτήσεις  $f, g$  είναι παραγωγίσιμες στο πεδίο ορισμού τους A να συμπληρώσετε τα παρακάτω

7.  $(f + g)'(x) = \dots\dots\dots$

$(cf)'(x) = \dots\dots\dots$

$(fg)'(x) = \dots\dots\dots$

$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \dots\dots\dots$

8. Τι ισχύει για την παράγωγο της σύνθεσης δυο συναρτήσεων ;  
9. Τι ονομάζεται παράγουσα F μιας συνάρτησης f στο διάστημα Δ;

10. Στη στήλη A δίνονται τύποι συναρτήσεων. Συμπληρώστε στη στήλη B τους αντίστοιχους τύπους των Παραγουσών τους.

Στήλη A $f(x)$	Στήλη B Παράγουσα $F(x)$
0	
1	
$x^a$	
$\eta\mu x$	
συνx	
$e^x$	
$\frac{1}{x}, x > 0$	

.....

11. Έστω  $f$  παραγωγίσιμη συνάρτηση στο διάστημα  $(\alpha, \beta)$  τότε
- α) Αν  $f'(x) > 0$  για κάθε  $x \in (\alpha, \beta)$  τότε η  $f$  είναι γνησίως .....
- β) Αν  $f'(x) < 0$  για κάθε  $x \in (\alpha, \beta)$  τότε η  $f$  είναι γνησίως.....
12. Πότε μια συνάρτηση έχει τοπικό μέγιστο στο σημείο  $x = x_0$ ;
13. Πότε μια συνάρτηση έχει τοπικό ελάχιστο στο σημείο  $x = x_0$ ;
14. Αν η συνάρτηση  $f$  παρουσιάζει τοπικό ακρότατο στο  $x_0$  και η  $f$  είναι παραγωγίσιμη στο  $x_0$  τότε τι ισχύει για την  $f'(x_0)$ ;
15. Ποιες είναι οι πιθανές θέσεις τοπικών ακροτάτων μιας συνάρτησης  $f$ ;
16. Έστω  $f$  παραγωγίσιμη συνάρτηση στο διάστημα  $(\alpha, \beta)$  και  $x_0$  ένα κρίσιμο σημείο της τότε
- α) Αν  $f'(x) > 0$  για κάθε  $x \in (\alpha, x_0)$  και  $f'(x) < 0$  για κάθε  $x \in (x_0, \beta)$  τότε το  $f(x_0)$  είναι .....
- β) Αν  $f'(x) < 0$  για κάθε  $x \in (\alpha, x_0)$  και  $f'(x) > 0$  για κάθε  $x \in (x_0, \beta)$  τότε το  $f(x_0)$  είναι .....
17. Αν για συνάρτηση  $f$  παραγωγίσιμη σ' ένα διάστημα  $(\alpha, \beta)$ , ισχύουν  $f'(x_0) = 0$  και  $f''(x_0) < 0$ , με  $x_0$  εσωτερικό σημείο του  $(\alpha, \beta)$ , τότε η συνάρτηση  $f$  παρουσιάζει τοπικό ..... για  $x = x_0$
18. Αν για συνάρτηση  $f$  παραγωγίσιμη σ' ένα διάστημα  $(\alpha, \beta)$ , ισχύουν  $f'(x_0) = 0$  και  $f''(x_0) > 0$ , με  $x_0$  εσωτερικό σημείο του  $(\alpha, \beta)$ , τότε η συνάρτηση  $f$  παρουσιάζει τοπικό ..... για  $x = x_0$

#### ΟΛΟΚΛΗΡΩΜΑΤΑ

1. Αν  $f: [\alpha, \beta] \rightarrow \mathbb{R}$  είναι μια συνεχής συνάρτηση με παράγουσα  $F$  τότε το ορισμένο ολοκλήρωμα της συνάρτησης  $f$  από το  $\alpha$  στο  $\beta$  ισούται με

$$\int_a^b f(x) dx = \dots\dots\dots$$

2. Έστω συνάρτηση  $f$  συνεχής στο  $[α, β]$  τότε ισχύουν

$$\alpha) \int_a^{\beta} c \, dx = \dots \text{Όπου } c \text{ σταθερά} \quad \beta) \int_a^a f(x) \, dx = \dots$$

$$\gamma) \int_a^{\gamma} f(x) \, dx + \int_{\gamma}^{\beta} f(x) \, dx = \dots, \text{ όπου } \alpha < \gamma < \beta$$

$$\delta) \int_{\beta}^{\alpha} f(x) \, dx = \dots \int_{\beta}^{\alpha} f(x) \, dx \quad \epsilon) \int_a^{\beta} \lambda f(x) \, dx = \dots$$

$$\sigma\tau) \int_a^{\beta} [f(x) + g(x)] \, dx = \dots$$

$$\zeta) \text{ Αν } f(x) \geq 0 \text{ για κάθε } x \in [\alpha, \beta] \text{ τότε } \int_a^{\beta} f(x) \, dx \dots$$

$$\eta) \text{ Αν } f(x) \geq g(x) \text{ για κάθε } x \in [\alpha, \beta] \text{ τότε } \int_a^{\beta} f(x) \, dx \dots$$

$$3. \int_a^{\beta} 1 \, dx = [x]_a^{\beta} = \beta - \alpha \text{ όμοια συμπληρώστε τα παρακάτω}$$

$$\int_a^{\beta} x^k \, dx = \dots$$

$$\int_a^{\beta} \frac{1}{x} \, dx = \dots, \int_a^{\beta} e^x \, dx = \dots$$

$$\int_a^{\beta} \eta \mu \chi \, dx \dots, \int_a^{\beta} \sigma \upsilon \nu \chi \, dx = \dots$$

4. Να συμπληρώσετε τον παρακάτω τύπο παραγοντικής ολοκλήρωσης .

$$\int_a^{\beta} f'(x)g(x) \, dx = \dots$$

5. Αν  $f(x) \geq 0$  τότε το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται από την συνάρτηση  $f(x)$ , τον άξονα  $x$ , την ευθεία  $x = \alpha$  και την ευθεία  $x = \beta$  ισούται με.....

6. Αν  $f(x) \leq 0$  τότε το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται από την συνάρτηση  $f(x)$ , τον άξονα  $x$ , την ευθεία  $x = \alpha$  και την ευθεία  $x = \beta$  ισούται με.....

7. Αν  $f(x)$  είναι και θετική και αρνητική στο διάστημα  $[α, β]$  τότε το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται από την συνάρτηση  $f(x)$ , τον άξονα  $x$ , την ευθεία  $x = \alpha$  και την ευθεία  $x = \beta$  ισούται με.....

8. Αν  $f(x)$  και  $g(x)$  είναι δυο συναρτήσεις τότε το εμβαδόν του χωρίου που περικλείεται από την συνάρτηση  $f(x)$ , την  $g(x)$ , την ευθεία  $x = \alpha$  και την ευθεία  $x = \beta$  ισούται με.....